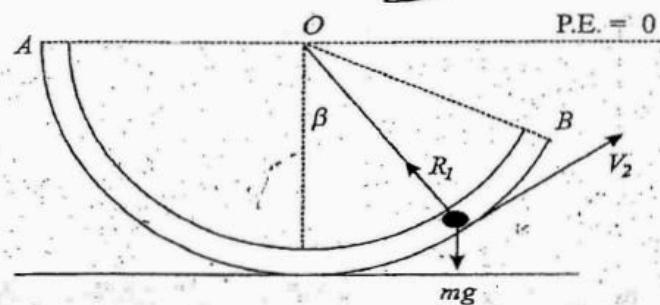
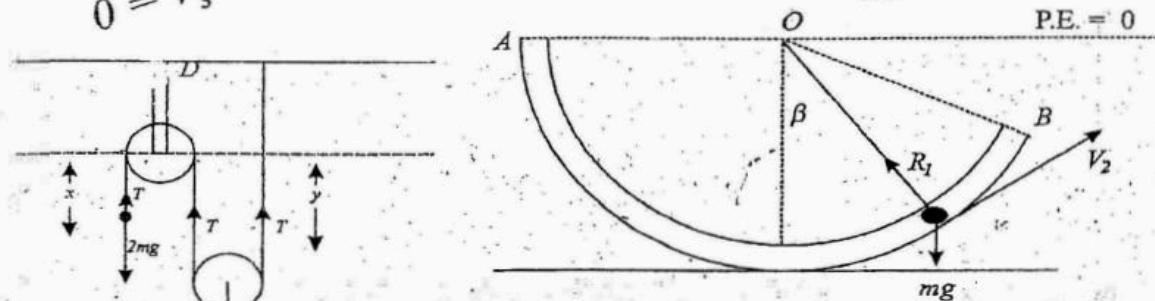
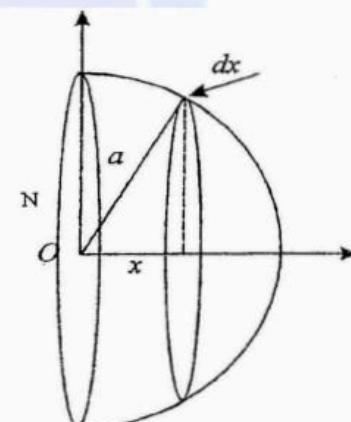
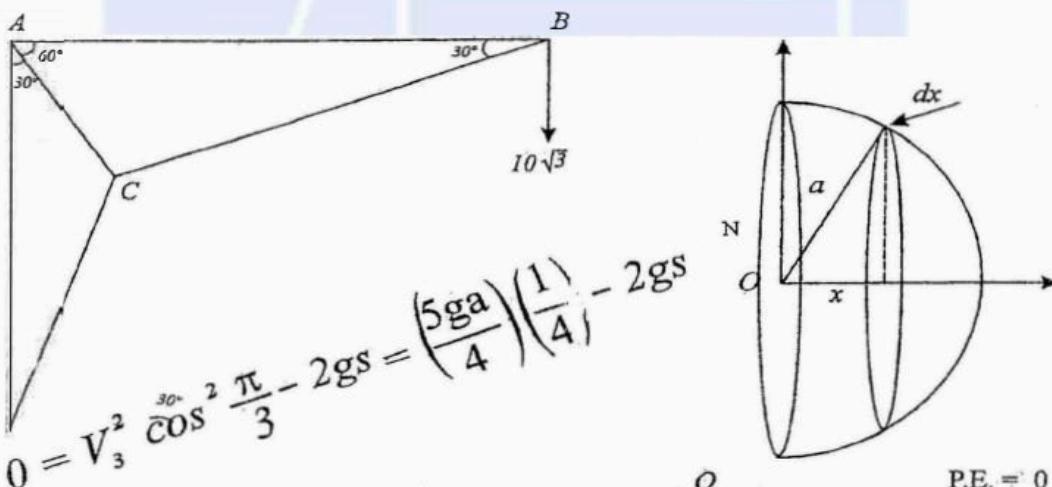


ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙසුරුතමේන්තුව
ජාතික ආශේෂීම හා පරික්ෂණ සේවාව

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර
(ලක්ෂය පෙළ) විභාගය - 2011

ලකුණු දීමේ ජර්ජාරිය



$$t_1 + t_2 = (\sqrt{3} - 1) \sqrt{\frac{l}{g}} + \frac{2\pi}{3} \sqrt{\frac{l}{g}} = \frac{1}{3} (3\sqrt{3} - 3 + 2\pi) \sqrt{\frac{l}{g}}$$

10 - සංයුත්තා ගණිතය - II

මෙය උත්තර පත්‍ර පරික්ෂාවරුන්ගේ ප්‍රශ්නය යූතා සකස් කෙරීමේ ප්‍රධාන පරික්ෂක සාකච්ඡා පැවැත්වෙන අවස්ථාවේ දැනුරිපත් වන අදහස් අදාළ මෙහි ඇතැම් වෙනසකම් කරනු ලැබේ. මෙය පාන්ති කාමර ඉගෙනුම ස්ථාවලිය යූතා ආධාරකයක් ලෙස යොදා ගත හැකිය නො අවබෝ විශ්වාසයයි.

- ① අවශ්‍ය වාසි වූ O ලක්ෂණය පිට P අංශවල 2 ප්‍රාග්ධනයන් පිරිසිව රුහුදී ප්‍රක්ෂේප කරනු ඇතියි. එම මොනායන්දී ම, රම O ලක්ෂණය ම පිට, Q අංශවල “ප්‍රාග්ධනයන් පිරිසිව රුහුදී ප්‍රක්ෂේප කරනු ඇතියි. අයු දෙකම ගුරුත්වා යටතේ වලුනා යි. P හා Q අංශවල විෂා සඳහා උග්‍රය - තාක් ප්‍රක්ෂේප රුහුදී යුතු වාසි වාසිය ඇත, P අංශවල රුහුදී උග්‍රය නොවනු ලබයි. Q අංශවල ප්‍රාග්ධනය වූ බැවුම ප්‍රාග්ධනය වූ බැවුම.

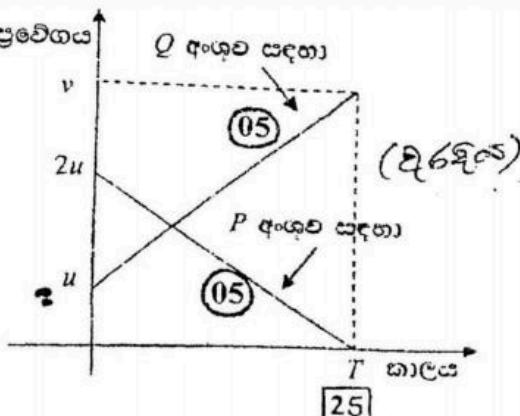
~~T සහ P අංශවල උපරිම උය තෙක් ලියා යෙතු ඇවිය ක්‍රියා යැයි ගනිමු.~~
~~එමත් Q අංශවලේ අවශ්‍ය ප්‍රවේශය යැයි ගනිමු.~~

$$\text{ඉතින } \frac{2u}{T} = g \rightarrow (1) \text{ වේ. } 05$$

~~தாவு, $\frac{v-u}{t} = g \rightarrow (2)$ வி. (05)~~

(1) ୩୧ (2) ୩୫

$$v - u = 2u \Rightarrow v = 3u \text{ എന്നാൽ } 05$$



වෙතයේ ක්‍රමයක්:

T යුතු *P* අදාළව උපමේ උය ගෙන් ඇති සැලැස්‍ය දෙකා අභ්‍යන්තර දෙකා අවශ්‍ය කාලය යැයි ගතිම්.

“ ଯାହୁ ରୂ ଦିଲ୍ଲାମରି ଦିଲ୍ଲାମରି ପ୍ରତିକାଳ ଦିଲ୍ଲାମରି ।

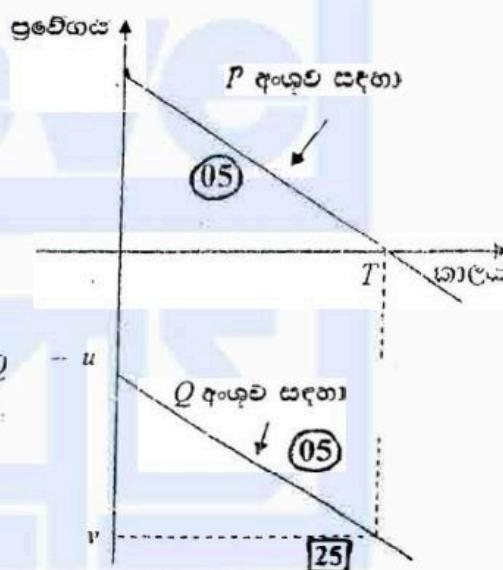
$$\text{எனவே, } \frac{2u}{T} = g \rightarrow (1) \text{ என்று. (05)}$$

$$\text{தான், } \frac{-u - V}{T} = g \rightarrow (2) \text{ என்று } 05$$

(1) ၅၃ (2) ၅၄

$$-u - v = 2u \Rightarrow v = -3u \text{ ലഭ്യം. } (05)$$

ජ්‍යෙෂ්ඨ, P අංශුව උපරිම උස තෙක් ලැබා ඇත නේ මූල්‍ය වෙළු යොදා ඇත.



