

සංගෝධනයන් ගත්තය.

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ජාතික ආශැයිත්‍රී හා පරික්ෂණ දේවාච

ඇංජිනේරු පොදු සහතික පත්‍ර (උක්ත පොදු) විභාගය - 2013

ලකුණු දීමේ පටිපාටිය

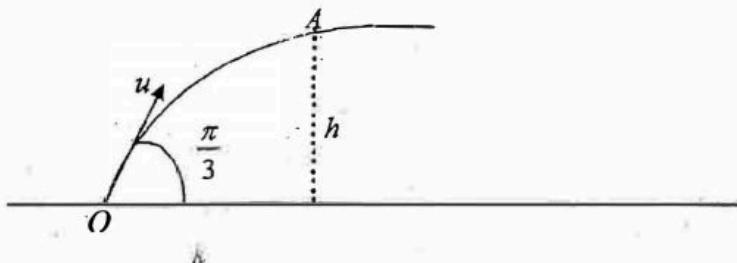


10-භාෂ්‍යක්ත ගණිතය II

මෙය උත්තර පත්‍ර පරික්ෂණවර්ගේ ප්‍රයෝගනය කළා යුතු සකස් කෙරීනි.
මෙය පසුත් කාමර ඉගෙනුම ක්‍රියාවලිය කළා ආධාරකාලීක ලෙස යොදා ගත හැකිය යනු ඇතුළු විශ්වාසයායි.

1. අභ්‍යන්තරයේ 0 ලක්ෂණයක් සිටි කිරීමේ $\frac{\pi}{3}$ පෙර්ත්‍යනින් ආවැනියායින් ඇරුනුවිය යටින් ප්‍රකාශන පාර්ශ්ව ප්‍රාග්ධන ප්‍රාග්ධනය ඇති අභ්‍යන්තරයක් නිර්දේශ කිරීමේ විට k දුරක් තිරිය ව ගමන් සෑලිට් 0 පි මැට්ටෙම් ඉහළින් එහි පිරිස් දුර h යැයි ගනිමු.

$$\sqrt{3}k = h + \frac{2gk^2}{u^2} \quad \text{වි පෙන්වන්න.}$$



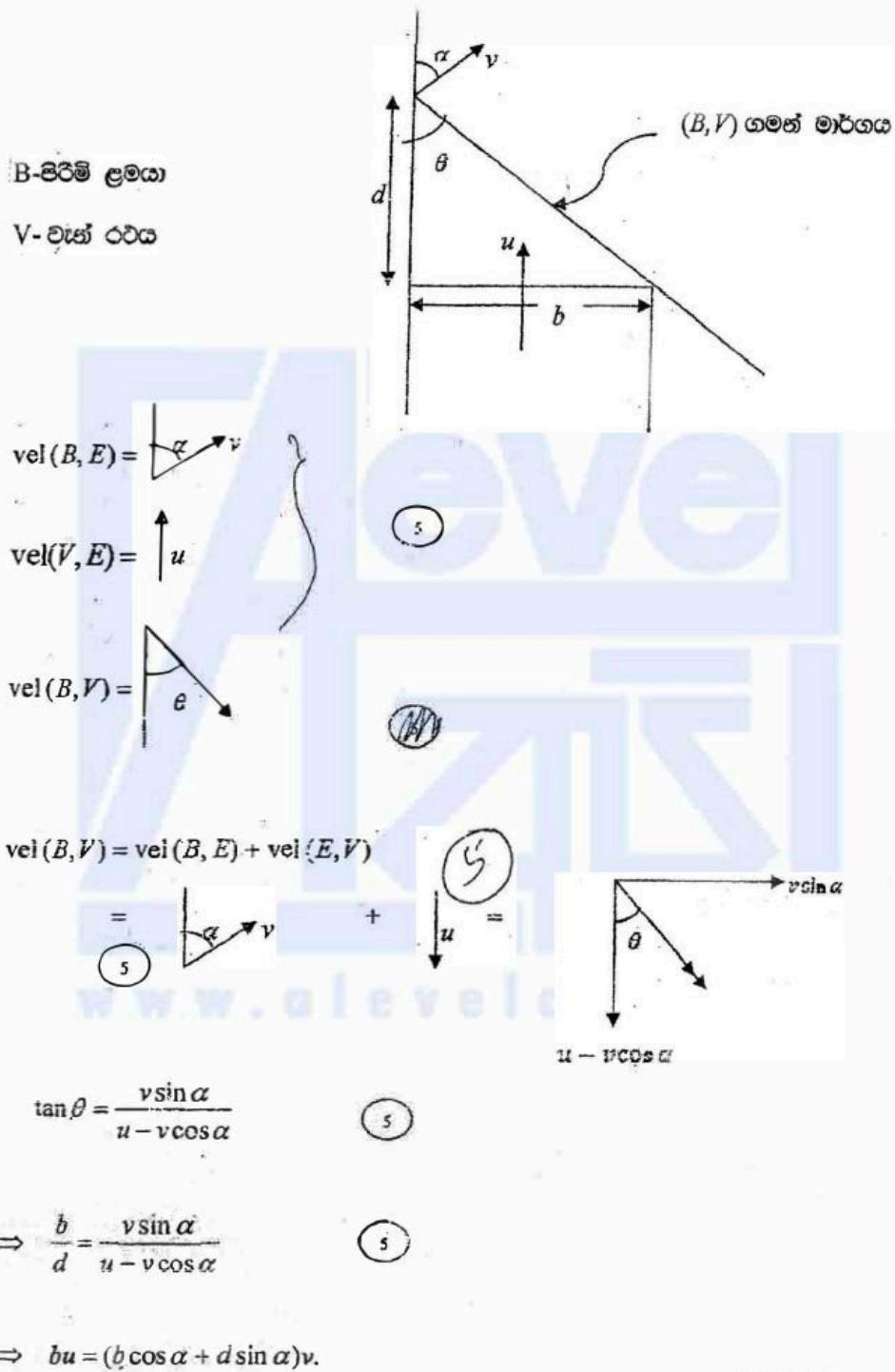
O നിലം A ദൃഢാവാ $s = ut + \frac{1}{2}at^2$ യെറിയേണ്ട്,

$$(1) \text{ எ) } (2) \text{ ம), } h = \sqrt{3}k - \frac{1}{2}g\left(\frac{2k}{u}\right)^2$$

$$\Rightarrow \sqrt{3}k = h + \frac{i}{2}g \frac{4k^2}{u^2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3}k = h + \frac{2gk^2}{u^2}$$

2. පළමු bපු එක්ස් රෝයල් එකාභාර මූල්‍ය පාරස් දීමේ පදිංචි එව්දිකාභාල පහැක්කාරුව නම් යි. නොහැරි ගමන් කරයි. පිරිමි ලමඟයෙන් වුදා රෝයල් මුද්‍රණ ඉදිරියෙන් පදිංචි එව්දිකාභාලී පිරි පාර්ට ඇත. ඒය රෝයල් ටැලින දියාව යමින ය සුද්ධ තොක්කාන් දාඩන දියාවටත් එකාභාර ප්‍රමූණකාරු ඇතියි. ඒ පමණි, එක්ස් රෝයල් නො හැඳි, ඔබියාගින් මිශ්‍රණ නම්. $bu = (b \cos \alpha + d \sin \alpha)v$ එහි පෙන්වනු ලැබේ.





පද්ධතියට $I = \Delta(mv)$ යොදුමෙන්,

$$\rightarrow \quad 0 = 5mv - (2m \times 2u - 2mu)$$

$$v = \frac{2u}{5}$$

10 ၁၃၀ ၂၀၁၅ ခုနှစ်

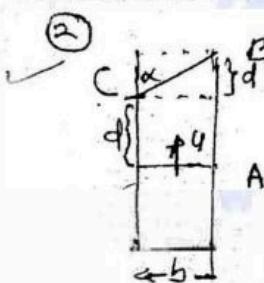
$$\Delta T = \frac{1}{2}(5m)v^2 - \frac{1}{2}(2m)(2u)^2 - \frac{1}{2}(2m)u^2$$

$$= \frac{1}{2}(5m)\left(\frac{2u}{5}\right)^2 - 4mu^2 - mu^2$$

$$= \frac{2mu^2}{5} - 5mu^2 = -\frac{23}{5}mu^2$$

$$\therefore \text{වාලක අක්ති නුතිය} = \frac{23}{5} mu^2$$

25



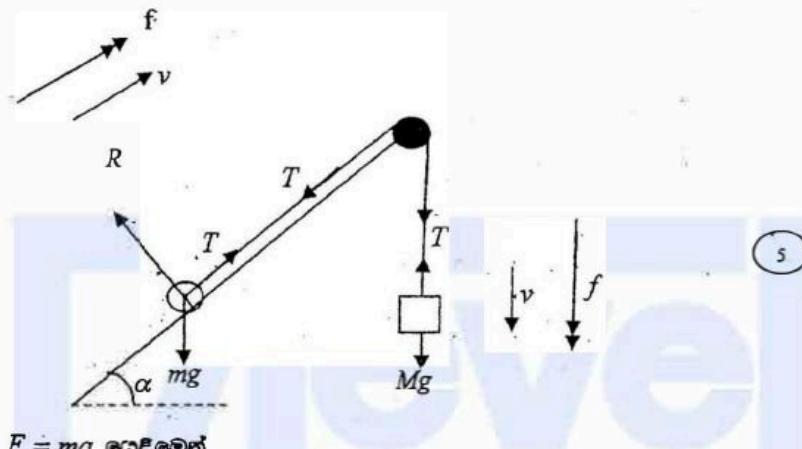
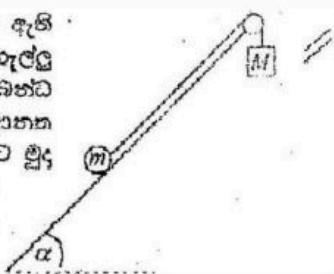
$$\text{Distance} \rightarrow S = ut \\ b = VS \sin \alpha \cdot t$$

$$d' = \frac{b}{T\alpha}$$

$$\textcircled{7} \quad \textcircled{2} \quad \frac{b}{\sqrt{S_{2\alpha}}} = \frac{1}{4} \int \frac{ds_{2\alpha} + b \cos x}{S_{2\alpha}} \\ b_4 = \sqrt{ \int^3 [b \cos x + ds_{2\alpha}]}$$

$$\frac{1}{4} \int d + \frac{b \cos k}{S \pi d} = T$$

4. ජ්‍යෙන්ඩිය නිර්පත් ආකෘතිය නිසු අවල සූම්බි තැබෙන් මත තීසුලට ඇති අතර එය, තැබෙන ඉහළ ම කොළඹරේ වූ ඇඟා පූම්බ නැඩපියක් මිනින් යන ගැහැලු අවශ්‍යතා පැන්තුවක් මිනින්, නිදහස් එලුලනා M ($M > m \sin \alpha$) ජ්‍යෙන්ඩියන්ට පැමිණන් කාර ඇත. රුපයේ දක්වා ඇති පරිදි, M ජ්‍යෙන්ඩිය කැඩපිය ආයත්කාලයේ නිසු ආකෘති තැබෙන උපරිම බැවුම් රෝබාවන් දිගේ පැන්තුව කුදව, පදනම් නිශ්චලසාරයේ සිට එහි රාජු ඇඟා. ජ්‍යෙන්ඩිය නිසු අඟුව පැහැදිලි දිගේ ඉහළට දුරක් එළඳ වූ චිප රාජු මිනින් දෙනු ලබන ඕනෑම පැන්තුවක් මිනින්.



