



"නැණ සයුර" අධ්‍යාපනික වැඩසටහන - 2023

සරසවි පිවිසුම් ඇත්වැල

උතුරුමැද පළාත් අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තුව



13 ශ්‍රේණිය

සංයුක්ත ගණිතය - II පත්‍රය

කාලය : පැය 03 මිනිත්තු 10

නම :

උපදෙස් :

- මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ.
- A කොටස (ප්‍රශ්න 1-10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11-17)

- A කොටස

සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා එබේ පිළිතුරු සපයා ඇති ඉවහර ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම් එබව අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකිය.

- B කොටස

ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජන සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණිතය I		
කොටස	ප්‍රශ්න අංක	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	

I පත්‍රය	
II පත්‍රය	
එකතුව	
අවසාන ලකුණු	

අවසාන ලකුණු

ඉලක්කයෙන්	
අකුරින්	

23' AL API (PAPERS GROUP.)

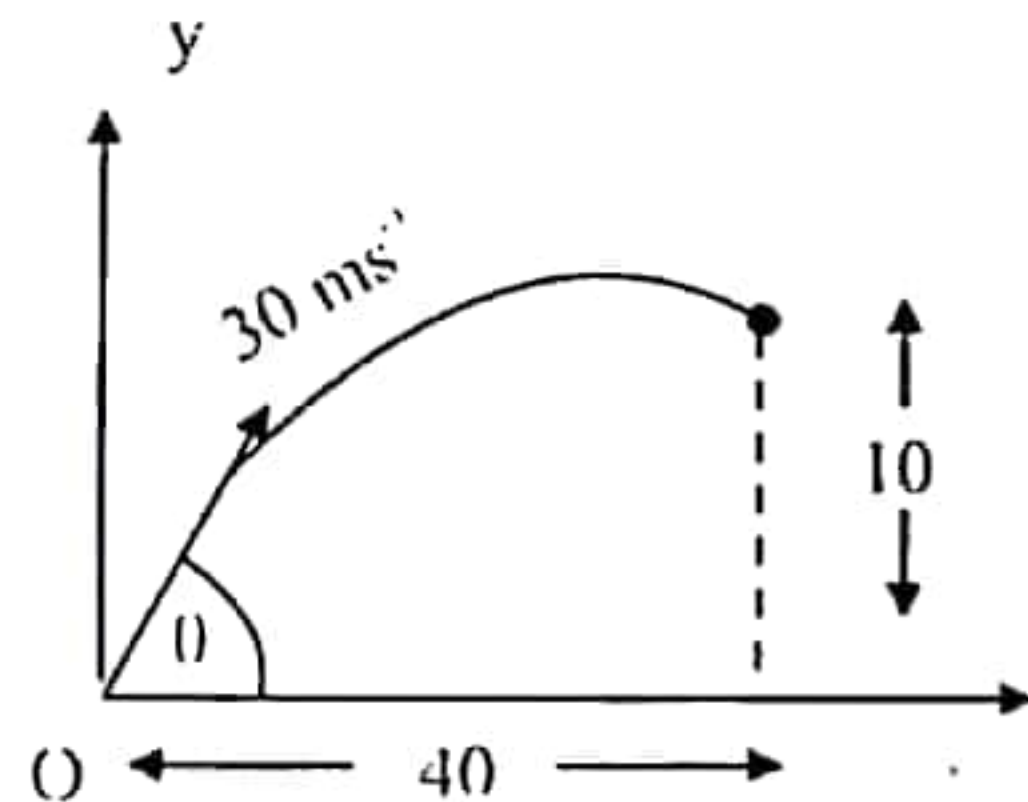
A කොටස

❖ සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න.

01. ස්කන්ධ $2m$ හා $3m$ සමාන සුමට ගෝල දෙකක් නිරන්තර වේගයක් මත $7u$ හා $3u$ ප්‍රවේග වලින් ප්‍රතිවිරුද්ධ දිශාවලට චලිත වේ. ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය e නම් ගැටුම නිසා ඇතිවන ආවේගය $12mu(1+e)$ බව පෙන්වන්න.