2. සුම්ට අවල කරයියක මතින් නෑ දැඟලුපු අවශ්‍යතා පත්තුවික උතු ගෙවීමේ අංශයේ දා පිටි. තුළුව, ජකනය ආ පිටි අංශයක දා පිටි පිටින දැඟලුපු කරයියක පරින් පැමි. තැනුවේ අනුම ගෙවීමේ රුප පෙනෙනෙහි පෙන්වා දූෂි පිරිදි සිවුලුමට පිටිර ඇත. පදනිය ඇරුණුව්‍ය යටතෙන් විශ්‍යා විට. නැතුළුවේ ආනයිය $\frac{2}{3}$ මුදල පෙන්වන්න.

ତତ୍ତ୍ଵର ଗୁଡ଼ିକରୁ କ୍ଷେତ୍ରର $x + y = \text{constant}$ ଏବି.

$$\ddot{x} + 2\ddot{y} = 0 \rightarrow (1) \quad 05$$

ଦେଖିବାରୁ 2m ଲକ୍ଷ ଧର୍ମବିଶ୍ୱାସ ପାଇଁ P = m f ଦିରଦର୍ଶି
ତଥାବ୍ତ ଉପରେଣନ୍ତି

$$T - 2mg = 2m(-\ddot{x}) \rightarrow (2) \quad 05 \text{ రిపో}$$

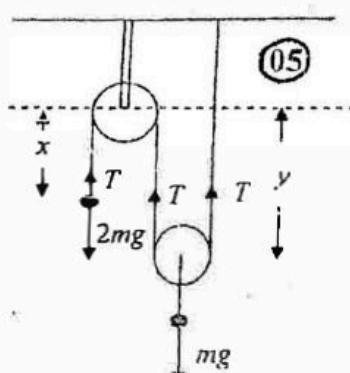
ଯକ୍ଷମ ଦିନ m ଲାଗୁ ଆଣ୍ଡାର ଦାର୍ଶନିକ $P = mf$ ଦେଇରୁଥିଲା
ଅତିରିକ୍ତ ଉପରେକ୍ଷଣରେ

$$2T - mg = m(-\ddot{y}) \rightarrow (3) \quad (05) \text{ என்று.}$$

$$(2) + 4 \times (3) \Rightarrow 9T - 6mg = -2m(\ddot{x} + 2\ddot{y}) = 0$$

form (1) of

$$T = \frac{2}{3}mg \quad \text{05 எவி.}$$



3. රාජ්‍යිකරුවනුගේ සහ මූල්‍ය රාජ්‍යියෙකු මුද්‍ර දක්වාව M kg යේ. මුද්‍ර හිරුවට උක්කොකින් ආනා ඇත්තා මාරුයෙනු ඉහළට, විශිෂ්ටයට යු R N ප්‍රමිත්වාවකට එරෙහිව, $V \text{ m s}^{-1}$ තීප්‍රතා ලිගෙනුත් රුදු යන රිට, HW හියා පිළුවාවකින් මාරු කරයි. $H = (R + Mg \sin \alpha) V$ යේ පෙන්වනු ලැබේ.

ପାର୍କେଡ଼ିକର୍ମୀଙ୍କ ଲାଇସେ ଡାଟା P = m/f

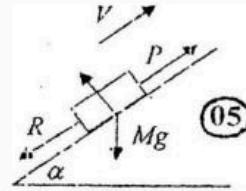
ମାର୍ଟିଗଯ ଦେଖେ ଫୁଲର ଡେଢିମେନ୍

$$P - R - Mg \sin \alpha = 0 \quad (10) \quad \text{ලැබු.$$

၁၁၄

$$H = PV$$
 05 ගි.

$$\therefore \frac{H}{V} = R + Mg \sin \alpha \Rightarrow H = (R + Mg \sin \alpha)V \quad 05$$



25

- ④ ජ්‍යාග්‍රහ දින / ද. ප්‍රතිඵලන මාරු-පා අද වන අති ගැහැලුවු ප්‍රතායුරු දැන්නක් ප්‍රමුඛ සිරස් එම්යාප්‍ර මෙ නිපුව ඇත. එහි රිත කෙළවරියේ එම්යා මෙ මූ අවල උග්‍රායකට පරීක්ෂ ඇත. එහි අගෙක තෘප්‍රියාවේ යොමු ඇති අංශය ඇති අංශය ඇත. මෙය දිනෝ දුන්න ඇති මිද හරිනු ලැබේයි. ආවිර්න පාලය $2\pi \sqrt{\frac{m}{\lambda}}$ යොමු ඇති යොමුවක් විශිෂ්ටයන ඇතුළු යොමු ඇති පෙනෙන බව පෙනෙනි.

$$T = \lambda \frac{x}{l} \quad \text{05.}$$

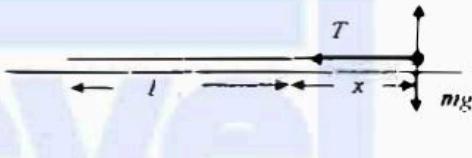
ଯେତାର୍ଥିରେ ପାଇଲା ଏହାରେ କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା

$$-T = m\ddot{x}$$

$$\therefore \ddot{x} = -\frac{\lambda}{m} x \quad (05)$$

ପାଇଁରିବି, ଅଣ୍ଡାର ଦରଳ ଧନ୍ତଵର୍ତ୍ତନୀ ଲକ୍ଷ୍ମୀଙ୍କୁ ଯେବେଳେ । ୦୫
କୁଳାବର୍ତ୍ତନୀ

$$= \frac{2\pi}{\sqrt{\frac{ml}{\lambda}}} = 2\pi\sqrt{\frac{ml}{\lambda}}. \quad (05)$$



25

5. $-2p + 5q, 7p - q$ හා $p + 3q$ යනු අවල තුළ පෙනෙයා ඇත්තේ අනුමත්වයෙන් පිහිටිවිනී A, B හා C ලෙස නොහැර පිහිටුම් දෙකින් යුතු යන්නි; මෙම පාඨ දූ යනු ඇත්තේ පෙනෙනු ලබන දෙකින් දෙකින් නොවා ඇත්තේ නොවා ඇත්තේ නොවා ඇත්තේ.

$$\vec{AC} = \mathbf{p} + 3\mathbf{q} - (-2\mathbf{p} + 5\mathbf{q}) = 3\mathbf{p} - 2\mathbf{q}$$

$$\vec{CB} = 7\vec{p} - \vec{q} - (\vec{p} + 3\vec{q}) = 6\vec{p} - 4\vec{q} = 2\vec{AC} \text{ ගේ. } (05)$$

$$\overrightarrow{AC} = \frac{1}{2} \overrightarrow{CB} \text{ සේ. } 05$$

රභුවින්, A , B හා C එක රෙහිය වන අතර $AC = \frac{1}{2}CB$ වේ. $\rightarrow AC : CB = 1 : 2$

⑨ පුද්ගල 1000 ක පෙදිහික විපද්ම් ප්‍රාන විකුණුවකි ඇ ඇත.

ແລດທີ່ກຳ ອັນດີ ຮູບພາລົມເຈັດ	100 - 600	600 - 800	800 - 1000	1000 - 1200	1200 - 1400
ປະຕິບ ການຫາ	50	x	500	y	50

ମୁଖ୍ୟତିକାରୀ ଉପଦେଶ୍ୟ ରୂପିତ ୨୦୧ ହାତି, ଏ କୁ ଯ ବାବୁଙ୍କ ଦେବାବା, ମୁଖ୍ୟତିକାରୀ ଉପଦେଶ୍ୟ ୬ ରୂପିତ ୨୦୧ ଲେଖାବିତକା.

അബ്ദയർ 900 എറിജ്

$$50 + x + \frac{500}{200} \times 100 = 500 \Rightarrow x = 200, \quad 50 + y + \frac{500}{200} \times 100 = 500 \Rightarrow y = 200$$

(05) (05) (05) (05)

ජ්‍යෙෂ්ඨ පාඨම්පතික බැංක් වෙළුම් මධ්‍යස්ථානය මධ්‍යස්ථානයට යොමු කළේ.

6. දිග a හා b එන තරේතු දෙකක් මගින් W කාරුයක්, රැකම සිරස මට්ටමක $\sqrt{a^2 + b^2}$ දුරක පරතරයකින් පසිඳු ලැසා දෙනාතින් එල්ලා ඇත. තරේතුවල ආනකි $\frac{Wa}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ හා $\frac{Wb}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ බව පෙන්වන්න.