$$F = ma \text{ යොදීමෙන්,}$$

$$(m) \quad T - mg \sin \alpha = mf \quad (5)$$

$$(M) \quad Mg - T = Mf \quad (5)$$

$$\therefore f = \frac{(M - m \sin \alpha)g}{(M + m)} \quad (5)$$

$$(m) \quad v^2 = u^2 + 2as \text{ යොදීමෙන්} \quad v^2 = 2(f)(d) = 2 \frac{(M - m \sin \alpha)g}{(M + m)} d \quad (5)$$

$$\Rightarrow (M + m)v^2 = 2gd(M - m \sin \alpha) \quad (5)$$

25

විකල්ප ටිකුදුම

ඉගින රෙප තැවතෙන්

$$\text{අක්ක ධෘතික නියමයෙන්"} \quad \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} mv^2 = Mg d - mg d \sin \alpha \quad (15)$$

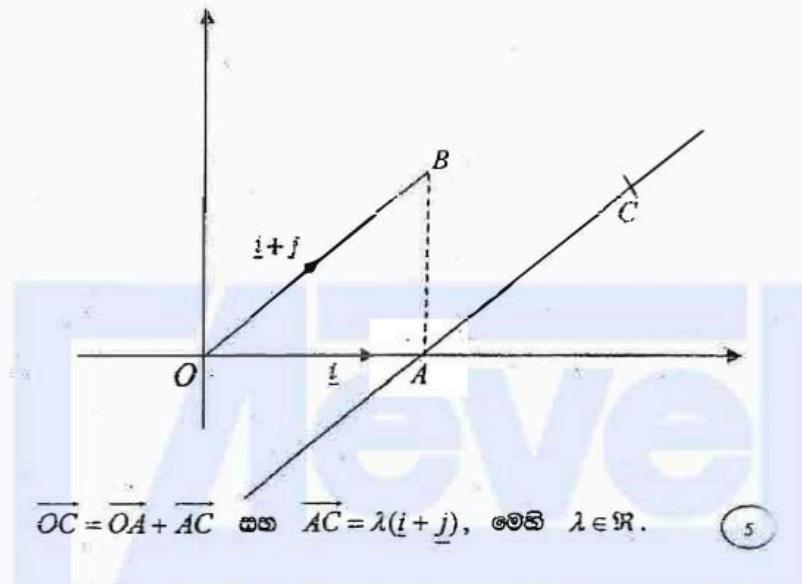
$$= (M - m \sin \alpha)gd$$

$$\Rightarrow (M + m)v^2 = 2gd(M - m \sin \alpha) \quad (5)$$

25



5. සුපරුද ආකෘතියන්, O අවශ්‍ය මූල්‍යකට අනුමත්වනා ඇත්තා A හා B ලෝස්‍ය පෙනෙක පිහිටුව යොමු කිරීම වෙතින් පිළිගැනීම් නිසා $i + j$ යැයි තෙවූ. C යනු, A හරහා OB ව යම්බැංචර පරිල රේඛාව මත තුළ පැක්ෂියාය් යැයි ද ගැනීම්. $\overrightarrow{OC} = (1 + \lambda)i + \lambda j$ බව පෙන්වන්න; මෙහි λ යනු තාක්ෂණික පාඨ්‍යවිභාග පාඨ්‍යවිජ්‍ය වේ.
- OB ව BC ලමින වන පරිදි තුළ λ සියලු එහි අය යොයෙන්න.



$$\begin{aligned}\overrightarrow{OC} &= \underline{i} + \lambda(\underline{i} + \underline{j}) \\ &= (1 + \lambda)\underline{i} + \lambda\underline{j}\end{aligned}\quad (5)$$

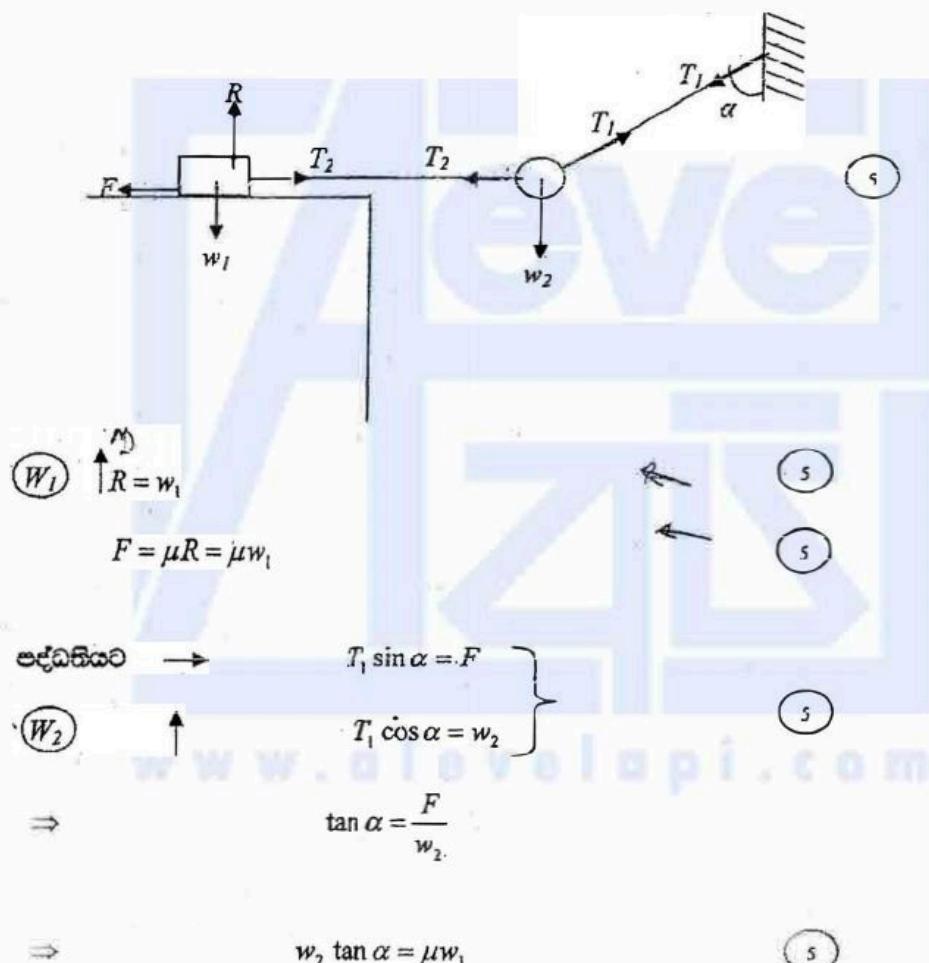
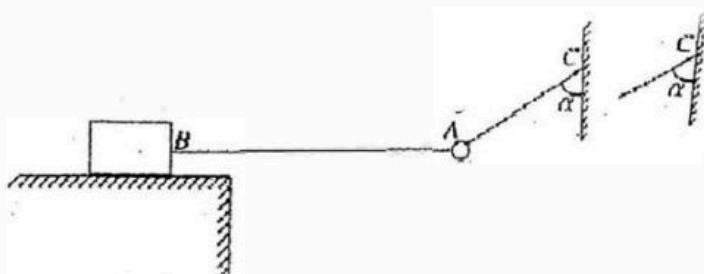
$$BC \perp OB \Rightarrow \overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{OB} = 0, \dots \dots \dots \text{(i)} \quad (5)$$

$$\begin{aligned}\overrightarrow{BC} &= \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{OC} \\ &= -\underline{i} - \underline{j} + (1 + \lambda)\underline{i} + \lambda\underline{j} \\ &= \lambda\underline{i} + (\lambda - 1)\underline{j}\end{aligned}\quad (5)$$

(1) න්

$$\begin{aligned}[\lambda\underline{i} + (\lambda - 1)\underline{j}] \cdot (\underline{i} + \underline{j}) &= 0 \\ \Rightarrow \lambda + (\lambda - 1) &= 0 \\ \Rightarrow \lambda &= \frac{1}{2}.\end{aligned}\quad (5)$$

6. රජ කිරීම ලේඛයක් මත හිසල ව ඇති බර w_1 සු ඇට්ටීයත්, දැහැලු අවශ්‍ය ප්‍රසාද ප්‍රතිඵලික්න් සිරස ඩින්සියක් මත එහිට ඇව් අවල තුළයනට දැඟලයි දෙරා ඇති පරිදි සැපිභිතට බර ඇත. තෙකුවා උග්‍රයක ඇ බර w_2 සු ඇට්ටීයත් ගැවැයා තුළයේ ප්‍රතිඵලියා නැම් ඇති සිරස අවශ්‍ය යොෂ්‍යයක් පාදන පරිදි ය. AB නොවන තිරය නම් නෑ නෑ කුටිරිය සිව්‍යාමාරි සමෘද්‍රිතයාවයේ ඇත්තාම්, $\mu w_1 = w_2 \tan \alpha$ බව පෙන්වන්න; මෙහි μ යනු ඇට්ටීය හා මේය අනුර සර්සාන් යාදුණු යය බේ.