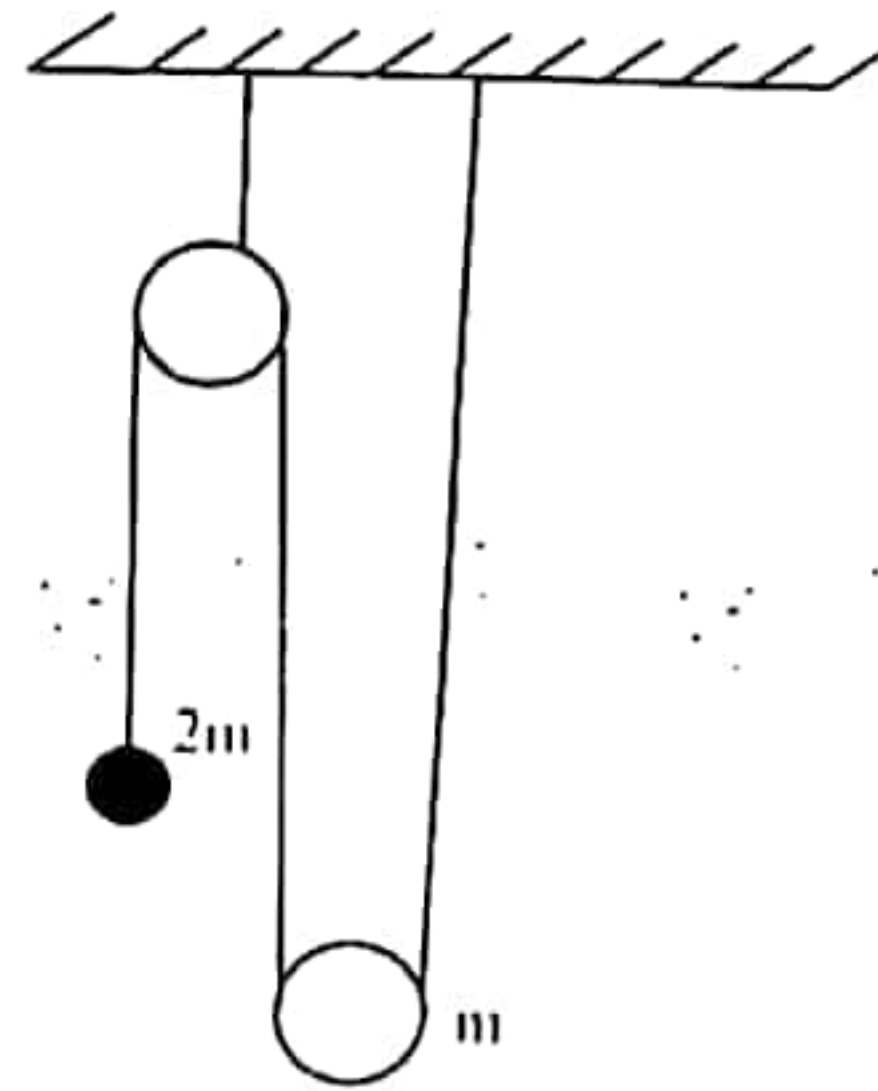
23' AL API (PAPERS GROUP)

02. නිරන්තර වේගයක් මත වූ O ලක්ෂ්‍යයක සිට නිරන්තර θ ($0 < \theta < \pi/2$) කෝණයකින් 30ms^{-1} ආරම්භක වේගයෙන් අංශුවක් ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. මෙම අංශුව රූපයේ දක්වෙන පරිදි, O සිට 40m නිරන්තර දුරකින් පිහිටි C ස 10m වූ ලක්ෂ්‍යයක් පසු කරයි.



ලෙව ලක්ෂ්‍යය හරහා යා හැකි ප්‍රක්ෂේපණ කෝණ දෙකක් ඇති බව පෙන්වා එම කෝණ දෙක α හා β නම් $\tan \alpha + \beta = -4$ බව පෙන්වන්න.