සිරසට විමර්ශනයක්

$$T \cos \theta + T' \sin \theta = W \quad (05) \text{ ලැබේ.}$$

$$T \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}} + T' \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} = W$$

$$Tb + T'a = W\sqrt{a^2 + b^2} \rightarrow (1) \text{ වේ.}$$

සිරසට ටියෙදාත්‍යයක්

$$T \sin \theta - T' \cos \theta = 0 \quad (05) \text{ ලැබේ.}$$

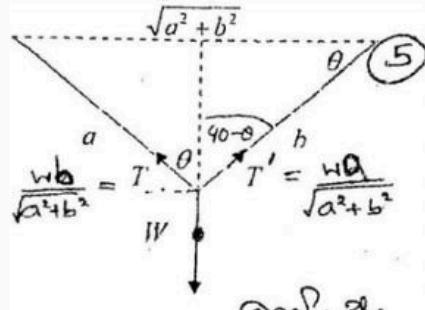
$$T \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} - T' \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}} = 0 \quad (2) \text{ වේ.}$$

$$Ta - T'b = 0 \quad (2)$$

$$(1) \times b + (2) \times a \Rightarrow T = \frac{Wb}{\sqrt{a^2 + b^2}} \quad (05) \text{ වේ.}$$

$$(1) \times a - (2) \times b \Rightarrow T' = \frac{Wa}{\sqrt{a^2 + b^2}} \quad (05) \text{ වේ.}$$

$$\therefore \frac{T}{\sin(90-\theta)} = \frac{T'}{\sin(180-\theta)} = \frac{W}{\sin 90^\circ}$$



සැල්. ජ.

$$T = W \cos \theta = \frac{Wb}{\sqrt{a^2 + b^2}} \quad (5)$$

$$T' = W \sin \theta = \frac{Wa}{\sqrt{a^2 + b^2}} \quad (25)$$

7. A හා B යනු ඔහියේ අවකාශයක සිරවීයෙන පිදියේ දෙකක් (ඒහම $A \cup B = \Omega$) යුතු ගනීමු.

$P(A) = \frac{2}{5}$ හා $P(A \cap B) = \frac{1}{3}$ නම්, (i) $P(B)$, (ii) $P(A|B)$, (iii) A' හා B' යනු පිළිවෙළින් A හා B හි අනුශ්‍රාක පිදියේ වන $P(A'|B')$ යොයෙන්න.

$$(i) P(\Omega) = P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \text{ වේ.}$$

$$1 = \frac{2}{5} + P(B) - \frac{1}{3} \Rightarrow P(B) = \frac{14}{15} \text{ වේ.}$$

(05) (05)

$$(ii) P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{14}{15}} = \frac{5}{14} \quad (05) \text{ වේ.}$$

$$(iii) P(A'|B') = \frac{P(A' \cap B')}{P(B')} = \frac{P\{(A \cup B)'\}}{P(B')} = \frac{P(\Phi)}{P(B')} = 0 \quad \because P(\Phi) = 0$$

(05) (05) (25)

8. ගැටුපුවක් පියදීමේ සිදුරුන් දෙදෙනෙක් උච්චායක් ලෙස උත්සාහ කරනි. ඔහුන්ගේ සාර්ථකවීමේ සම්පූර්ණතා $\frac{1}{3}$ හා $\frac{1}{4}$ යේ. ගැටුපුව පියදීමේ (i) මුළුන් දෙදෙනාම සාර්ථකවීමේ, (ii) නියිවැඩු සාර්ථක නොවීමේ සම්පූර්ණතාව යොයෙන්න.

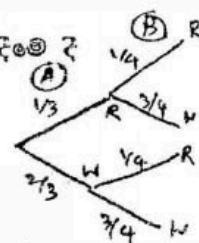
$P(A) = \frac{1}{3}$ හා $P(B) = \frac{1}{4}$ යේ; අමින් A හා B යනු මිණුරුන් දෙදෙනා ගැටුපුව පියදීමේ නියිවැඩු සාර්ථකවීමේ සිදියේ වේ.

$$(i) P(A \cap B) = P(A)P(B) = \left(\frac{1}{3}\right)\left(\frac{1}{4}\right) = \frac{1}{12} \text{ වේ.}$$

(05) (05)

$$(ii) P\{(A \cup B)'\} = 1 - \{P(A) + P(B) - P(A \cap B)\} = 1 - \left\{\frac{1}{3} + \frac{1}{4} - \left(\frac{1}{3}\right)\left(\frac{1}{4}\right)\right\} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

(05) (05) (05) (25)



- (i) පුද්ගල මාස 15 අඟ රැක්තරා යායෙහියා යොදා ලැබූ ඇතුම් සංඛ්‍යාවේහි පාමාන්තය, මියනට ඇතුළුම් 24 ක්. ගොඳම මාස අත්ත, මියනට දැනුම් 35 ක යාමාන්තයයේ ඇත. අමුම මාය හත්තරකිදී හාණිය පදනා ඇතුම් 11 ක, 14 ක, 16 ක හා 22 ක ලැබේ.

 - (i) ඉහිරි මාය 8 ක පැමිණු ඇතුම්පිළි සංඛ්‍යාවල පාමාන්තය,
 - (ii) මාය 15 ක ඇතුම් සංඛ්‍යාවල පැමිණිත විශ්චර්පකය සොයෝ.

(i) ഒരു തന്ത്രം = $24 \times 15 = 360$ (5)

$$\text{නොදම මුද තුළෙහි මුද එකතුව} = 35 \times 3 = 105$$

$$\text{අදාම මාය හතුවෙහි මුදු එකතුව} = 11 + 14 + 16 + 22 = 63$$

$$\text{දුනිලේ මාය අඟහි මුදු රූපත්ව} = 360 - 105 - 63 = 192 \quad (05)$$

$$\text{ତୁମିର ଆଜ ଅଲେଖି ଯୁଗୀତ ଶ } = \frac{192}{8} = 24$$

05

15

- (ii) දෙනී Since 15 තු ඇති බැලීන් හතරවෙනි දෙනීනය මූල්‍යාත්මක පළමු වන්ත්හයය එය පෙනුය. (05)

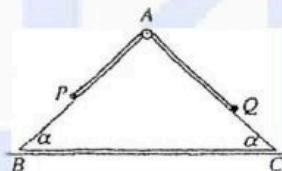
බැවින්, 22 ක මායාප්‍රභුවේ පෙනුමේ වහාදීතය වේ. 05

10

B පෙනාවය B

- 11.(a) ටෙන් කුණු අනාක තුළම ලේඛා විදා A, B හා C, තිරස නැයත මූල්‍ය රායුයක දිග එහි පමණක් තිශ්වාසයක
සිංහල පිටිව ඇත. මුළුපේ යමත ම පෙනීයෙන් \overline{AC} ම දිගාවිත නමා යුතු යයි. මුළුව යාලෝච්චව ච > 11
ලේඛාක් ඇත් ඇරුණුවෙක් AB දිගෙන A පිටි B දැක්වා, BC දිගෙන B පිටි C දැක්වා ද පියා ගියි.
යම්බෙ කොටස දෙනම ඔදාන යාලෝච්ච ප්‍රවේශිත ප්‍රවේශ තිශ්වාස මෙහි යය දැන්නා.
ත නැති, A පිටි C දැක්වා B නැත්තා මූල්‍ය ගැනීම යාලෝච්ච මුළු $\frac{4a}{a + \sqrt{4v^2 - 3u^2}}$ යිප් පෙන්වීමි.

- (b) දෙකාන්තය 2 කාලී පුම්ව ඇඟිච්චය යෙතෙන් වැඩාදිය මධ්‍යයේ යන ABC ක්‍රියාවෘත්‍යාකාරය සිරු ගුරුත්වයට් අ නිස්සායේ ඇ, ඇවා පුම්ව තැබියාය පරිවර්ත අනු. BC මියෙන් යන මූණකා අවල පුම්ව තිරිය ලේඛායා එනා භාවිත අනු. AB යන AC යනු අද මූණකාව වැඩාදි බැඳුම් රෙඛා ඇඟිච්ච ඇ. $A\bar{B}C = A\bar{C}B = \alpha$ ඇඟිච්ච ඇ අනු. දෙකාන්තය පිළිවෙශිත ගා යා උග ($\lambda > 1$) පු. P යා ඉවුම්ව අංශ දෙකාන්තය යානුලුදු අවශ්‍ය තැනැඹා අදෙන්වෙශිව ඇඟිච්ච ඇනු. තැනැඹා පැහැදිලි මින්නා යන ප්‍රාග්ධන, P යා Q ඇඟිච්ච පිළිවෙශිත AB හා AC මා රුප යාවහානි පෙන්වා ඇති රුදී තැබැවූ නොබැඳුව් පරිනි ජේ රෙඛා ඇනු.