25

7. A, B හා C යනු ඩිජිටල් කොමියෝගී අනෙකුත් විශයෙන් බෙංච්මාර්ක හා සිරවෙන් මිල්ලේ තුනක් ඇති ගණන්.
 $P(A \cup B) = \frac{1}{2}$, $P(B \cup C) = \frac{1}{2}$ හා $P(C \cup A) = \frac{2}{3}$ යන ප්‍රාග්ධනවලින් එකතුව සිහිප නැති ද?
 මෙයි පිළිඳුර දානාට කරන්න.

නොහැකිය.

5

A හා B අනෙකුත් වශයෙන් බඟිල්කාර තිය,

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B).$$

$$(1) + (2) + (3) \Rightarrow$$

$$2[P(A) + P(B) + P(C)] = \frac{5}{3}$$

A.B හා C නිරවගේළ දිද්ධි බහින්

$$A \cup B \cup C = \Omega.$$

(4) සා. (5) අමාත්‍ය තොටුවන විවිධ ඉහළ යම්බාධිතාවයන් සපුරාලු පරිදි A, B හා C මේට්‍රික්ස් පැවතිය නො පෙනු.

ବିନ୍ଦୁ କାମିଟିଜ୍ୟୋତିଶ
ପ୍ରକାଶ ନାଥ

8. A හා B යුතු රු කිහිදී අවකාශයක පිද්ධි දෙකාක් ඇඟි ගනිමු. $P(A|B) = P(A'|B')$ නම්. A හා B උච්චායන් පෙන්වීත්; මේනි B' මගින් B සි අනුවරුකා පිදියා දෙනාට්.

$P(A|B) = P(A|B')$ குமி,

$$\frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{P(A \cap B')}{P(B')}, \quad [P(B) \neq 0, P(B') \neq 0.]$$

↑
P(B) ≠ 0
P(B') ≠ 0.

$$= \frac{P(A) - P(A \cap B)}{1 - P(B)}, \quad [P(B) \neq 0, 1 \text{ என்கி } 0 < P(B) < 1.] \quad (5)$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) - P(B)P(A \cap B) = P(A)P(B) - P(B)P(A \cap B)$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) = P(A)P(B)$$

$\therefore A$ හා B ද්වායන්ත වේ.

24

9. පහත දැක්වා නිරීපිත අවධාන මධ්‍යන්හෙය හා මාත්‍ය පිළිබඳින් 4 හා 6 වේ:

2, 3, 6, 2, 1, x, y, z
මෙහි x, y සහ z කාත්තරික යුතුවා ලේ. x, y හා z හි අගයන් දොයා, තිරිපෑක්ක ඇඟිල්ඩ දූග දණනා කරන්න.

ମଦ୍ଦତ୍ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ୪ ବର୍ଷାରେ,

$$2+3+6+2+1+x+y+z=4\times 8$$

ම) තය 6 බිජේන් අභ්‍යාත .3න් 2ක් වත් 6 විය යුතුය.

(1) ට අනුව අනෙක් අභ්‍යන්තරයද 6 විය යුතුය.

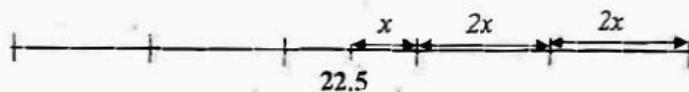
$$\therefore x = y = z = 6$$

$$\text{സമിതീ ദ്വപ്പഗമനഫയ} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{4+1+4+4+9+3 \times 4}{8}}$$

$$= \sqrt{\frac{34}{8}} = \frac{\sqrt{17}}{2}$$

10. පාඨ්‍යාන විශ්වකට පළදීන් සමාන උග්‍රී ප්‍රාත්‍යරූප පහත් ඇත. නෙරින පත්‍රි ප්‍රාත්‍යරූපය මධ්‍ය ප්‍රාත්‍යරූප 22.5 ලබ. රැයිවන පත්‍රි ප්‍රාත්‍යරූපය උග්‍රී යොමු මායිම 40 ලබ. පෙනු පත්‍රි ප්‍රාත්‍යරූපය සිල් අනුමිලිප්පදින් පත්‍රි ප්‍රාත්‍යරූපවල පාඨ්‍යානයන් 7, 19, 27, 15 හා 2 ලබ. ව්‍යාප්තියේ මුතාය ගණනය කරන්න.

පත්‍රි ප්‍රාත්‍යරූපය තරම (පළදී) = $2x$ යයි ගනිමු.



$$\therefore 5x = 40 - 22.5$$

5

$$x = 3.5$$

5

මාතය ආදාළත් වන්නේ 3 වන පත්‍රි ප්‍රාත්‍යරූප වන :19-26- වය. → 5

5

$$\text{මාතය} = 19 + \left(\frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \right) C, \text{ වෙත } \Delta_1 = 27 - 19 = 8, \Delta_2 = 27 - 15 = 12, C = 7. \quad 5$$

එග ය තුළ තුළ මෙහි දැන ඇතුළු

$$\begin{aligned} &= 19 + \frac{8}{20} \times 7 \\ &= 21.8 \end{aligned}$$

5

25

ඡලු ගැටුමේ සිට දෙවන ගැටුම දක්වා කාලය

චාරු පරු
දැන
විෂය දීමා.

$$T_2 = 2eu/g \quad 5$$

දෙවන ගැටුමේ සිට ඇත්තාගැටුම දක්වා කාලය

$$T_3 = 2e^2 u/g \quad 5$$

$$\text{ඇත්තාගැටුම දක්වා ගෙවා මූල කාලය} = T_1 + T_2 + T_3 = \frac{2u}{g}(1+e+e^2) \quad 5$$

න්ද

$\left(\frac{1}{98}\right)^{\frac{1}{98}}$
සියලුම අම්
සි නම්, තුළ
උ රුපය

අ න් ය ය
යාර්ථික

(iii) ආගුවට නිශ්චලනාවයට පස්වීම යදා ගෙවන කාලය

$$= T_1 + T_2 + T_3 + \dots \quad 5$$

$$= \frac{2u}{g}(1+e+e^2+e^3+\dots) \quad 5$$

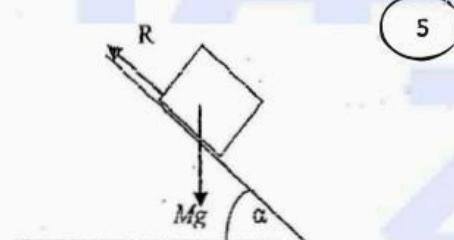
$$= \frac{2u}{g} \sum_{r=0}^{\infty} e^r \quad 5$$

$$= \frac{2u}{g} \frac{1}{(1-e)} \quad 5$$

$$= \frac{2u}{g(1-e)}$$

70

b) දුම්බය සහයෝධය $M=300,000 \text{ kg}$



$$\sin \alpha = \frac{1}{98}$$

දුම්බය ආහාර තිලය මිස්සේ තීයත් ප්‍රමාණයන් පහළට විළාය වේ.

$$F = m\ddot{a} \quad \text{යෙදීමෙන}$$

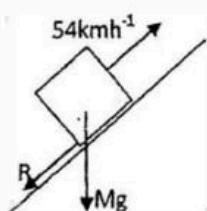
$$Mg \sin \alpha - R = 0 \quad 10$$

$$300,000 \times 9.8 \times \frac{1}{98} - R = 0$$

$$R = 30,000 \text{ N} \quad 5$$

11

උමු අන් වලිනය යදහා



$$V = 54 \text{ km/h}^{-1} = \frac{54 \times 1000}{60 \times 60}$$

$$V = 15 \text{ ms}^{-1}$$

5

ප්‍රකරණ බලය K යැයි ගනීමු.

$$\underline{F} = m\underline{a}$$

$$K - R - Mg \sin \alpha = 0$$

10

$$P = FV \text{ යෙදීමෙන්}$$

$$\downarrow mg s^{-1}$$

$$\text{ජවය, } P = (R + Mg \sin \alpha)V$$

$$= (30,000 + 30,000) \times 15 = 900,000$$

$$= 900 \text{ KW}$$

5

40

$$\text{ප්‍රවීණය } V = 18 \text{ km/h}^{-1} = \frac{18,000}{60 \times 60} \text{ ms}^{-1}$$

$$= 5 \text{ ms}^{-1}$$

5

$$\text{ප්‍රකරණ බලය} = \frac{P}{V}$$

$$= \frac{900,000}{5} \text{ N}$$

10

$$= 180,000$$

5

$$\rightarrow \underline{F} = m\underline{a}$$

$$180,000 - 30,000 = 300,000 \times a; \text{ මෙහි } a \text{ යුතු ස්වර්යය වේ}$$

10

$$\text{ස්වර්යය} = \frac{150,000}{300,000}$$

5

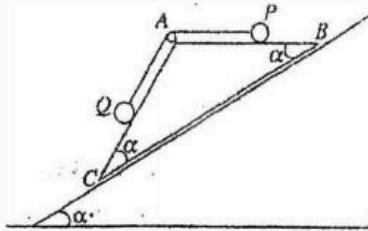
$$a = \frac{1}{2} \text{ ms}^{-2}$$

5

40

12

12. (a) ABC ස්‍රීලංකය, ප්‍රාන්තය M වූ එසුමාර ප්‍රමාණ තුන්දායා අරුණට ගෝන්දා මින්දේ වූ පිරිස් පර්යාවකි. AC හා BC උපා ඇඟල මුහුණයෙහි වැට්ටාම බැඳුම් උපා වන අතර BA හා AC උපා BC සමඟ සමාන α ($0 < \alpha < \frac{\pi}{4}$) නෙකුත යාදයි. සිරස් අ ගෝන්දා ආනන්දායින් දුනු අවල ප්‍රමාණ මින්දා පිරිස් අතර්කා මුහුණන ඇතිව ද, AB සිරස් අ තුන්දාය රුපයේ දැක්වා පරිදි තබා ඇත. ජෝන්ට් පිරිස් ම් 1 හා ම් 2 වන P හා Q අනු දෙකන්, සිල්වලින් AB හා AC මා පාව, A පිරිස්යෙහි වූ ඇතු ප්‍රමාණ ගෝන්දා පිරිස් අත්‍යුත් අවශ්‍ය නෙකුතින් සම්බන්ධ කර ඇත. ඔන්තු ඇදවා පැදැකිය තිබු වූ පිරිස් පිරිස් පිටිය ඇතුළු.