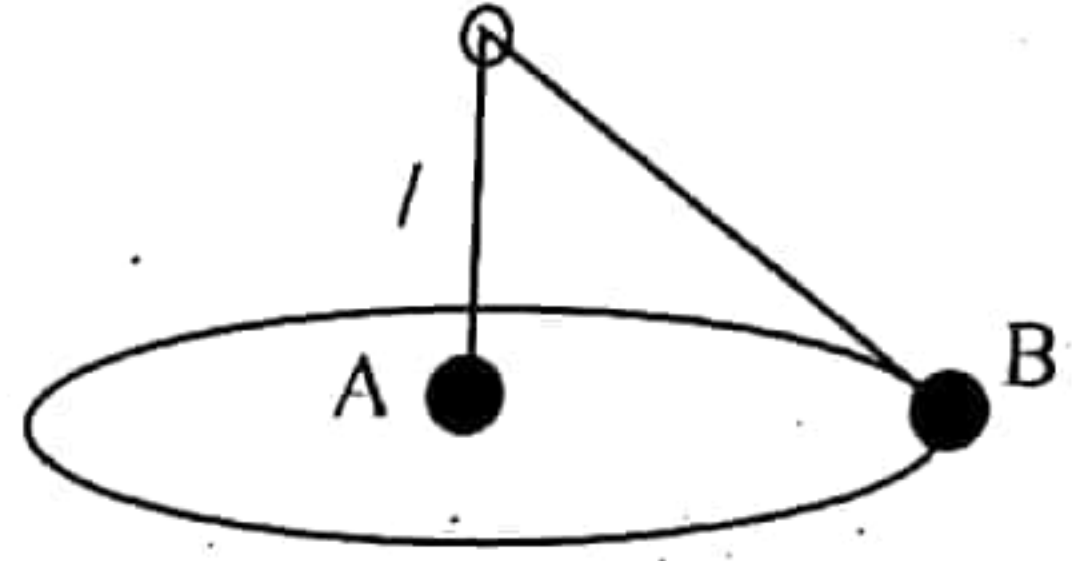
03. සුමට අවල කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිනාශ තන්තුවක එක කෙළවරක් ස්කන්ධය $2m$ වූ අංශුවක් දරා සිටී. තන්තුව m ස්කන්ධයක් දරා සිටින සැහැල්ලු කප්පියක් යටින් ගොස් ඊතනක් කෙළවර සිවිලිමකට සවිකර ඇත. පද්ධතිය ගුරුත්වය යටතේ නිදහසේ චලිතවන විට හන්තුවේ ආතතිය නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණය ලියන්න.



23' AL API (PAPERS GROUP)

04. ස්කන්ධය ටොන් 400 ක් වූ දුම්රියක්, ස්කන්ධය ටොන් 100 ක් වූ එන්ජිමක් මගින් ඇඳගෙන යයි. එන්ජිමේ පලිතයට ප්‍රතිරෝධය 1KN වන අතර දුම්රියේ පලිතයට ප්‍රතිරෝධය 20KN වේ. එන්ජිමේ ජවය 4000kW වේ. දුම්රියේ වේගය 80 kmh^{-1} වන විට එන්ජිම හා දුම්රිය සම්බන්ධ කර ඇති සම්බන්ධනයේ ආතතිය සොයන්න.

05. දිග $3l$ වූ සැතැල්ලු අප්‍රත්‍යස්ථ තන්තුවක් කුඩා සුළං මුද්‍රාවක් තුළින් යන අතර තන්තුවේ දෙකෙළවරට අංශු දෙකක් සම්බන්ධ කර ඇත. ස්කන්ධය m වූ A අංශුව මුද්‍රාව l දුරක් පහළින් නිශ්චලතාවයේ පවතින අතර අනෙක් කෙළවරට සම්බන්ධ කර ඇති ස්කන්ධය M වූ