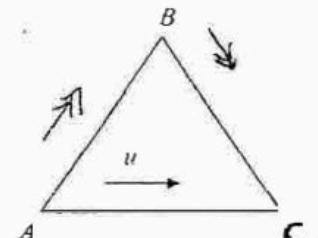
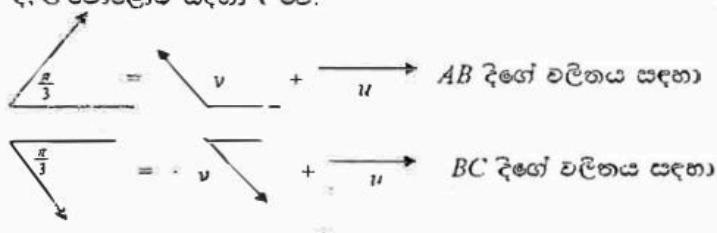
ପ୍ରଦୀପ କୁମାର ପାତ୍ର

P හා Q අංශ පදනු පිළිවෙත්තේ BA හා AC මෙහෙයු ඇත. පදනිය පදනු තිරසට ඇත. විලින පම්පරුනු ලැබා ගැනීම.

$$\text{ஆங்கில மூலைகளின் } P \text{ முன் } Q \text{ அடியிலை எனக நிர்ணய வியல்நிலை} \quad \frac{(\lambda - 1)(\lambda + 3)g \sin \alpha}{(\lambda + 1)[(\lambda + 3) - (\lambda + 1)\cos^2 \alpha]}$$

ലഭിക്കേണ്ടത്

- (a) Vel. B, G = Vel. B, W + Vel. W, G ; അങ്കി B ദൂരത്തിലെ പദ്ധതാ ച. W പ്രസ്താവിക്കുന്ന പദ്ധതാ ച. G അനുഭവിക്കുന്ന പദ്ധതാ ച. എംബേഡ്.

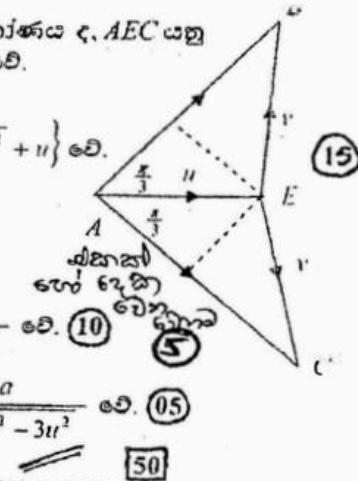


AEB යනු AB දැල් වලිනය යදහා එලිනය යදහා ප්‍රවේශ තුළක්ෂණය ६, AEC යනු BC දැල් වලිනය යදහා එලිනය යදහා ප්‍රවේශ තුළක්ෂණය ६ වේ.
AB දැල් ඔපාලුවට යාපේද්‍යව ගුරුලැලුවෙන් ප්‍රවේශ

$$AB \text{ പിയറി } \text{ ദൂരം } \text{ ഗതബന്ധ } \text{ കാലം } \frac{2a}{u + \sqrt{4v^2 - 3u^2}} \text{ വരീ. } 05$$

සම්මිතියෙන් BC එහා යුතුව ගනුවන ක්‍රාලය $\frac{2a}{u + \sqrt{4v^3 - 3u^2}}$ වේ.

ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ, AB ଓ BC ରିଖାଏ ଯୁଦ୍ଧକ ଗତିତଥି ମୁଣ୍ଡ କୋଣ $\frac{4a}{a + \sqrt{4a^2 - 3b^2}}$ ହେ । ୦୫



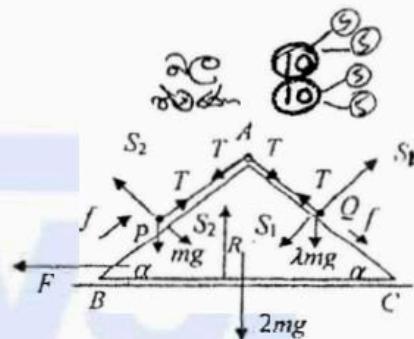
(b) තුරුදුන්යට සාලේනුව BA දෙල් P අංශුවේ
— රුපිතක්‍රිය / යුදී ගතිය.

ಆರ್ಥಿಕ, ಧಾರ್ಡಾದಾರ ಬಾಲೇಟು ಅಂತಹ ಸಂಸ್ಥೆಗಳ ಮುಖ್ಯ ಕಾರ್ಯ ವಿಭಾಗ.

CA දෙප් කළුදාලයේ ත්වරණය F යැයි ගනී

BA දැයු P අංගුවේ වලිනය යෙතා
P = mf වෙදීමෙන්

$$-mg \sin \alpha + T = m(f - F \cos \alpha) \rightarrow (1) \text{ ലഭി. } (15) \text{ റ്റ് } \infty$$



AC දීමෙන් Q අංශවල වලිනප දදා ය) $P = m/s$ මෙහේමත්

$$\lambda mg \sin \alpha - T = \lambda m(f - F \cos \alpha) \rightarrow (2) \text{ ഉംബി. } (15) \text{ ആ } (16)$$

15

CB දැයු පදනම්ව වලිනය සඳහා $P = mf$ යොදීමෙන්

$$0 = 2mF + m(F - f \cos\alpha) + \lambda m(F - f \cos\alpha) \rightarrow (3) \text{ ലഭിക്കുന്നു. } (15)$$

15

(3) ~~2~~

$$\therefore F = \frac{1+\lambda}{3+\lambda} f \cos \alpha. \quad (05)$$

$$(1) + (2) \Rightarrow -g(1-\lambda)\sin\alpha = (1+\lambda)f - (1+\lambda)F\cos\alpha \quad (05)$$

$$= (1 + \lambda) f \left\{ 1 - \frac{(1 + \lambda)}{3 + \lambda} \cos^2 \alpha \right\} \quad ⑤$$

$$= \frac{(1+\lambda)}{(3+\lambda)} \left\{ (3+\lambda) - (1+\lambda) \cos^2 \alpha \right\}$$

$$\text{எல்லை, } f = \frac{(\lambda - 1)(3 + \lambda)g \sin \alpha}{(1 + \lambda)\{(3 + \lambda) - (1 + \lambda) \cos^2 \alpha\}} \text{ என்று. } 05$$

20

ତତ୍ତ୍ଵବ କ୍ରମିକାମେତ୍ର ମୋହେନାକୁ ପଦ୍ଧତି ଛନ୍ଦରେଣ୍ଡରୀର ପ୍ରାପ୍ତିଷ୍ଠାନି । ଆମେବି

$$\text{ஒவ்வொரு பிரதிவேக வியாபாரத்தில் } \lambda = 0 \text{ எனில் } f = \frac{(1-\lambda)(3+\lambda)g \sin \alpha}{(1+\lambda)[(3+\lambda)-(1+\lambda)\cos^2 \alpha]} \text{ என்று கூறுகிறோம்.}$$

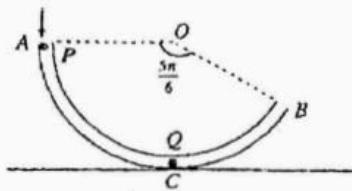
යෙදීමලං ලබාගත ගැනිය. (10)

ප්‍රභාරිත, තන්තුව කැවියාමෙන් මොහොතාකට රසුව සුද්ධයට පාලේය P

$$\text{ඉංග්‍රීසි තුවරණය වියාලත්වය } f_1 = \frac{3g \sin \alpha}{3 - \cos^2 \alpha}. \quad 05$$

15

12. අරය a යුද, ස්වඛීය සැක්සිය වන O සි $\frac{5\pi}{6}$ පෙනෙනුයේ ආරාත්‍යය
සරත්තා යුද, විශ්වාසාර්ථ වාරයය හූරිය ඇළු ප්‍රමාණ පිහිට් ACB
පිටපත්, OA හිරුපිළි d, නිවෙසෙහි රිජාම පැවත්වය වන C, අවල
කිරීස පෙනෙනාවෙන් යෝජිය සර්වීම් ද පිරීස තළයක, දැන පමණකි
පෙන්වා ඇළු පරිදි අවිභාර ඇත.



OP അലൂറിൽ OA ഫോറ്റ് θ ($0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$) ആവശ്യമായ ഡാറ്റ രിംഗ് P എന്നാൽ സീരീസ് $\sqrt{2ga(1+\sin\theta)}$ എംബു.

P අංකය මත නවෝග ඇසිලන ප්‍රතිඵියාලෙහි රිශාලන්තය $\pi g(2 + 3 \sin \theta)$ බව ද පෙන්වීමෙන.

තැනුමට මොඹාතකට පරි P අදාළවි වේය සෙයා, තැනුමට මොඹාතකට පසුව P හා Q අදාළවි වේය පිළිබඳින් $\frac{1}{2}\sqrt{ga}$ හා $\frac{3}{2}\sqrt{ga}$ එහි පෙන්වන්න.