ජාතිකාධින් දුනු අවල ප්‍රමාණ මින්දා පිරිස් අතර්කා මුහුණන ඇතිව ද, AB සිරස් අ තුන්දාය රුපයේ දැක්වා පරිදි තබා ඇත. ජෝන්ට් පිරිස් ම් 1 හා ම් 2 වන P හා Q අනු දෙකන්, සිල්වලින් AB හා AC මා පාව, A පිරිස්යෙහි වූ ඇතු ප්‍රමාණ ගෝන්දා පිරිස් අත්‍යුත් අවශ්‍ය නෙකුතින් සම්බන්ධ කර ඇත. ඔන්තු ඇදවා පැදැකිය තිබු වූ පිරිස් පිටිය ඇතුළු.

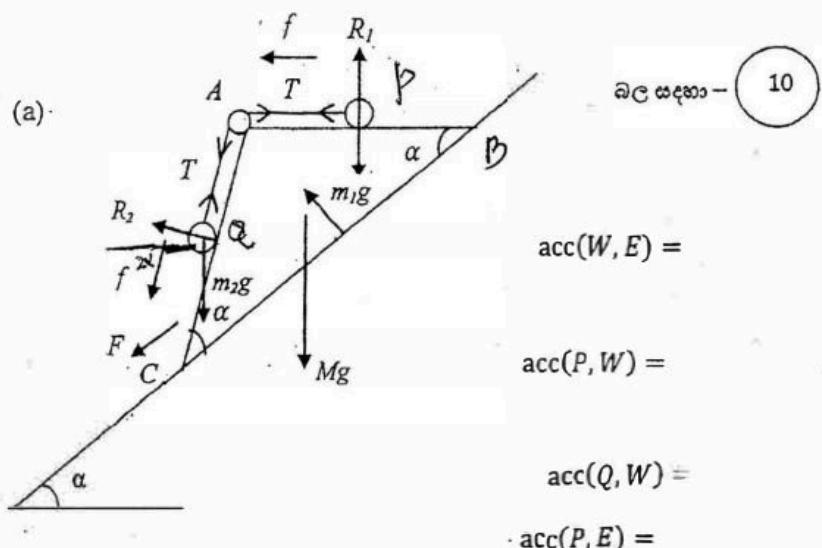
එන් එන් අංශුවේ තුන්දායට භාවෙක්මාව තවරණයන්, තුන්දායට තවරණයන් සිරස් සිරිම පාදා පිටිය P අංශුවේ BA දිග් ද, Q අංශුවේ AC දිග් ද, මූර් පැදැකියට RC දිග් ද විශා ප්‍රමාණ මුදා දැක්වන්න.

$m_1 = m_2$ නම්, තුන්දායට භාවෙක්මාව එන් එන්, අංශුවේ තවරණය ඇතා වන බව ඇත් අංශුවේ තවරණයේ විශාලත්වය දීමා අ මිට ද පෙන්වන්න.

- (b) ජෝන්ට් ම් 1 වූ P. අංශුවේ, අරය a හා ගෝන්දා O වූ අවල ගෝන්දා ප්‍රමාණ පෙනීර පෙන්ස් ඉහළ අ ලක්ෂණයෙහි පාව ඇත. ජෝන්ට් ම් 2 පිටියන් Q අංශුවේ සිරස් අ පුවේගයන් විශාලය එවින් P සමඟ සරල ලෙස ගැළවේ. P හා Q අතර ප්‍රමාණයන් සංඛ්‍යාතය $\frac{1}{2}$ එවි. ගැළුමෙන් ප්‍රමාණය පැවත්වන්න පුවේගය යොයාන්න.

OP අරය මින්දායනින් භාරි ඇති විට තවින් P අංශුව භාවෙක් අවල ස්ථාපිත ඇතැයි ප්‍රමාණය පැවත්වන්න, P අංශුව මා ගෝන්දා මින්න් ඇති අතර ප්‍රමිතියාවේ විශාලත්වය $\frac{m}{a} [ga(3\cos\theta - 2) - u^2]$ නිස් පෙන්වන්න.

$= \sqrt{ga}$ නම්, Q සමඟ ගැළුමෙන් මොහානකට පසු P අංශුව භාවෙක් පැවත්වය ඇරු යන බව ඇවි පෙන්වන්න.



බො පදනම - 10

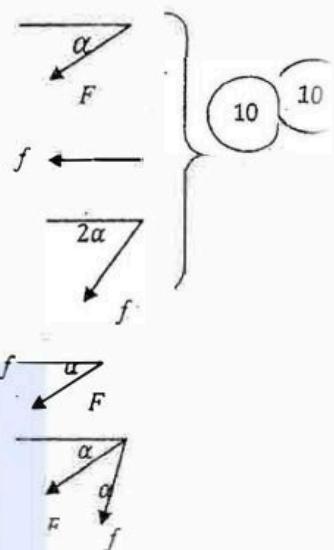
$$\text{acc}(W, E) =$$

$$\text{acc}(P, W) =$$

$$\text{acc}(Q, W) =$$

$$\text{acc}(P, E) =$$

$$\text{acc}(Q, E) =$$



$$F = ma \text{ සයින්මත්;}$$

$$P \text{ පදනම } \leftarrow$$

$$T = m_1(f + F \cos\alpha) \quad \dots \dots \dots (1)$$

600
10

$$Q \text{ පදනම } \overbrace{\quad}^{2\alpha}$$

$$m_2 g \sin 2\alpha - T = m_2(f + F \cos\alpha) \quad \dots \dots \dots (2)$$

10

පදනම් ය පදනම

$$(M + m_1 + m_2)g \sin\alpha = MF + m_1(f + F \cos\alpha) + m_2(f + F \cos\alpha) \quad \dots \dots (3)$$

10

$$(M + m_1 + m_2)g \sin\alpha = MF + m_1(f \cos\alpha + F) + m_2(f \cos\alpha + F)$$

50

$$m_1 = m_2$$

$$(1) + (2) \Rightarrow m_1 g \sin 2\alpha = m_1 2(f + F \cos \alpha)$$

$$(3) \Rightarrow (M + 2m_1)g \sin \alpha \equiv MF + 2m_1(F + f \cos \alpha)$$

$$=(M+2m_1)F+2m_1f\cos\alpha$$

$$g \sin \alpha = F + \frac{2m_1}{m_1 + 2m_2} f \cos \alpha \quad \dots \quad (5)$$

$$(4) + (5) \cos\alpha \Rightarrow f = \frac{2m_1}{M+2m_1} f \cos^2\alpha$$

$$Mf + 2m_1 \sin^2 \alpha f = 0 \Rightarrow f = 0$$

$$\text{என்றால், } \Rightarrow F = q \sin \alpha$$

5

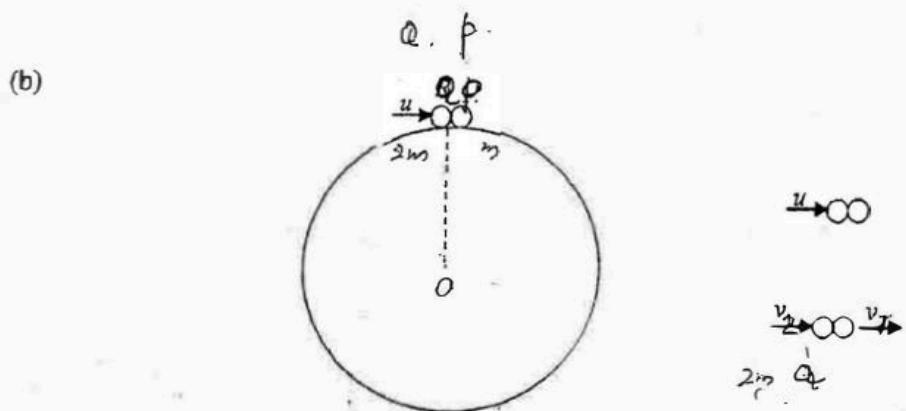
5

5

四

5

25



$$I = \Delta(mv) \longrightarrow \text{ආංශු යදහා:}$$

$$0 = 2mv_2 + mv_1 - 2mu \quad \text{10} \quad \text{සැනුව}$$

$$2v_2 + v_1 = 2u \quad \dots \dots \dots \quad (1)$$

නිරිවන්ගේ ප්‍රකාශනී නියමය:

$$v_1 - v_2 = \frac{1}{2}u \quad \text{10}$$

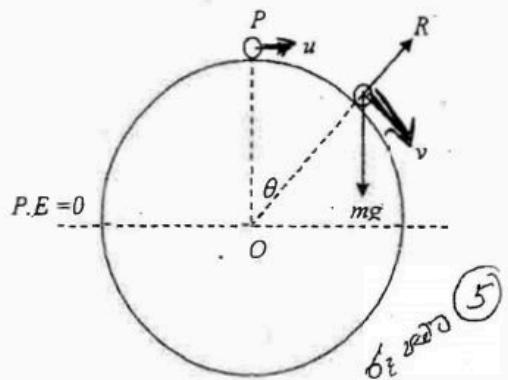
$$2v_1 - 2v_2 = u \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

$$(1) + (2) \Rightarrow v_1 = u$$

5

25

16



ඇක්කී යායැරින් නියමය ගෙවීමෙන්

$$\frac{1}{2}mv^2 + mg\cos\theta = \frac{1}{2}mu^2 + mga$$

$$V^2 = u^2 + 2ga(1 - \cos\theta)$$

$$(16) + (5) = (15)$$

සෑම සෑම
සෑම සෑම

$\theta \rightarrow F = ma$ ගෙවීමෙන්:

$$R - mg\cos\theta = -\frac{mv^2}{a}$$

$$(10) \text{ ගෙවී } 0$$

$$R = mg\cos\theta - \frac{m}{a}[u^2 + 2ga(1 - \cos\theta)]$$

(5)

$$= \frac{m}{a}[ga\cos\theta - u^2 - 2ga(1 - \cos\theta)]$$

$$= \frac{m}{a}[3ga\cos\theta - 2ga - u^2]$$

~~$$= \frac{m}{a}[ga(\cos\theta - 2) - u^2]$$~~

$$\frac{m}{a}[ga(3\cos\theta - 2)]$$

$$u = \sqrt{ga} \text{ and } \theta = 0 \Rightarrow R = 0.$$

(5)

50

∴ ගුවුමෙන් මෙහෙනකට පසු P පෘත්‍යාය හැර යයි.