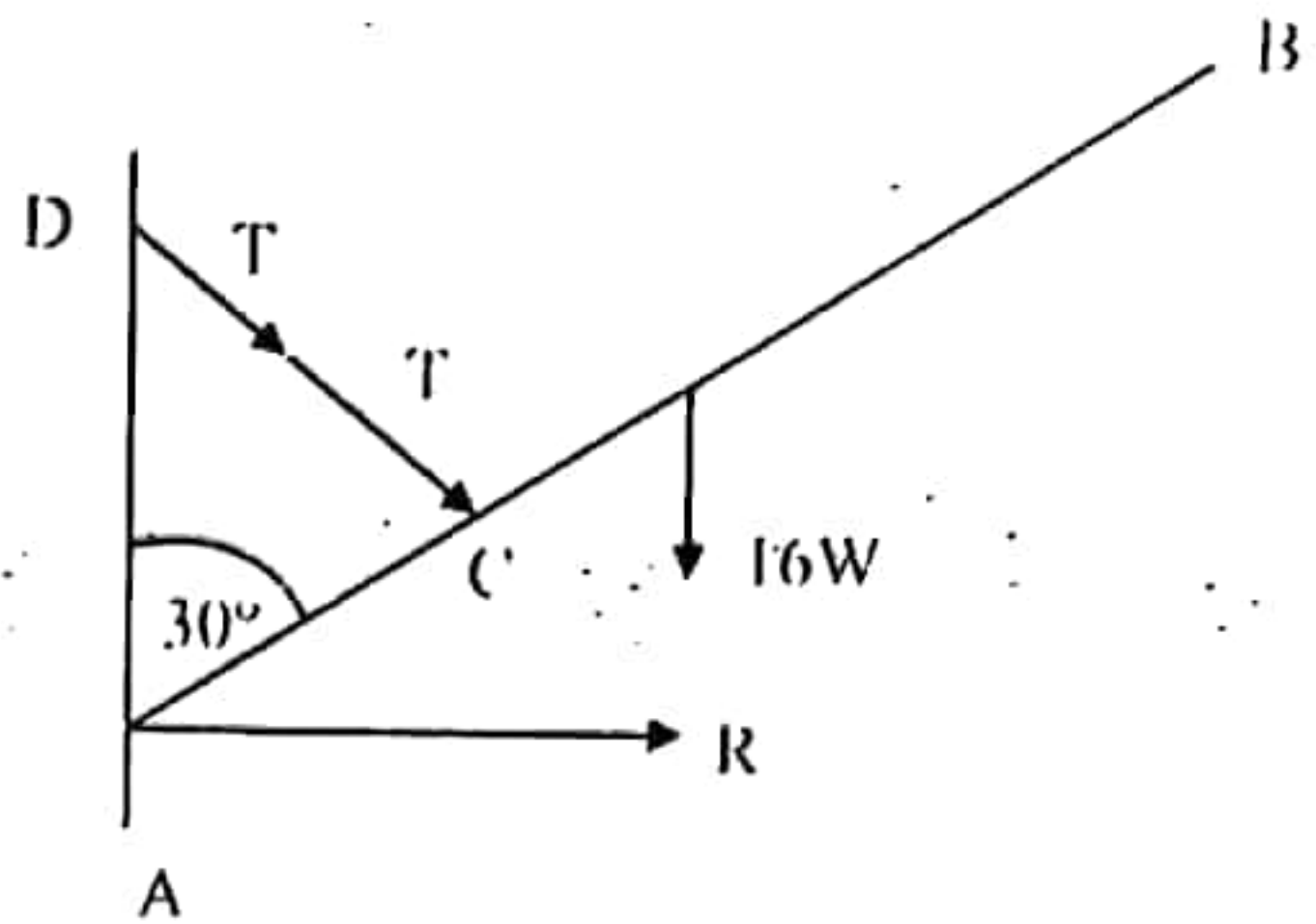


B අංශුව A කේන්ද්‍රය වූ තිරස් වෘත්තයක චලිත වේ. B හි කෝණික ප්‍රවේගය සොයන්න. m හි අගය M ඇසුරෙන් සොයන්න.

23' AL API (PAPERS GROUP)

06. $\underline{a} = 2\underline{i} + p\underline{j}$ සහ $\underline{b} = 2\underline{i} - 5\underline{j}$ දෙදිගු එකිනෙකට ලම්බ වේ. නම් p නියතයේ අගය සොයන්න. p හි මෙම අගය සඳහා $\underline{b} - \underline{a}$ සොයා $\underline{a}$ සහ $\underline{b} - \underline{a}$ දෙදිගු අතර කෝණය නිර්ණය කරන්න.

07. දිග $12a$ සහ බර $16W$ වන ඒකාකාර AB දණ්ඩක A කෙළවර සුමට පිරස් බිත්තියක ගැටෙමින් සහ දණ්ඩ පිරස් තලයක සමතුලිතව ඇත්තේ දණ්ඩ පිහිටි C ලක්ෂ්‍යයකට සහ A ට පිරස් ලෙස $\sqrt{3}a$ ඉහළින් පිහිටි D ලක්ෂ්‍යයකට සම්බන්ධ කළ සැහැල්ලු අවිභන්‍ය තන්තුවක් මගිනි. $DAB = 30^\circ$ සහ A හිදී බිත්තිය මගින් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව $16\sqrt{3}W$ බව දී ඇත. තන්තුවේ ආතති සොයා $AC = \frac{3}{2}a$ බව පෙන්වන්න.