P අභිජන සියලුවන් එවය කුරු නොයන ඕවන, Q අභිජන $\frac{1}{2} \sqrt{5ga}$ එවය පහිසවි B තෙකුවර එවන එලංඡල ඕවන පෙන්වන්න.

କୁଣ୍ଡଳ ପାଦର ହୃଦୟରେ ତୁ ମୁଖ୍ୟ ଅନୁଭବ ହେଉଥିଲା ।

R ପ୍ରତିକ୍ରିୟାବେଳୀ ଦ୍ୱୟାର ତାରିଖରେ ଦ୍ୱୟାବଳ ଲମ୍ବ କିନ୍ତୁ ଲମ୍ବିତ କାର୍ଯ୍ୟଙ୍କ ଦ୍ୱୟ ହୋଇଲି.

$$\frac{1}{2}mV^2 - mga \sin \theta = \frac{1}{2}m(2ga) - \text{ലാംബി. } (15)$$

$$\text{Equation } V^1 = 2gq(1 + \sin\theta) \text{ is given}$$

$$\therefore V = \sqrt{2ga(1 + \sin\theta)} \text{ m/s. (05)}$$

එනම්, OA යාමි OP යාමි θ කෝණයක් යාදන විට P අංශවලී මෙගය $\sqrt{2ga(1 + \sin \theta)}$ වේ.

P_0 දීමේ P අංකවේ එලෙනය යැනු $P = m/f$ යොදාගෙන!

$$R - mg \sin \theta = m \frac{V^2}{a} = m \cdot 2ga(1 + \sin \theta) \quad \text{எனவே.}$$

$$\therefore R = mg(2 + 3 \sin \theta) \text{ N.} \quad (05)$$

එනම්, P අංයුත් මත බැවූයෙන් ඇතිවන ප්‍රතිශ්‍රීයාවේ රිගාල්ත්වය $mg(2 + 3 \sin \theta)$ වේ.

C ප්‍රංශය මවත පොතා විට P පැහැදිලි පෙවීගෙය යි පැහැදිලි අතිම.

$$\theta = \frac{\pi}{2} \text{ അഥ } V = \sqrt{2ga(1 + \sin \theta)} \text{ അതിലേക്ക്}$$

$$V_1 = \sqrt{2ga\left(1 + \sin\frac{\pi}{2}\right)} = 2\sqrt{ga} \text{ Cred. } 10$$

ବେଳେ ହେ ଯୁଗମାନ

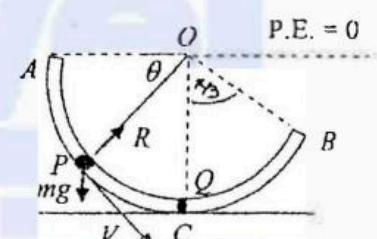
$$m?_1 \sqrt{g_C} = mw + mw \quad (1)$$

$$m_2 \sqrt{g^4 - m_{W_2}^2 + m_{W_1}^2} \quad (10)$$

i.e. $w_2 + w_1 = 2\sqrt{ga} \rightarrow (1)$

$$-(w_1 - w_2) = eV_1 = \frac{1}{2} \cdot 2\sqrt{ga} = \sqrt{ga} \rightarrow (2) \quad (10)$$

$$(1) + (2) \Rightarrow w_2 = \frac{3\sqrt{ga}}{2} \text{ and } (1) - (2) \Rightarrow w_1 = \frac{\sqrt{ga}}{2} \text{ (P)}$$



କଣ୍ଠୀ ପାତ୍ର ଅନୁଷ୍ଠାନିକ ମହିଳାଙ୍କ ପାତ୍ର

$$\xrightarrow{P \ Q} \textcircled{O} \textcircled{O}$$

ଟେଲି

ପ୍ରତିକାଳିକ

Aevel
AIS

R, ප්‍රතික්‍රියාවේ දිගාත එලිනෙයේ දිගාතට පම්බ හිය එහින් තාර්යාණ යිදු නොවේ

ଠାରୀକ, P ଥାରୀର ଦାତା ଯଦେହୁ ପଂଚମିତିଯ ଅଧ୍ୟାତ୍ମନୀ । 15

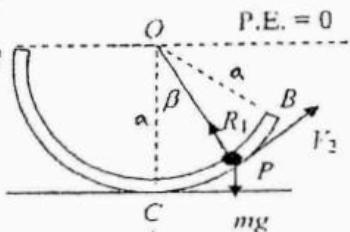
$$\frac{1}{2}mV_2^2 - mga \cos \beta = \frac{1}{2}m w_1^2 - mga$$

$$\text{எனම், } V_2^2 = 2ga \left(\cos \beta - \frac{7}{8} \right) \text{ எ. 05}$$

$$V_2 = 0 \Leftrightarrow \cos \beta = \frac{7}{8} > \cos \frac{\pi}{3} \Rightarrow \beta < \frac{\pi}{3} \because 0 \leq \beta < \frac{\pi}{2}$$

ଓমା ଅକ୍ଷୟନ୍ଦୟ ମୁଦ୍ରଣ ଗତିଶୀଳ

උබුවින්, - පූහා තු. අතර P අංශුව දෙප්ලතය වේ.



R₂ ප්‍රතික්‍රියාවේ දිගාව වලිනයේ දිගාවට උමඟ න්‍යා එසෙන කාර්යයක යුදු හොවේ.

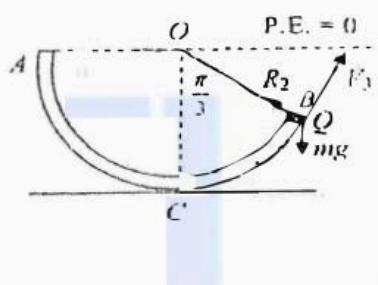
ଲକ୍ଷ୍ମୀନ୍ଦ୍ର, B ଲଙ୍ଘସି ତଥା ପ୍ରଯାତିତା ବିଚ Q ଅଂଶର
ପଦହୁବୁ ଅଟନ୍ତି ପଂଚମିତିଯ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ

$$\frac{1}{2}mV_3^2 - mgu \cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}m w_2^2 - mgu. \text{ എങ്കിൽ } \boxed{15}$$

$$\frac{1}{2}mV_3^2 - \frac{1}{2}mga = \frac{1}{2}m\left(\frac{9ga}{4}\right) - mga$$

$$\text{எனவே, } V_3^2 = \frac{5ga}{4} \Rightarrow V_3 = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{5ga} \text{ என. 05}$$

පරුලින්, Q අංකුත් B ප්‍රසාදය වෙත $\frac{1}{2} \sqrt{5ga}$ වේගයෙන් පාඨා වේ.



8 උගාලය සිට එය උගා එහි උපමේ උගාස දක්නා ගැංගුවේ වලිනය පදනා සිරස ලෙස $v^2 = u^2 + 2gs$ යොදූමෙන්:

⑩ $0 = V_i^2 \sin^2 \frac{\pi}{3} - 2gs = \left(\frac{5ga}{4}\right) \left(\frac{3}{4}\right) - 2gs$ ആണെങ്കിൽ s എന്ന് ഉള്ള അവലോകനം ചെയ്യുന്നതാണ്.

$$s = \frac{15}{12} a$$

କେବଳ ମାତ୍ର ଏହି କାମକାଣ୍ଡରୀଙ୍କ ପାଇଁ ଯାହାର କାମକାଣ୍ଡରୀଙ୍କ ପାଇଁ ଏହାର କାମକାଣ୍ଡରୀଙ୍କ ପାଇଁ

$$= \frac{15a}{32} + \frac{a}{2} = \frac{31a}{32}$$

என்னும் புதையப்பா டாமா-கூய நூல் வில் அதற்குத்

$P_{\text{q-40}}$ දන් O සිංහල, $\sqrt{3}$ ප්‍රවීතයෙන් පිරියට එකතුව ප්‍රවීතයා කරන ලැබේ. $P_{\text{q-40}}$ නිශ්චිත නිස් ප්‍රවීතය ආයත්ත.

ஏன் கூறியிருக்கிறது? $21 + x$ என பிடி, P என்று படிக்க வில்லை என்கின்ற பல்கலைக்கழகம் இல்லை என்பதோடு, பூஜூரூப் பால்களையும், $x + \frac{g}{f}x = 0$ என அப்பவினங்கள்; மேலே $-1 \leq x \leq 21$ என.

ಉತ್ತರ: ಡಿಮಿಗ್ರಾಂಟ್‌ವಾರ್ನ್, $c > 0$ ನಿಯತರಾದ್ದು. ಈ ವಿಧಿಯ ಪ್ರಕಾರ $\dot{x}^2 = \frac{g}{l}(c^2 - x^2)$ ಅಂಶ ಮೂಲಕ ಯಾವಿ ಕ್ರಮವಾಗಿ ಉಪಕಳೆಯಾಗಿ ಕರತಿನ್. c ನಿಯತ ಅಂಶವಾಗಿರುತ್ತದೆ.