17

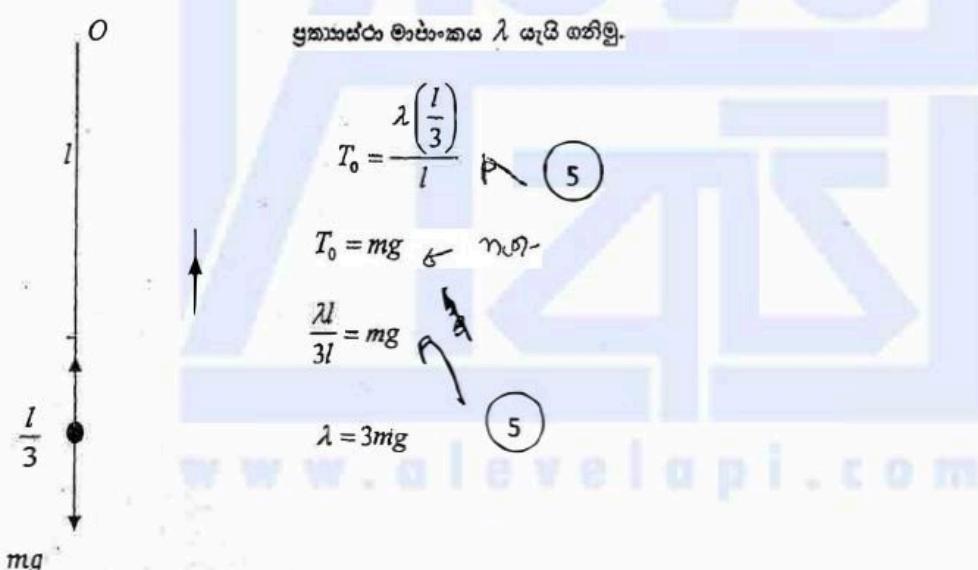
13. යුතුවේය ම එහි අංකීරිස්, ස්ථාවර දිග පිටු ඇතුළුප් ප්‍රකාශනයේ තැන්තුවෙහි එහි පැල්වීම් සහ ගැන්තුවේ දෙනාක් හෙළුවේ අවල O ගෝනයකට ගැනී ඇති අංකීරිස් පිටුව වැනි විෂය විමෙන් මිනින්දෝ මිනින්දෝ සූයායා.

අංකීරිස් O ට $\frac{1}{2}$ දුරකින් හිරුයේ පහළින් වූ උසක්කයේ ඔබ නිශ්චිලාවේ සිටි මුද ගැනී ඇති. O සිටි පුරුෂී විරුද්ධ තැනීන් වූ A උසක්කය විනි අංකීරිස් පුරුදම් ව්‍යුහයේ ප්‍රකාශනය සූයායා. B යුතු අංකීරිස් ප්‍රකාශනය ඇති අවශ්‍ය ප්‍රතිඵල ප්‍රකාශනය සූයායා. x යෙනි $x + \frac{3g}{l} \left(x - \frac{l}{3} \right) = 0$ සම්බන්ධ සූයායා ප්‍රතිඵල ප්‍රකාශනය සූයායා.

දිගා ස්ථාවර විද්‍යාව $x = \frac{l}{3} + \alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t$ ආකාරයේ එවි උපක්‍රමය සූයායා. α, β සහ බිජාවිඹු අංකීරිස් සූයායා.

එමෙන්, අංකීරිස් A සිටි B දැඩි යෙදා සරල ඇඟිල්සි විශ්වාස ප්‍රකාශනය සූයායා.

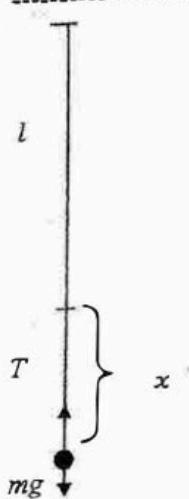
මුද හෙළුවෙන් සිටි $\sqrt{\frac{l}{g} \left(1 + \frac{2\pi}{3\sqrt{3}} \right)}$ කාලයකට පුරුදම් අංකීරිස් B විනි ලැබා විනි මෙය පැහැරීන්න. අංකීරිස් B සි ඇඟිල්සි සූයායා ඇඟිල්සි සූයායා.



$$v^2 = u^2 + 2fs$$

$$v^2 = 2g \left(\frac{l}{2} \right)$$

$$v = \sqrt{gl}$$



$$T = \frac{\lambda x}{l} = \frac{3mgx}{l}$$

5

$$F = ma \downarrow$$

$$mg - T = m\ddot{x}$$

10

සෙව්

$$mg - \frac{3mgx}{l} = m\ddot{x}$$

$$\ddot{x} + \frac{3g(x-\frac{l}{3})}{l} = 0; \quad x \geq 0$$

5

20

$$x = \frac{l}{3} + \alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t$$

$$x = 0 \text{ when } t = 0; \quad 5$$

$$0 = \frac{l}{3} + \alpha \text{ gives us } \alpha = -\frac{l}{3} \quad 5$$

$$\dot{x} = -\alpha \omega \sin \omega t + \beta \omega \cos \omega t \quad 5$$

$$\dot{x} = \sqrt{gl} \text{ when } t = 0;$$

$$\sqrt{gl} = \beta \omega \quad 5$$

$$\ddot{x} = -\alpha \omega^2 \cos \omega t - \beta \omega^2 \sin \omega t \quad 5$$

$$\frac{-3g(x-\frac{l}{3})}{l} = -\alpha \omega^2 \cos \omega t - \beta \omega^2 \sin \omega t \quad 5$$

$$\frac{-3g}{l} (\alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t) = -\omega^2 (\alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t)$$

5

$$\omega^2 = \frac{3g}{l} \quad 15$$

$$\dot{y} + \omega^2 y = 0 \quad \text{and} \quad \ddot{y} + \omega^2 y = 0$$

$$\therefore \omega^2 = \frac{3g}{l}$$

$$\text{එබැවින් } \omega = \sqrt{\frac{3g}{l}} \quad \text{and } \beta = \sqrt{gl} \sqrt{\frac{l}{3g}} = \frac{l}{\sqrt{3}} \quad 5$$

45

19

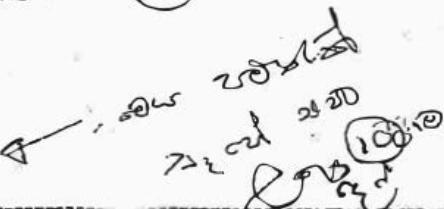
දැන් $x = \frac{l}{3} + \alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t$ gives us

$$x - \frac{l}{3} = \alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t \quad (5)$$

යරල අනුවර්ති වලිනයේ දක්නේය $x - \frac{l}{3} = 0$ මගින් දනු ලබයි. (5)

$$\therefore x = \frac{l}{3}$$

එබැවින් කෙන්ද්‍රය C යන්න, A සිට $\frac{l}{3}$ පහළින් පිහිටයි.



$$\text{විස්තාරය} = BC$$

$$t = t_1 \text{ විට } \dot{x} = 0 \text{ බැවින් } -\alpha \omega \sin \omega t_1 + \beta \omega \cos \omega t_1 = 0. \quad (5)$$

(5)

$$\Rightarrow \frac{l}{3} \sin \omega t_1 = -\frac{l}{\sqrt{3}} \cos \omega t_1$$

$$\tan \omega t_1 = -\sqrt{3}$$

$$\omega t_1 = \frac{2\pi}{3} \quad (5)$$

$t = t_1$ විට x ගෙවීම:

$$x = \frac{l}{3} - \frac{l}{3} \cos \omega t_1 + \frac{l}{\sqrt{3}} \sin \omega t_1 \quad (5)$$

$$= \frac{l}{3} - \frac{l}{3} \cos \frac{2\pi}{3} + \frac{l}{\sqrt{3}} \sin \frac{2\pi}{3}$$

$$= \frac{l}{3} + \frac{l}{6} + \frac{l}{2}$$

$$= l \quad (5)$$

$$\therefore BC = l - \frac{l}{3} = \frac{2l}{3} \quad (5)$$

20

ප්‍රථම වරට A ටෙක ලයා විමත ගන් කාලය t_2 යැයි ගනීමු.

$$s = ut + \frac{1}{2}at^2 \quad \downarrow \text{යෙදීමෙන්}$$

$$u = 0, a = g, s = \frac{l}{2}, t = t_2$$

$$\frac{l}{2} = \frac{1}{2}gt_2^2 \quad \text{5}$$

$$t_2 = \sqrt{\frac{l}{g}} \quad \text{5}$$

$$B ටෙක ලයා විමත මුදු කාලය = \sqrt{\frac{l}{g}} + \frac{2\pi}{3\omega} \quad \text{5}$$

$$= \sqrt{\frac{l}{g}} + \frac{2\pi}{3} \sqrt{\frac{l}{3g}}$$

$$= \sqrt{\frac{l}{g}} \left(1 + \frac{2\pi}{3\sqrt{3}}\right) \quad \text{5}$$

20

$$A අශ්ව B නේ ඇඟි විව ආකෘතිය = \frac{3mg}{l} (AB) \quad \text{5}$$

$$= \frac{3mg}{l} (l)$$

$$= 3mg \quad \text{5}$$

10

14. (a) $OABC$ පෙනු එකුරුපුයක් යුතු ද, D හා E යුතු පිළිවෙළින් OB හා AC විෂාරණවල මධ්‍ය ලැබා ඇතුළු නම් ද, DE හි මධ්‍ය ලෙසෙයා අඟුරු යුතු අනිමු. O ඇතුළුදීයෙන් A, B හා C ලක්ශණවල පිළිවෙළි යොමු කිරීමේද පිළිවෙළින් a, b හා c යුතු ගනිමින්, $\overline{OF} = \frac{1}{4}(a+b+c)$ බව පෙන්වනා.