23' AL API (PAPERS GROUP)

08. බර w වූ අංශුවක් තිරසර α කෝණයක් ආනත රළු තලයක් මත තබා ඇත. මෙහි $\mu (< \tan \alpha)$ යනු අංශුව හා තලය අතර සර්ප්ෂණ සංගුණකයයි. අංශුව සමතුලිතතාවයේ රඳවා ඇත්තේ නියමිත අංශුවට යෙදූ P බලයක් මගිනි.

$$\frac{w(\sin \theta - \mu \cos \theta)}{\mu \cos \theta + \sin \theta} \leq p \leq \frac{w(\mu \cos \theta + \sin \theta)}{\cos \theta + \mu \sin \theta} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

09. A හා B යනු 5 නියැදි අවකාශයක, $P(A) = P(> 0)$ $P(B/A) = \frac{1}{4}$ හා $P(A \cup B) = \frac{5P}{4}$ වන පරිදි ප්‍රසිද්ධ දෙකකි. $P(A \cap B)$ හා $P(B)$, P ඇසුරෙන් සොයන්න.

A හා B ස්වායත්ත ප්‍රසිද්ධ දෙකක් නම් $P = \frac{1}{2}$ බව පෙන්වන්න.

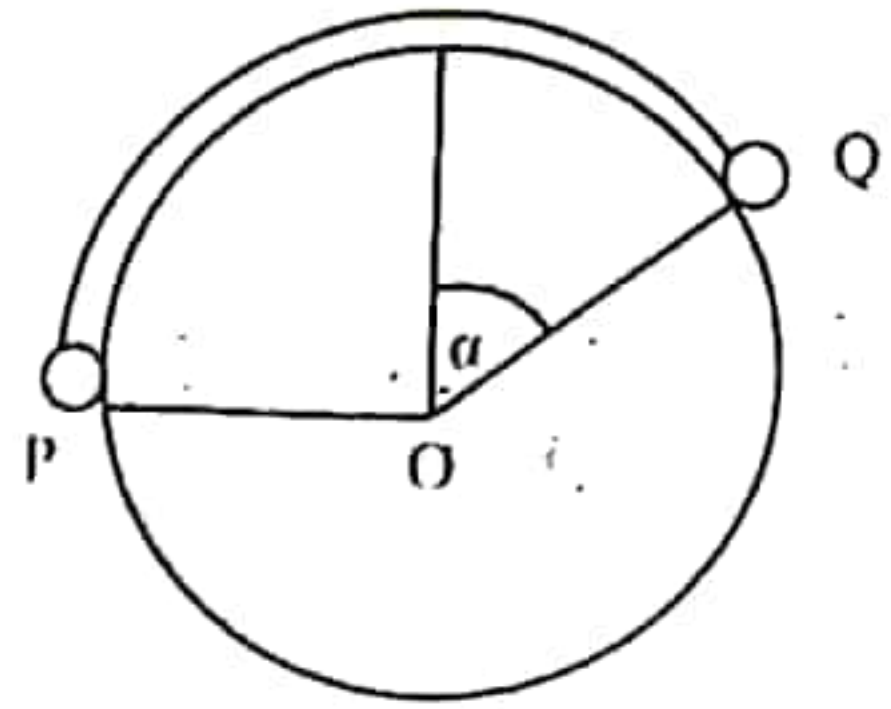
23' AL API (PAPERS GROUP)

10. නිරීක්ෂණ දායක මධ්‍යන්‍යය හා විචලනය පිළිවෙලින් 3.2 හා 0.45 වේ. එක්තරා නිරීක්ෂණයක් ඉවත් කළ විට ඉතිරි නිරීක්ෂණ නවයේ මධ්‍යන්‍යය 3.0 වේ. ඉවත් කරන ලද නිරීක්ෂණයේ අගය සොයන්න.

තවද ඉතිරි නිරීක්ෂණ නවයේ විචලනය ගණනය කරන්න.

කිරීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලබාගන්න.