P අඟුර රෝලොවට රැකෙන සිට සෑමින සියලුම පැමිණන නීත් පෙනවා. 0 සිට ප්‍රාග්ධනයට රැකීමට යෙහිත කාලය $\frac{1}{3}(3\sqrt{3} - 3 + 2\pi)\sqrt{\frac{I}{g}}$ නීත් පෙනවා.

$$L = \frac{2}{\sqrt{3}} (1 + \sqrt{3}) P \quad (10)$$

$$(1) - (2) \Rightarrow 2M = (\sqrt{3} - 3)6P - 2\sqrt{3}P = (4\sqrt{3} - 18)P \Rightarrow M = \underline{(2\sqrt{3} - 9)P} \quad (10)$$

$$(1) + (2) \Rightarrow$$

$$2N = (\sqrt{3} - 3)6P + 2\sqrt{3}P - 2L = (8\sqrt{3} - 18)P - \frac{4}{\sqrt{3}} (1 + \sqrt{3})P = \left(\frac{20\sqrt{3}}{3} - 22 \right)P$$

$$N = \left(\frac{10}{\sqrt{3}} - 11 \right)P \quad (10)$$

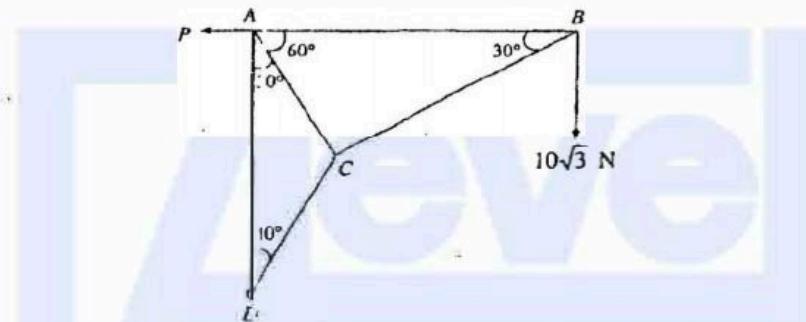
[70]

15. (a) AB හා BC රෝකාතාර දීම් දෙකාන් පමාක එවැ. AB හි බර 2වර්තන අතර BC හි බර w නේ. දීම් B හිදී පුහුල ලෙස අයුම් කර ඇති අතර දීම්වල මානු ප්‍රස්ථා පැහැදුලු අවශ්‍යතා තන්තුවීමින් ප්‍රශ්නවලට කර ඇත A හා C පුම්ව තිරය තේපායන මානු පිළි ගැනීම යොමු කිරීම් පිරිය තෙවෙන ප්‍රමාණයෙහින් පිළිරා ඇත.

$$ABC = 2\theta \text{ නී, } \text{තෙක්සූල් ආකෘතිය } \frac{3}{2} \text{ මානු මිලි පෙන්වන්න.}$$

B හිදී ප්‍රකිෂ්‍යාවේ විශාලුව් පා රිය තිරය පමණ යාදන කෝරෝ ගොඩන්න.

(b) AB, BC, CD, DA හා AC පැහැදුලු දීම් පහත්, රුප පටිග්‍රන්තයේ ප්‍රකිෂ්‍යාව ඇති පරිදි රාමුකටුවුලයේ පාඨධන ආකාරයට. රුපයේ සැලවීමෙන්ද පුම්ව ලෙස යොමු කර ඇත.



$A\hat{B}C = A\hat{D}C = D\hat{A}C = 30^\circ$ හා $B\hat{A}C = 60^\circ$ එවැ. රාමුකටුවුල D හිදී පුම්ව ලෙස අයුම් කර ඇති අතර, B හිදී පිළිවන $10\sqrt{3}$ මානු පිරිය දරයි. AB හිදී චන පරිදි රාමුකටුවුල පිරිය තෙවෙන තෙවෙන න්‍යා ඇත්තා A හිදී පිළිවන P තිරය බෙදා ඇතින්.

(i) P හි අය ගොඩන්න.

(ii) D හි ප්‍රකිෂ්‍යාවේ විශාලුව් පා දියාව ගොඩන්න.

(iii) කෝරෝ අක්‍රාමය හා විශාලුව් රාමුකටුවුල යොමු ප්‍රකාශන රුප පටිග්‍රන්තයේ ඇත්තා ආකෘති හා තෙරප්‍රම්‍‍ වික්‍රීතාව දීම්වලින් දීම් පිළිලැසීම් ප්‍රකාශන ගොඩන්න.

(a) $AB = BC = 2a$ දීම් යොම්.

එල පද්ධතිය යදානා C තුව උගාවර්තනව දුර්ක්‍රියාත්මක ගැනීමෙන්

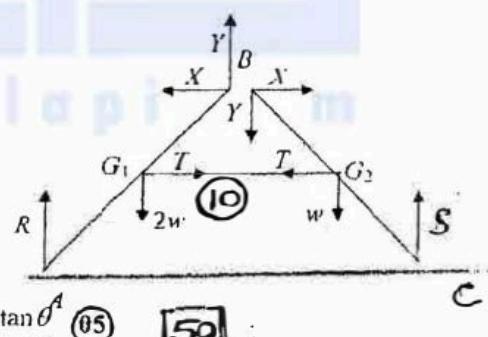
$$w.a.\sin\theta + 2w.3a.\sin\theta - R.4a.\sin\theta = 0 \quad \text{පැවති.} \quad (15)$$

$$R = \frac{7}{4} w. \quad (05)$$

AB දීම්වල යදානා B තුව උගාවර්තනව දුර්ක්‍රියාත්මක ගැනීමෙන්

$$T.a.\cos\theta + 2w.a.\sin\theta - R.2a.\sin\theta = 0 \quad \text{පැවති.} \quad (15)$$

$$T = -2w\tan\theta + 2R\tan\theta = \left(-2w + \frac{7}{2}w \right)\tan\theta = \frac{3}{2}w\tan\theta \quad (05)$$



[50]

AB දීම්වල යදානා තිරය විශාලුව් ගොඩන්න

$$X = T = \frac{3}{2}w\tan\theta \quad (05)$$

AB දීම්වල යදානා තිරය විශාලුව් ගොඩන්න

$$Y + R - 2w = 0$$

$$Y = -R + 2w = -\frac{7}{4}w + 2w = \frac{1}{4}w. \quad (05)$$

එකුවත්, B යන්දීයෙහි ප්‍රකිෂ්‍යාව

$$\sqrt{X^2 + Y^2} = \sqrt{\left(\frac{3}{2}w\tan\theta\right)^2 + \left(\frac{1}{4}w\right)^2} = \frac{w}{4}\sqrt{1 + 36\tan^2\theta} \quad \text{පැවති.} \quad (15)$$

ନିରଦ ଜାଗ ପ୍ରକିଳ୍ପିତ ଯାଦନ ଶକ୍ତିଶାସନ

$$\tan^{-1}\left(\frac{Y}{X}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{\frac{w}{4}}{\frac{3}{2}w \cdot \tan \theta}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{1}{6} \cot \theta\right) \in \mathcal{G}.$$

5

5

(b) (i) D ටව දූට්තා ගැනීමෙන්

$$P \cdot AD - 10\sqrt{3} \cdot AB = 0 \text{ എം. } 05$$

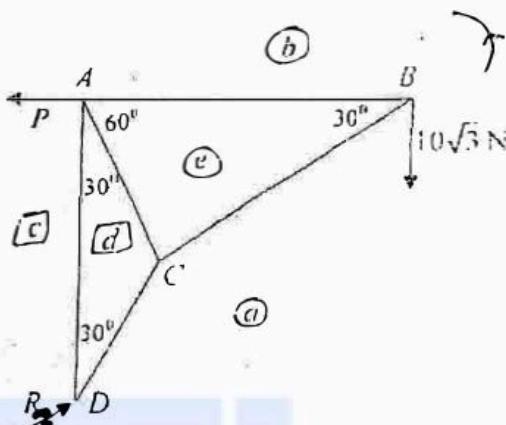
$$\text{தமிழ் } AD = 2AC \cos 30^\circ$$

$$= 2AB \cos 60^\circ \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} AB \quad (05)$$

$$P \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} AB - 10\sqrt{3} \cdot AB = 0$$

$$P = \frac{1}{2} N. \quad (05)$$

କିମ୍ବା ଏହି ପ୍ରତିକ୍ରିୟାର ଯୁଦ୍ଧ ଦ. ଥାଇଲି
ଲିଯ ନିରାପଦ ଜୀବନ ମନ୍ଦିରଙ୍କର ଯୁଦ୍ଧ
ଯୁଦ୍ଧ ଦ ଗଠିଲୁ.
ପିତରେ ଏହି ଶିଖିଲାନ୍ତରେଣୁ



$$R \sin \theta = 10\sqrt{3} \text{ cm. } (05)$$

ତିରଫ ଏହା ଲିଖନ୍ତାଙ୍କୁ $R \cos \theta = P = 20$ ଲୁହି.