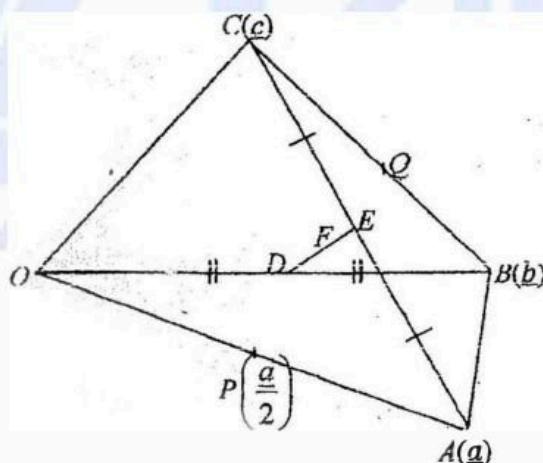
P හා Q යුතු පිළිවෙළින් OA හා BC පැශ්චිල මධ්‍ය ලෙසෙයා ඇතුළු. P, F හා Q ලක්ශණ උග්‍රීයා සහ දෙන්මා $PF : FQ$ යුතුපාඨය ඇයායන්.

- (b) $ABCD$ යුතු, පැත්තක දිග $2l$ හා $BD = 2l$ තුළ රෝම්බයක් යුතු ගනිමු. රෝම්බයේ විෂාරණ O ලක්ශණයකි ද නම් බව. වියාලුන් තිවිනා $2P, 6P, 4P, 8P$ හා $6P$ මූලික පිළිවෙළින් AB, BC, DC, DA හා BD දීන්, අස්ථර ඇතුළිවෙළින් දැක්වෙන දියාවලට තුළා ගැනී. \overline{OC} හා \overline{OD} දියාවලට පිළි පැදැක්ද විශ්දාය කර, සම්පූර්ණයෙන් තුළා උග්‍රීයා BC ව සම්බන්ධ පින බව පෙන්වනා.

පද්ධතියේ O රිටා පුරුණයන් ඇයායන්.

සම්පූර්ණය තුළා යේවාවේ E ලක්ශණයේ දී දින් තරත ලද AB නම් බව නම්, $BE = 2l$ බව යෙත්වැන් දීන්, තිවිනා $\alpha P, \beta P, \gamma P$ හා αP විශාරණවල පහින අවිල්ක බව පිළිවෙළින් EB, CE, CA හා DC දීන්, අස්ථර ඇතුළිවෙළින් දැක්වෙන දියාවලට තුළා ගැරනී. මුළු පද්ධතිය සම්පූර්ණකාවයේ ඇත්තාම් α, β හා γ නිශ්චයන් ඇයායන්.

(a)



$$\overrightarrow{OD} = \frac{1}{2} \overrightarrow{OB} = \left(\frac{\underline{b}}{2} \right) \quad (5)$$

$$\overrightarrow{OE} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{AE} \quad (5)$$

$$= \underline{a} + \frac{1}{2} (\overrightarrow{AC})$$

$$= \underline{a} + \frac{1}{2} (\underline{c} - \underline{a})$$

$$= \frac{\underline{a} + \underline{c}}{2} \quad (5)$$

$$\overrightarrow{OF} = \overrightarrow{OD} + \overrightarrow{DF} \quad (5)$$

$$= \frac{\underline{b}}{2} + \frac{1}{2} \overrightarrow{DE}$$

$$= \frac{\underline{b}}{2} + \frac{1}{2} (\underline{e} - \underline{d})$$

$$= \frac{\underline{b}}{2} + \frac{1}{2} \left(\frac{\underline{a} + \underline{c}}{2} - \frac{\underline{b}}{2} \right)$$

$$= \frac{\underline{a} + \underline{b} + \underline{c}}{4} \quad (5)$$

25

$$\overrightarrow{OQ} = \overrightarrow{OB} + \frac{1}{2} \overrightarrow{BC} \quad (5)$$

$$= \underline{b} + \frac{1}{2} (\underline{c} - \underline{b})$$

$$= \frac{1}{2} (\underline{b} + \underline{c}) \quad (5)$$

$$\overrightarrow{PF} = \overrightarrow{PO} + \overrightarrow{OF}$$

$$= -\frac{\underline{a}}{2} + \frac{\underline{a} + \underline{b} + \underline{c}}{4}$$

$$= \frac{-\underline{a} + \underline{b} + \underline{c}}{4} \quad (5)$$

23

$$\overrightarrow{FQ} = \overrightarrow{FO} + \overrightarrow{OQ}$$

$$= -\frac{\underline{a} + \underline{b} + \underline{c}}{4} + \frac{1}{2}(\underline{b} + \underline{c})$$

$$= \frac{-\underline{a} + \underline{b} + \underline{c}}{4} \quad (5)$$

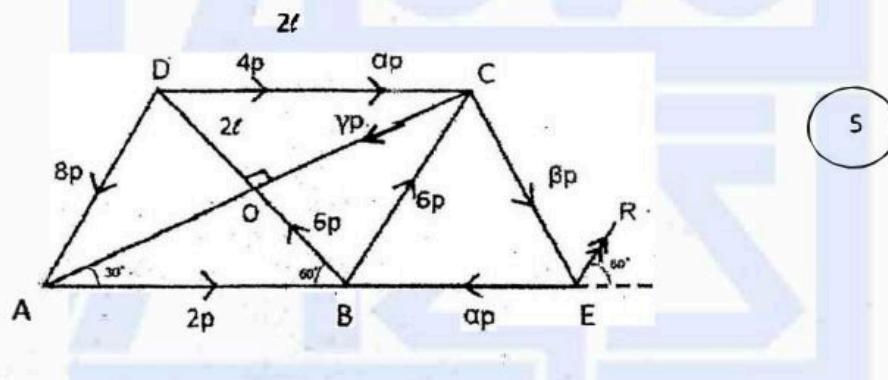
$$\overrightarrow{PF} = \overrightarrow{FQ} \quad (5)$$

$\Rightarrow P, F$ හා Q රේක රෝමිය වේ. (5)

$$\text{තවද } PF:FQ = 1:1. \quad (5)$$

35

(b)



5

$\overrightarrow{OC} :$

$$X = 2P \cos 30^\circ + 6P \cos 30^\circ + 4P \cos 30^\circ - 8P \cos 30^\circ \quad (5)$$

$$= 2P \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} (1 - 3 + 2 + 4)$$

$$= 2\sqrt{3}P \quad (5)$$

24

\overrightarrow{OD} :

$$Y = 6P - 2P \cos 60^\circ + 6P \cos 60^\circ - 4P \cos 60^\circ - 8P \cos 60^\circ$$

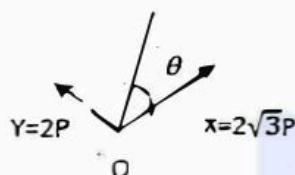
5

$$= 6P - 2P \cdot \frac{1}{2} (1 - 3 + 2 + 4)$$

$$= 6P - 4P$$

$$= 2P$$

5



$$\tan \theta = \frac{Y}{x} = \frac{2P}{2\sqrt{3}P} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \theta = 30^\circ$$

5

∴ සම්පූර්ණය BC චනයෙහි පෙන්වනු ලබයි. 5

35-



සුරු තැනීමෙන්

$$M_0 = 2P \cdot l \cos 30^\circ + 6P \cdot l \cos 30^\circ - 4Pl \cos 30^\circ + 8Pl \cos 30^\circ$$