- b) අරය a වූ සිලින්ඩරයක් එහි අක්ෂය තිරස්ව සවිකර ඇති අතර එහි අක්ෂයට ලම්බක සිරස් හරස්කඩක් යාබද රූපයේ දක්වේ. සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවකින් යාකල ස්කන්ධ පිළිවෙළින් m හා $3m$ වූ P හා Q අංශු දෙකක් තන්තුව තදව ද OP තිරස්වද OQ උඩු අත් සිරස් සමග α කෝණයක් සාදන පරිදි ද $(\sin \alpha > 1/3)$ ඇතිව රූපයේ පෙන්වා ඇති පිහිටුමෙහි අල්වා තබා තිශ්වලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.

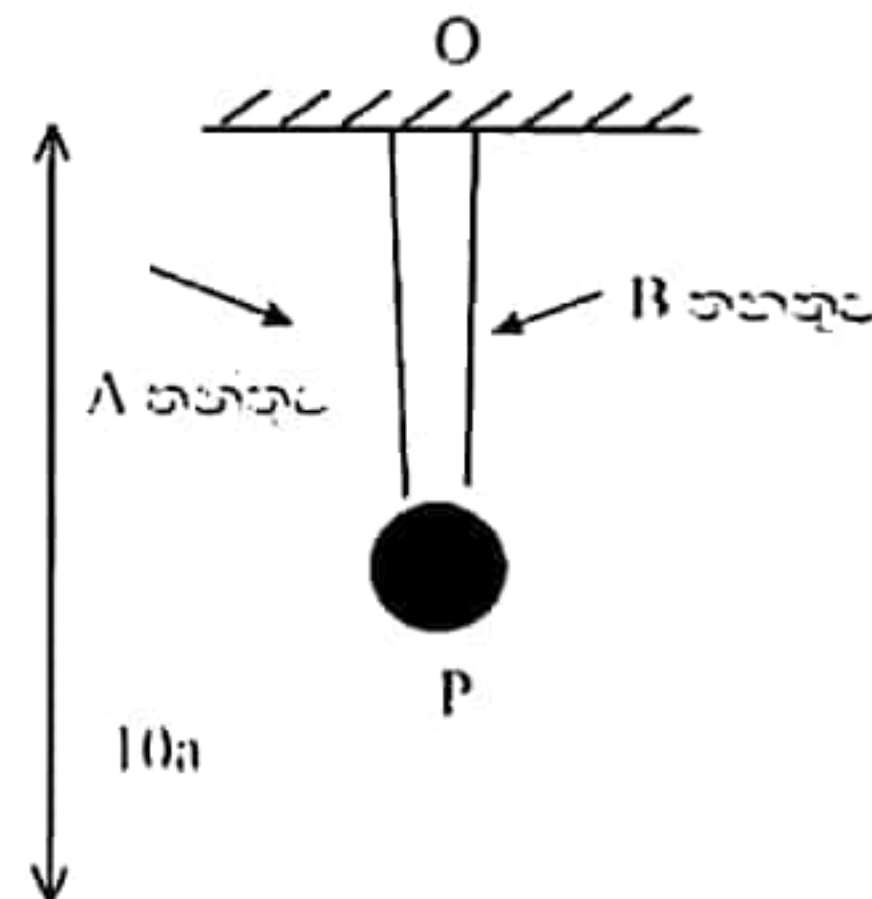


P හා Q අංශු සිලින්ඩරයේ පෘෂ්ඨය දිගේ දක්ෂිණාවර්තව චලනය වේ. OQ යන්න ආරම්භක පිහිටුමෙහි සිට β කෝණයකින් හැරුණු විට Q අංශුවේ වේගය V යන්න

$$V^2 = \frac{ga}{2} (3 \cos \alpha - \sin \beta - 3 \cos (\alpha + \beta)) \quad \text{බව පෙන්වන්න. එම මොහොතේදී } Q \text{ අංශුව}$$

පෘෂ්ඨය හැරයයි නම්, $(5 \sin \alpha - 1) \sin \beta = (5 \cos \beta - 3) \cos \alpha$ බව පෙන්වන්න.