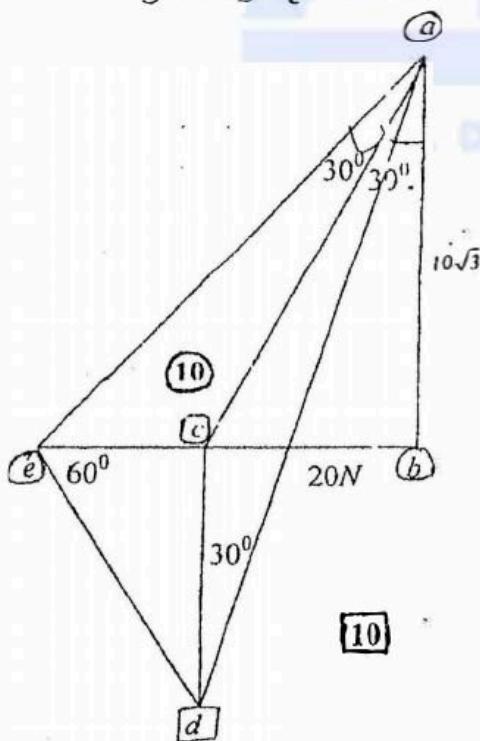
$$R = \sqrt{(10\sqrt{3})^2 + 20^2} = 10\sqrt{7} \text{ N}$$

$$\tan \theta = \frac{10\sqrt{3}}{20} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{\sqrt{3}}{2}$$

ଶେଷଦନିଯ ଓଳ ନୁହାର ଘରରେ ଜମାନ୍ତିଲିନାମ୍ବି ପାତଣିତ କୈରିନ୍ ର ପ୍ରତିକ୍ରିୟାବଳ୍ଦ ବ୍ୟାପକ ଘଟନା ହେଲାଯାଇଥାଏ ।

ප්‍රතිචාර රුප සටහන:



දැන්ව	ප්‍රතිඵලය	විගාළක්වය
AB	ආත්‍යිය	30 N
BC	හෙරපුම	$20\sqrt{3} \text{ N}$
AC	හෙරපුම	20 N
DC	හෙරපුම	40 N
AD	ආත්‍යිය	$10\sqrt{3} \text{ N}$

20

20

40

ପେଣ୍ଡର ୫ ଲାଖୀ (-)

16. අරය යුතු රේඛාකාර සහ අරධගෝලයක දැඟට්ටු සේවුදා, එහි පමණිකීය අනුකූල මත අරධානොෂුලයේ ආධාරවායේ
සිටු $\frac{3}{8} \pi$ දුරකින් පිහිටා තෙවැනි.

රේඛාකාර සහ අරධගෝලකාර කළුවයා අභ්‍යන්තර හා බාහිර අරයන් a හා b ($> a$) ඇවි. සේවුදායේ එහි
පමණිකීය අනුකූල දිගු එහි ජක්ත්ත් සේවුදායට දර $\frac{3(a+b)(a^2+b^2)}{8(a^2+ab+b^2)}$ බව පෙන්වන්න.

සේවුදා විනු පැහැදිලි සිරස් රේ පොලෝවික් හා යමාන ලෙස රේ සිරස් නිශ්චිතයක ස්ථාපිත වන පරිදි පමණි
අරධගෝලකාර කළුවයා පැවතිනාවෙහි තැව්, සිරසට අධාරකාලය ආක්ෂය $\sin^{-1} \left\{ \frac{8\mu b(1+\mu)(a^2+ab+b^2)}{3(1+\mu^2)(a+b)(a^2+b^2)} \right\}$ බව පෙන්වන්න.

මෙහි μ යනු යැව්වා යා රේ පැහැදිලි අතර ඩැජන් යාදුණුවය වේ.

පමණිකීයන් අත්ත ගෝලයේ යෙන්ත් වෙන්ත්දා, එහි පමණිකීය අභ්‍යන්තර මත
පිහිටායේ. ⑤

x යනු අත්ත ගෝලයේ යෙන්ත් වෙන්ත්දාවට අත්ත ගෝලයේ ආධාරකාලයේ
වෙන්ත්දා එහි 0 සිට ඇති දුර යැයි
ගනිමු.

ρ යනු අත්ත ගෝලයේ සහත්වය යැයි
ගනිමු.

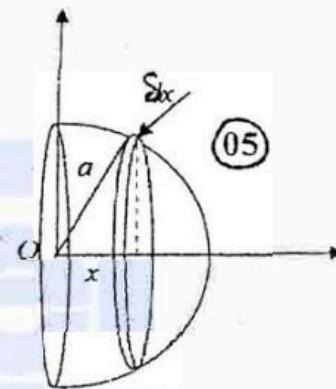
$$\frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} \pi a^3 \rho x \quad (10)$$

$$= \int_0^a \pi (a^2 - x^2) x \rho dx \quad (10)$$

$$\text{එනම්, } \frac{2}{3} a^3 \bar{x} = \int_0^a (a^2 x - x^3) dx = \left[a^2 \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{4} \right]_0^a = \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{4} \right) a^4 = \frac{1}{4} a^4 \Rightarrow \bar{x} = \frac{3}{8} a. \quad (10) \quad (10) \quad (10)$$

එබැවින්, අරය a වන රේඛාකාර සහ අත්ත ගෝලයක යෙන්ත් වෙන්ත්දාය එහි ආධාරකාලයේ :

$$\text{සිටු } \frac{3}{8} a \text{ දුරකින් වේ.} \quad (45)$$



අභය a වන සහ අත්ත ගෝලයක යෙන්ත් වෙන්ත්දා 0
සිටු $\frac{3}{8} a$ දුරකින් වේ.

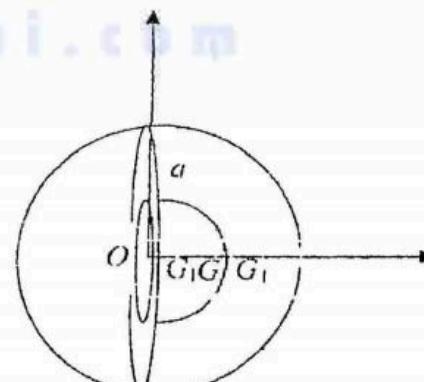
අභය b වන සහ අත්ත ගෝලයක යෙන්ත් වෙන්ත්දා 0

සිටු $\frac{3}{8} b$ දුරකින් වේ.

x යනු තහවුරු යෙන්ත් වෙන්ත්දා O සිට ඇති දුර
යැයි ගනිමු.

$$\left(\frac{2}{3} \pi b^3 - \frac{2}{3} \pi a^3 \right) \rho \bar{x} = \left(\frac{2}{3} \pi b^3 \right) \rho \frac{3}{8} b - \left(\frac{2}{3} \pi a^3 \right) \rho \frac{3}{8} a. \quad (10) \quad (10) \quad (10)$$

$$\text{එනම්, } \bar{x} = \frac{\frac{3}{8}(b^4 - a^4)}{\frac{2}{3}(b^3 - a^3)} = \frac{3}{8} \cdot \frac{(a+b)(a^2+b^2)}{a^2+ab+b^2} \rightarrow (1) වේ. \quad (45)$$



5 ප්‍රාග්‍ය නීති.

$$\text{തിരപ്പ് വിഘ്നാനമുകള് } S = \mu R \rightarrow (l) \quad 05$$

$$\text{සිරස එයෙන් යොත් } R + \mu S = w \rightarrow (2) \quad (05)$$

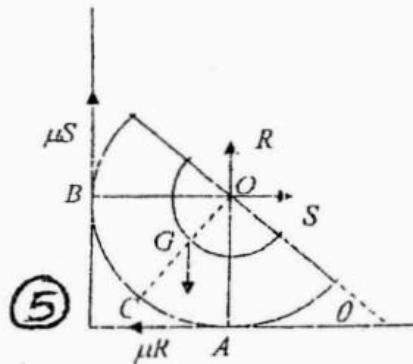
(1) ගා (2) ත්

$$R = \frac{w}{1 + \mu^2} \text{ and } S = \frac{\mu w}{1 + \mu^2} \text{ ഉണ്ട്.}$$