5

$$= 2Pl \frac{\sqrt{3}}{2} (1 + 3 - 2 + 4)$$

$$= 6\sqrt{3}Pl$$

5

Nm

10

$$R^2 = X^2 + Y^2 = (2\sqrt{3}P)^2 + (2P)^2$$

$$= 12P^2 + 4P^2$$

$$= 16P^2$$

5

$$R = 4P$$

25



සුරක්‍ය ගැනීමෙන්

$$6\sqrt{3}Pl = 4P(l \cos 30^\circ + x \cos 30^\circ), \text{ where } x = BE$$

5

$$6\sqrt{3}Pl = 4P \frac{\sqrt{3}}{2} (l + x)$$

$$3l = l + x$$

$$x = 2l$$

5

15

යමනුලිනකාව යදා,

\overline{OC} දිගේ විශේෂයෙන්

$$2\sqrt{3}P - \gamma P = 0$$

$$\gamma = 2\sqrt{3}$$

5

$$x - \sigma P = 0$$

\overline{OD} දිගේ විශේෂයෙන්

$$2P - \beta P = 0$$

$$\beta = 2$$

5

$$\gamma - \sqrt{3}P = 0$$

E සුරක්‍ය ගැනීමෙන්

$$\alpha P 2l \cos 30^\circ - \gamma P 2l = 0$$

10
13

$$\alpha \sqrt{3} = \gamma \cdot 2$$

$$\alpha = 2 \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 4$$

α, β, γ යදා

10

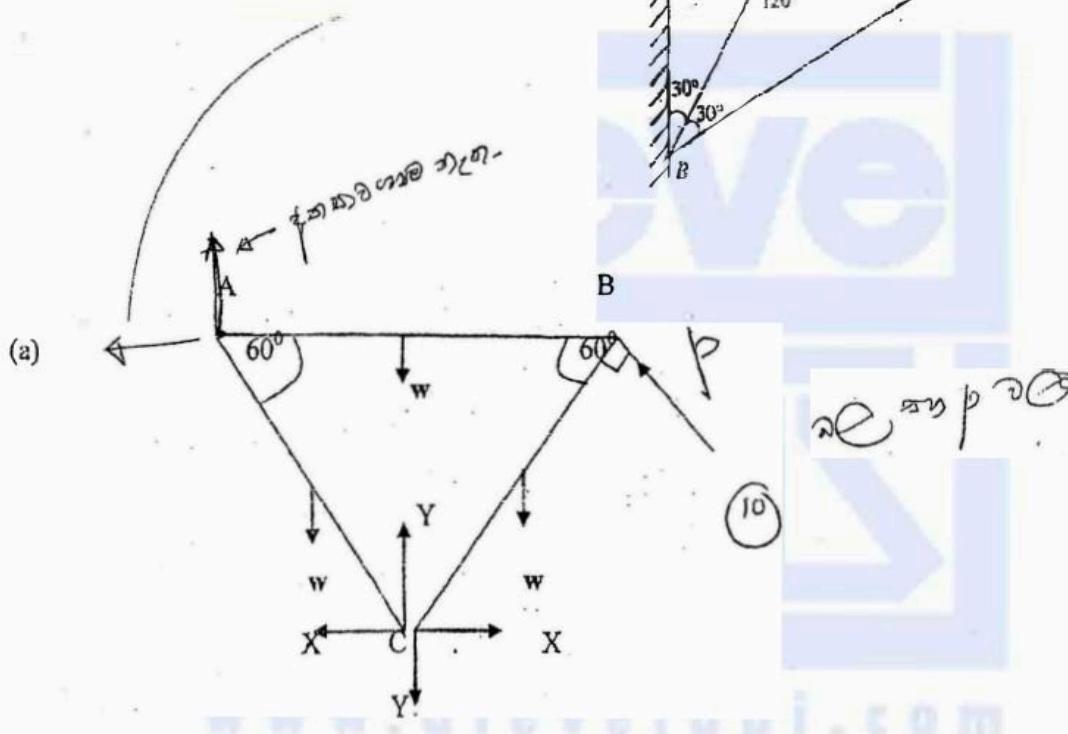
30

26

15. (a) එක රිංක දීම විෂය මූල්‍ය AB, BC හා CA ප්‍රමාණය දැනු ඇත්ත ABC යැනැතු ව්‍යුහාවෙන් උග්‍රදාන පරිදි තේවායේ පැහැදුවලින් දී දුම්බ ලෙස යොම් යාර ඇත. A සිරුතා අවල උග්‍රදාන පැහැදුවලින් දුම්බ ලෙස යාර ඇති නිස්සායේ පිරිස තෙවාය තිබුණු යුතුයි. විශිෂ්ට මාරු පිරිස නිස්සායේ AB සිරුතා හා AB පිරිසා C මින් පැවති. අලේලා යාර ඇත. P සිරුතා ආයතනය.

C සිරුතා AC මිනින් BC මාරු පැහැදුව තිරපිට හා පිරිපිට පැරුම් නොයන්න.

- (b) මැනෙද රුප පැවත්තා ඇත්තාපිට දී දුම්බ ලෙස යාරය දී පැහැදුව දුෂු භාවිතීන් පැහැදුව යාර ඇත්තාපිට තිරපිට වේ. එය පිරිස සිරුත්තාපිට A හා B නින් දුම්බ පැහැදුව යාර ඇති අතර, D සිරුතා 150 N යාරයක් දුරක්. ගෝ ආයතනය තුළුම් පැහැදුව පැවත්තායි. එහිදී, දුම්බ පැහැදුව, ආහකි යාර සැරුපු පැහැදුව දැක්වීමා, සිරුතා පැහැදුව.



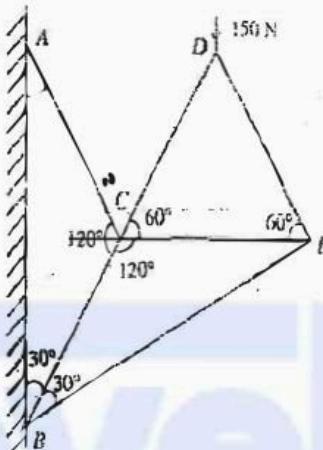
සංඛ්‍යා පැහැදුව

$$W(\cos 60^\circ + a + (2a - a\cos 60^\circ)) = P \cdot 2a \cos 60^\circ$$

$$W \left(\frac{a}{2} + a + 2a - \frac{a}{2} \right) = 2a \cdot \frac{1}{2} P$$

$$P = 3W$$

5



සංඛ්‍යා පැහැදුව

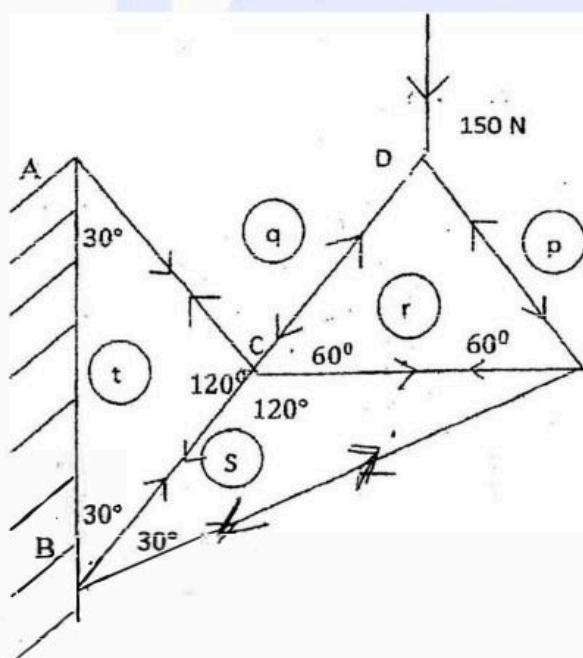
$$15$$

30

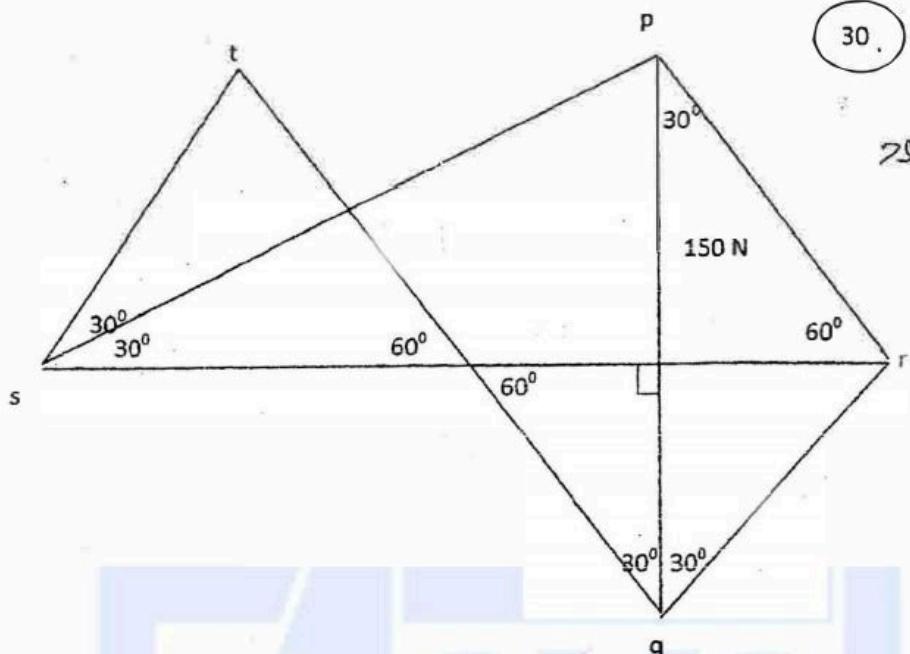
A) $Ya - Xa\sqrt{3} = W \cdot \frac{a}{2}$ (10)
 B) $Ya + Xa\sqrt{3} = -W \cdot \frac{a}{2}$ (10)
 $\Rightarrow Y = 0$. (5)
 $\therefore X = -\frac{W}{2\sqrt{3}}$. (5)

30

b)



28



දැක්ඩා	නොරුව	ආකෘතිය	විශාලත්වය
AC	-	✓	$100\sqrt{3}$ N
CD	✓	-	$50\sqrt{3}$ N
DE	✓	-	$50\sqrt{3}$ N
CE	-	✓	$100\sqrt{3}$ N
BC	-	✓	$50\sqrt{3}$ N
BE	✓	-	$150\sqrt{3}$ N

60

(5)

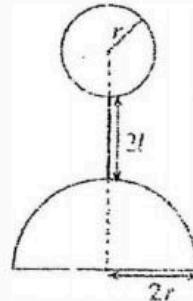
ලැයිස්

www.alevelapi.com

29

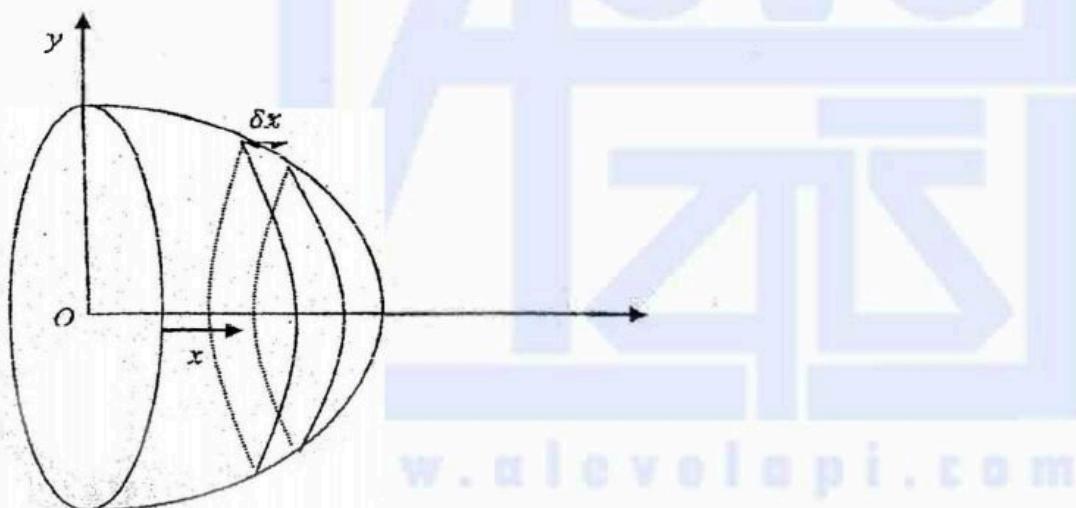
16. අරය යුතු රේකාවාර සහ අර්ථ ගෝලයක ජ්‍යෙෂ්ඨ සේනැන්දය, එහි ප්‍රමාණීය අජ්‍යාය මින, ආධාරණයේ තොට්ස්යේ සිල $\frac{3\pi}{8}$ දුරකින් පිහිටා බව පෙන්වනා.