13. ස්වභාවික දිග $4a$ බැගින් වූ A හා B ප්‍රත්‍යස්ථ තන්තු දෙකක් ඒවායේ එක් කෙළවරක් බැගින් ස්කන්ධය $2m$ වූ P අංශුවකට ද ඉතිරි කෙළවරවල් දෙක සුමට තිරස් ගෙඩිකට $10a$ දුරක් ඉහළින් වූ O අවල ලක්ෂ්‍යකට ද, ඇඟෑ ඇත. (රූපයේ පරිදි) A හා B තන්තුවල ප්‍රත්‍යස්ථතා මාපාංක පිළිවෙළින් $3mg$ හා λmg වේ. P අංශුව O ට පහළින් O හි සිට $5a$ දුරකින් පිහිටි ලක්ෂ්‍යයකදී සමතුලිතතාවයේ එල්ලෙයි. A හා B තන්තුවල ආතති පිළිවෙළින් T_1 හා T_2 වේ. $\lambda = 5$ බව පෙන්වන්න. දැන් ස්කන්ධය $4m$ සහිත වෙනත් Q අංශුවක් O ට සිරස්ව පහළින් $\frac{3a}{2}$ දුරින් වූ ලක්ෂ්‍යයක සිට $\sqrt{2ag}$ ප්‍රවේගයකින් P අංශුව දෙසට අතහරිනු ලැබේ. Q අංශුව P හා ගැටී නාථි R සංයුක්ත අංශුවක් සාදයි. R වලින විෂ්ට පටන්ගන්නා ප්‍රවේගය සොයන්න.



තන්තුව නොබැරුල්ව ඇතිව පසුව සිදුවන චලිතයේදී සංයුක්ත අංශුවට O සිට දුරවන x යන්න $\ddot{x} + \frac{\mu}{3a}(x - 7a) = 0$ සමීකරණය තෘප්ත කරන බව පෙන්වන්න. $X = x - 7a$ ලෙස ලියමින් $\ddot{X} + w^2 X = 0$ බව පෙන්වන්න. මෙහි $w = \sqrt{\frac{g}{3a}}$ වේ.

ඉහත සරල අනුවර්තී චලිතයේ කේන්ද්‍රය ද, $\dot{X}^2 = w^2(A^2 - X^2)$ සූත්‍රය භාවිතයෙන් A විස්තාරයද සොයන්න.

P හා Q හැදූ මොහොතේ සිට O ලක්ෂ්‍යයට $10a$ දුරක් පහළින් වූ තිරස් ගෙඩිකට ගැටීමට R සංයුක්ත අංශුව තත්ත්වය තෘප්ත $\sqrt{\frac{3a}{a}} \left\{ \frac{25}{3} - \cos^{-1} \left(\frac{3}{4} \right) \right\}$ බව පෙන්වන්න.

R , බිම් ගැටුණු පසු කිසිදු ආවේගයකින් තොරව H තත්ත්ව කැපෙන බව දී ඇත. එම නිසා R අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණක $\sqrt{\frac{3}{7}}$ නම්, ගැටුමෙන් පසු R අංශුව චලිතය ආරම්භ කරන ප්‍රවේගය $\sqrt{ug}$ වෙ පෙන්වන්න.

පසුව සිදුවන චලිතයේදී $OR = y$ නම් y යන්න $\ddot{y} + \frac{g}{8a}(y - 12a) = 0$ යන සමීකරණය තෘප්ත කරන බව පෙන්වන්න. මෙම සරල අනුවර්ති චලිතයේ දෝලන කේන්ද්‍රය හා විස්තාරය සොයන්න.

14. a) $OACB$ සමාන්තරාස්‍රයේ, D යනු $OD:DA = 2:1$ වන පරිදි වූ OA මත පිහිටි ලක්ෂ්‍යයකි. OB හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය E වන අතර CE හා BD රේඛා F හිදී ඡේදනය වේ.

$\overrightarrow{OA} = \underline{a}$ හා $\overrightarrow{OB} = \underline{b}$ නම් $\overrightarrow{BD}$ හා $\overrightarrow{CE}$ සොයන්න.