05

ପିଲା ଛୁଟଙ୍କ ଗୈନିଅଳୀ

$$w.OG \sin \theta = \mu R.OA + \mu S.OB \text{ എന്ന്. } (15)$$



$$\text{எனவே, } w \cdot \frac{3(a+b)(a^2+b^2)}{8(a^2+ab+b^2)} \sin \theta = \frac{\mu w}{1+\mu^2} \cdot b + \frac{\mu^2 w}{1+\mu^2} \cdot b \text{ என்றால். (10) \leftarrow ஏனென்றாலே$$

$$\text{எனவே, } \frac{3(a+b)(a^2+b^2)}{8(a^2+ab+b^2)} \sin \theta = \frac{\mu(1+\mu)}{1+\mu^2} \cdot b \text{ எனும். } \text{ (05)}$$

$$\text{எனது, } \sin \theta = \frac{8 \mu b(1+\mu)(a^3 + ab + b^2)}{3(1+\mu^2)(a+b)(a^2 + b^2)} \text{ என} \quad (05)$$

$$\theta = \sin^{-1} \left\{ \frac{8}{3} \cdot \frac{\mu b(1+\mu)(a^2 + ab + b^2)}{(1+\mu^2)(a+b)(a^2 + b^2)} \right\}.$$

60

17. (a) හිත රුධීවල යම්කාඩාව ර වූ තැස්සුරු කායිපතින් නිමල්, පුතිල හා පියල ක්‍රියාවන පෙනෙයි. නිමල්, පුතිල හා පියල එම පරිභාවයට මෙම කායිපත උවි දමනි. අයය ලබාගත් පැමුවනා ක්‍රියාව දිනයේ නිමල් මුහුරු

(i) අදවා ව්‍යාරූපයේ,

(ii) ଅଜ୍ଞାନିକ ବ୍ୟାରତରେ

ଶ୍ରୀଚାର ଦୈନିକେ ଗତିହାଲିକାରେ ଯୋଗରେତା.

ఈ తపియ ద్వారా నున్న విషయాల కు మార్కెట్ లో అందుల్లా ఉన్న విషయాలను వ్యాపారాలు చేస్తారు.

(b) $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ තිරියෙනු ඇල්වයක මධ්‍යමය හා පැමිත අඟුත්තය පිළිබඳින් ස්ථාන කිරීමේ වේ. a හා b නියම එහි පිළිබඳ ප්‍රතිච්‍රිත ප්‍රමාණය යොදාගැනීමෙන්, $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ තිරියෙනු ඇල්වය $\{y_1, y_2, \dots, y_n\}$ ඇල්වයකට පරිවාශ්‍ය නිර්මාණය කිරීමේ උග්‍රය දැනු ලදී යි.

$\bar{y} = a + b\bar{x}$ හා $s_y^2 = b^2 s_x^2$ නිවාර්තනය; මෙහි \bar{y} හා s_y යනු $\{y_1, y_2, \dots, y_n\}$ දැලක්වේ මධ්‍යනය හා අමුතන දායාමනය වේ.

(i) {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} කිරීමෙන් දැඟනයේ මධ්‍යහානය හා යුතුවන අංශමත්තය යොයන්න.

• ಕ ಕಡೆಯ,

(α) {2.01, 3.02, 4.03, 5.04, 6.05, 7.06, 8.07} නිර්මාණ තුළයෙහි මින්මාස හා ප්‍රමාද අරගල්පය.

(β) මධ්‍යනාජිත හා සම්මත අපගමනය 6 වන අයය හතැක

ଓଡ଼ୀସୀର୍ବା

(ii) පුරුෂ, මලුවිල අඩවියෙන් පෙනී අතර නිස්ථාපනය ඇරියේ රැක රැකක 25 kg ස්‍යාම් එව් පෙනෙන් යායි. නියම පෙනී ගෙවා නොදැරූනා තව්ති මල 80 ස්‍යාම් පෙනෙන් පෙනෙන් නොදැරූ ද ඇත:

$$\sum_{i=1}^{80} (x_i - 25) = 27.2 \text{ සහ } \sum_{i=1}^{80} (x_i - 25)^2 = 85.1 ; \text{ මෙම } x_i (i = 1, 2, \dots, 80) \text{ මගින් } i \text{ වෙනි මලුවේ කියන}$$

(a) N - නොලැබු දා ලබා යුතුව් ,

S - සුක්‍රියා දා ලබා යුතුව් ,

P - හියලු දා ලබා යුතුව් .

$$P(N) = P(S) = P(P) = 1-p \quad (5)$$

= q යනි යෙතු .

(i) P නොලැබු නිවැරදි ස්ක්‍රීඩ් දැනීම්)

$$= P(N'S'P'N) \quad (5)$$

$$= P(N') \cdot P(S') \cdot P(P') \cdot P(N) \quad (5)$$

$$= p \cdot p \cdot p \cdot (1-p)$$

$$= \underline{\underline{p^3(1-p)}} \quad (5)$$

[20]

(ii) P (නොලැබු කොටස නො දැනීම්)

$$= P(N'S'P'N'S'P'N) \quad (5)$$

$$= P(N') \cdot P(S') \cdot P(P') \cdot P(N') \cdot P(S') \cdot P(P') \cdot P(N) \quad (5)$$

$$= p^6 q$$

$$= \underline{\underline{p^6(1-p)}} \quad (5)$$

[15]

(iii) P (නොලැබු දැනීම්)

$$= P(N \cup N'S'P'N \cup N'S'P'N'S'P'N \cup \dots \dots) \quad (5)$$

$$= P(N) + P(N'S'P'N) + \dots \dots \quad (5)$$

$$= q + p^3 q + p^6 q + \dots \dots \quad (5)$$

$$= q (1 + p^3 + p^6 + \dots \dots)$$

$$= (1-p) \cdot \frac{1}{1-p^3} \quad (5)$$

$$= \underline{\underline{\frac{1}{1+p+p^2}}} \quad (5)$$

[25]

හිසට එවුමට වඩා අග එවුමට ඉඩ ප්‍රයෝගු කාසියෙහි එසේ නම් එවිට $p < \frac{1}{2}$ වේ.

$$\text{පෙශීලින්, } 1 + p + p^2 < 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{7}{4} \text{ ලැබේ. } \textcircled{05}$$

$$P(\text{තිෂ්ඨ හිතාර දෙනීම}) = \frac{1}{1 + p + p^2} > \frac{4}{7} = 0.571 > 0.5 \text{ වේ.}$$

තිෂ්ඨ හිතාර දෙනීම යදා මැයි 50% ට වඩා ඉඩ ප්‍රයෝගාත් ඇත.

15

$$(b) \sum_{i=1}^n y_i = \sum_{i=1}^n (a + bx_i) = na + \sum_{i=1}^n x_i$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i = a + \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

$$\text{නම්, } \bar{y} = a + b\bar{x} \text{ වේ. } \textcircled{05}$$

5

$$S_y^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2 = \sum_{i=1}^n \{(a + bx_i) - (a + b\bar{x})\}^2 = b^2 \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 = b^2 S_x^2$$

05

05

10

$$\bar{x} = \frac{1+2+3+4+5+6+7}{7} = \frac{28}{7} = 4. \textcircled{05}$$

05

$$\begin{aligned} s_x &= \sqrt{\frac{1}{7} \{(1-4)^2 + (2-4)^2 + (3-4)^2 + (4-4)^2 + (5-4)^2 + (6-4)^2 + (7-4)^2\}} \\ &= \sqrt{\frac{1}{7} \{9+4+1+1+4+9\}} = \sqrt{\frac{28}{7}} = 2. \textcircled{05} \end{aligned}$$

05

(a) (i) $y = 1 + 1.01x$ යන්න {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} තුළය {2.01, 3.02, 4.03, 5.04, 6.05, 7.06, 8.07} තුළයට පරිණාමනය කරයි. $\textcircled{05}$

$$\bar{y} = 1 + 1.01 \times 4 = 5.04 \textcircled{05}$$

$$s_y = bs_x = 1.01 \times 2 = 2.02 \textcircled{05}$$

15

(b) (ii) a සහ b හියන වන $y = a + bx$ පරිණාමනය යළුතැමූ.

$$\text{එවිට } \bar{y} = a + b\bar{x} \text{ හා } s_y = bs_x \text{ වේ.}$$

$$\text{පෙශීලින්, } 5 = a + 4b \text{ සා } 6 = 2b \Rightarrow b = 3 \text{ සා } a = -7 \text{ වේ.}$$

05

05

$$y = -7 + 3x$$

$$\text{යායා ගන -4, -1, 2, 5, 8, 11, 14 වේ. } \textcircled{05}$$

15

(c) $y = -25 + x$ පරිණාමනය යළුතැමූ. $\textcircled{05}$

$$\text{එවිට } \bar{y} = -25 + \bar{x} \text{ මගින් } \frac{27.2}{80} = -25 + \bar{x} \Rightarrow \bar{x} = 25 + 0.34 = 25.34 \text{ ලැබේ. } \textcircled{05}$$

15

$$s_y^2 = s_x^2 \text{ ඔයින් } s_y = \sqrt{\frac{85.1}{80}} = \sqrt{1.06375} = 1.031 \text{ ලැබේ. }$$

05

5