එකම් රේකාවාර දුම්පාඩකින් යැදි සහ අර්ථ ගෝලයක හා සහ ගෝලයේ, දිග 2l යා දෙකාන්දය යි රේකාවාර දැනුවින අදහස් පිවිසේ. රුපයේ දැක්වෙන ආභාරයට දැක්වා ගෝලය සම්මිශ්ච අභ්‍යාය, දැන්ද හා ගෝලය සේනැන්දය එහෙත් පරළ ගෝලාවිය මින පිහිටා පරිදි දඩි උග්‍ර නැව සිහිමින්, පැදුංචින වියුතුවින් භාඳ ඇත. ගෝලයේ අරය r_d , දැන්දයේ r ද එහා අභ්‍යාය, අර්ථ ගෝලයේ අරය $2r$ නේ. ගෝලාන් විසැක්කාලී ජ්‍යෙෂ්ඨ සේනැන්දය, අර්ථ ගෝලාවේ ආධාරණයේ සේනැන්දයේ සිල $\frac{1}{6}(8r + 3l)$ දුරකින් පිහිටා බව පෙන්වනා.

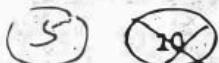


එම සැපුජ්ජ වියුතුව හිරිහර තිබුණුයයින් ආනන ද්වීල පාලයක එක, අර්ථ ගෝලයේ ආධාරණය තාලාය ජ්‍යෙෂ්ඨ කරීමින් පැනි ඇත. මියුමා යාම වැළැක්වීමේ ප්‍රමාණවන් පැවැත් බැඳු රාඛනය දැන්මින්, $\tan \theta < \frac{12r}{8r + 3l}$ නම් සැපුජ්ජ විසැක්කාලී නොපෙනුවනු සිල පෙන්වනා.

$\theta = \frac{4r}{3}$ හා $\theta = \frac{\pi}{6}$ නම්, සැපුජ්ජ විසැක්කාලී නොපෙනුවනු සිල පෙන්වා සැපුජ්ජ විසැක්කාලී ප්‍රමාණයේ ප්‍රමාණයේ සිල පෙන්වනා.



යමත්නියෙන් අරධගෝලයේ සකන්දය සේනැන්දය සම්මින් අක්ෂය මත පිහිටි.



○ සිට x දුරින් මූලික සහකමකින් සුත් අංශුමාලීය පාවිය සලකමු.

○ සිට සකන්ද සේනැන්දයට දුර X යැයි යනිමු.

දුර්ජයේ සනානවය ට යැයි ගනීමු.

δx සනාකමීන් පූංස් අංශ මාලීය නැවේයේ ස්කන්ධය $\approx \pi(a^2 - x^2) \delta x p$.

$$\bar{X} = \frac{\int_0^a \pi(a^2 - x^2)x p dx}{\int_0^a \pi(a^2 - x^2)p dx}$$

10

$$= \frac{\left[\frac{a^2}{2}x^2 - \frac{x^4}{4} \right]_0^a}{\frac{2}{3}a^3}$$

05

නැංවුමෙන්
10

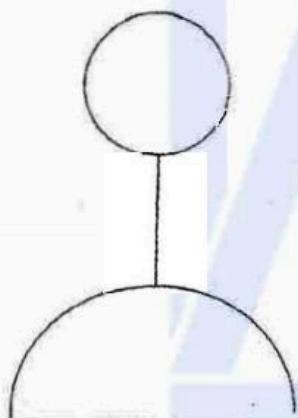
$$= \frac{3}{8}a$$

10 ~

5

5 නෑ ප්‍රතිච්‍රිත
p g නැංවුමෙන්

40



සම්මිතයන්, සංපූර්ණ වයෝගුවෙහි ස්කන්ධය හේත්දුය සම්මිතික අක්ෂය මත පිළිවයි.

05

31

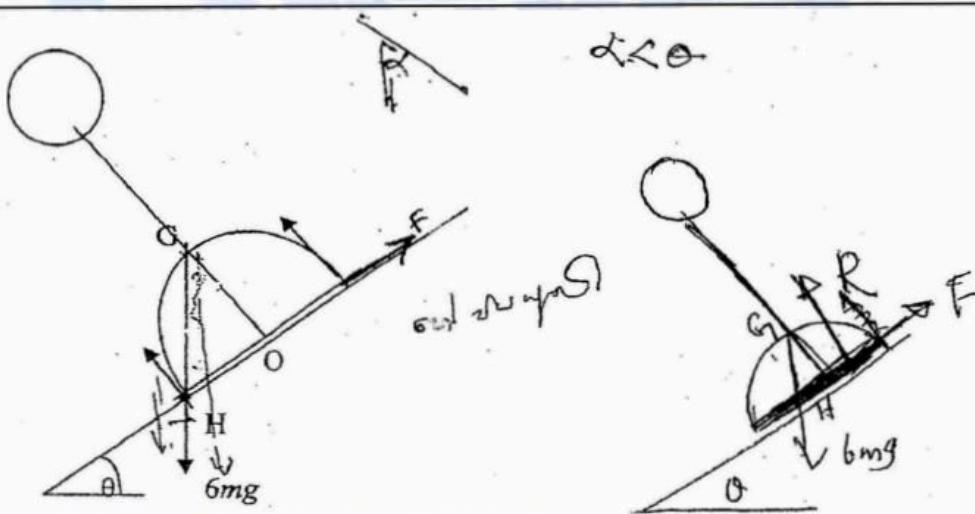
විස්තුව	යොක්ත්වය	කේන්ත්දයට O සිට දුර
	$m = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho$ 05	$3r + 2l$ 05
	$\frac{2}{3}\pi(2r)^3 \rho = \frac{2}{3}\pi 8r^3 \rho = 4m$ 05	$\frac{3}{8}(2r) = \frac{3r}{4}$ 05
	m 05	$2r + l$ 05
	$6m$ 05	\bar{Y}
		

$$6m\bar{Y} = m(3r + 2l) + 4m\left(\frac{3r}{4}\right) + m(2r + l) \quad 10$$

$$6\bar{Y} = 8r + 3l \quad 5$$

$$\bar{Y} = \frac{1}{6}(8r + 3l)$$

55



$$OG = \frac{1}{6}(8r + 3l)$$

$OH < 2r$ නම් සංයුත්ක විස්තුව නොපෙරෙලයි. 10

i.e. $OG \tan \theta < 2r$ 5

$$\tan \theta < \frac{2r \times 6}{8r + 3l} = \frac{12r}{8r + 3l} \quad 5$$

20

32

$$l = \frac{4r}{3}, \theta = \frac{\pi}{6}$$

$$\tan \theta = \tan \frac{\pi}{6} = \frac{1}{\sqrt{3}} \quad (5)$$

$$\frac{12r}{8r+3l} = \frac{12r}{8r+3 \cdot \frac{4r}{3}} = \frac{12r}{12r} = 1 \quad (5)$$

$$\tan \theta = \tan \frac{\pi}{6} = \frac{1}{\sqrt{3}} < 1 \quad (5)$$

$$\tan \theta < \frac{12r}{8r+3l}$$

∴ මායුක්හ වයෝග තොපොරමලයි.

(5)

20



විශේෂනයෙන්,

$$R - 6mg \cos 30 = 0 \quad (10)$$

$$\therefore R = 3\sqrt{3} mg \quad (5)$$

~~සෑම ප්‍රතිඵල ප්‍රතිඵල ප්‍රතිඵල~~

15

www.alevelapi.com

10

$$\text{සටහන } P(S) = \frac{50}{100}, P(M) = \frac{30}{100}, P(N) = \frac{20}{100}, P(X) = \frac{48}{100}$$

$$5 \quad P(X|S) = 0.60, P(X|M) = 0.30 \quad 5$$

(i) මුළු සම්පූර්ණ ප්‍රමාදයන්,

$$P(X) = P(S)P(X|S) + P(M)P(X|M) + P(N)P(X|N) \quad 10$$

$$\frac{48}{100} = \frac{50}{100} \times 0.6 + \frac{30}{100} \times P(X|M) + \frac{20}{100} \times 0.3 \quad 5$$

$$P(X|M) = \frac{48 - 30 - 6}{30} = \frac{12}{30} = \frac{2}{5} \quad 10$$

$$(ii) \text{ ගෙවී ප්‍රමාදයන්, } P(S|X) = \frac{P(S)P(X|S)}{P(X)} = \frac{50 \times 0.6}{48} = \frac{30}{48} = \frac{5}{8}$$

12 අංකුතික සංඛ්‍යා ප්‍රශ්න ප්‍රශ්න ප්‍රශ්න

75

b) පළමු වනුරනකය = $\frac{50}{4}$ වන නිරික්ෂණයේ අගය = 12.5 වන නිරික්ෂණයේ අගය

\therefore පළමු වනුරනකය පිශින් පන්තිප්‍රාන්තරය (0.82 - 0.83) 10

$$\therefore \text{ පළමු වනුරනකය } = 0.82 + \frac{(12.5 - 4)}{9} \times 0.01 \quad 10$$

$$= 0.82 + 0.009$$

$$= 0.829 \quad 5$$

25

බෝල 50 හි විෂකම්පයන්හි මධ්‍යනායය = 0.835

බෝල 100 හි විෂකම්පයන්හි මධ්‍යනායය = 0.835.

10

\therefore බෝල 100 හි විෂකම්පයන්හි මධ්‍යනායය = 0.835

10

35

බෝල 50 හි විෂ්කම්ජයන්හි විවලකාව, $S_1^2 = 0.01^2 = 0.0001$

බෝල 100 හි විෂ්කම්ජයන්හි විවලකාව, $S_2^2 = 0.015^2 = 0.000225$

බෝල 150 හි විෂ්කම්ජයන්හි සංපුර්ක්ත කුලකගේ විවලකාව:

$$S^2 = \frac{n_1 S_1^2 + n_2 S_2^2}{n_1 + n_2} \quad 10$$

$$= \frac{50 \times 0.0001 + 100 \times 0.000225}{150}$$

$$= \frac{0.0050 + 0.0225}{150}$$

5

$$= 0.00018$$

15

යුගු බෝල 100 හි විෂ්කම්ජයන්හි නිවුරදී අගය යැයි ගනිමු.

පරිච්‍ය $y = x + 0.015$; මෙහි x මූල් අගයන් චේ.

5

(5) $\bar{y} = \bar{x} + 0.015$ හා සන්සා යම්මත අපගමනය = මූල් යම්මත අපගමනය

5

: සන්සා මධ්‍යස්ථානය $= 0.835 + 0.015 = 0.85$ හා සන්සා යම්මත අපගමනය = 0.015

5

5

25