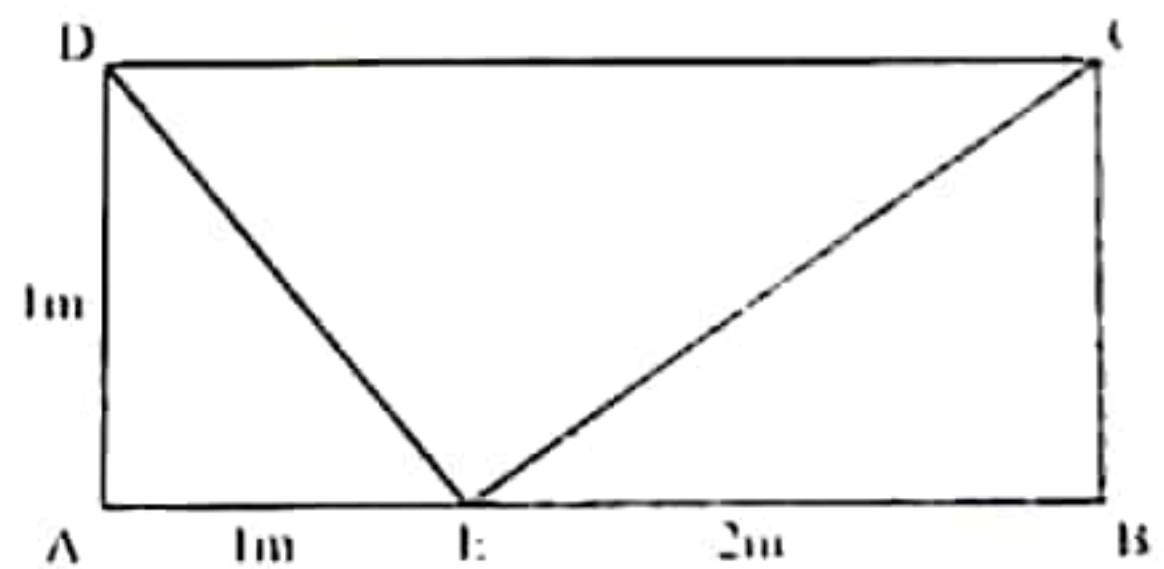
$\overrightarrow{FE} = \lambda \overrightarrow{CE}$ හා $\overrightarrow{BF} = \mu \overrightarrow{BD}$ බව දී ඇත. λ හා μ හි අගය සොයන්න.

$\overrightarrow{BD}$ හා $\overrightarrow{CE}$ ලම්බක වේ නම්, $4|\underline{a}|^2 - 4(\underline{a} \cdot \underline{b}) - 3|\underline{b}|^2 = 0$ බව පෙන්වන්න. පෙන්වන්න.

i. $OACB$ රෝමබසයක් නම්, $\underline{a}$ සහ $\underline{b}$ අතර කෝණය සොයන්න.

ii. $OACB$ සෘජුකෝණාස්‍රයක් නම් $|\underline{a}| = \frac{\sqrt{3}}{2}|\underline{b}|$ බව පෙන්වන්න.

- b) $ABCD$ සෘජුකෝණාස්‍රයේ $AB = 3m$ සහ $AD = 1m$ වේ. E යනු $AE = 1m$ වන පරිදි AB මත පිහිටි ලක්ෂ්‍යයකි. විශාලත්වය $10N, 14N, PN, QN, 7\sqrt{2}N$ සහ $3\sqrt{5}N$ වූ බල පිළිවෙලින් BA, CB, DC, AD, ED සහ



EC දිශේ අක්ෂර අනුපිළිවෙලින් දක්වෙන දිශාවලට ක්‍රියා කරයි. සුදුසු ලක්ෂ්‍යයක් සහ දෘඪාංශ ගැනීමෙන් හෝ අන් ක්‍රමයකින් පද්ධතිය නිසිවිටකත් සමතුලිතතාවයේ නොවැඩිනා බව පෙන්වන්න.

i. පද්ධතිය බල පුළුල්කරණය වන්නේ

$P = 11$ හා $Q = 4$ බව පෙන්වා පුළුල්කරණය හා දිශාව සොයන්න.

ii. $P = 7$ හා $Q = 8$ නම් සම්ප්‍රයුක්ත බලය සොයා එය ED ට සමාන්තර E සිට D දක්වා වූ දිශාවට වන බව පෙන්වන්න. සම්ප්‍රයුක්තය, දික්කරන ලද CD වෙතද ඡේදනය කරන ලක්ෂ්‍යය සොයන්න.

දත් පද්ධතියට MNm වූ පුළුල්කරණය එකතු කරනු ලැබේ. එවිට පද්ධතියේ සම්ප්‍රයුක්තය C ලක්ෂ්‍යය හරහා යයි. M හි විශාලත්වය සහ දිශාව සොයන්න.

15. a) එක එකක දිග a හා බර w වූ ඒකාකාර දඬු හයක් සුළුපළ සන්ධිතව $ABCDEF$ සවිධි සොයා ගන්න. දඬු AB ලක්ෂ්‍යයෙන් සිට ප්‍රතිරෝධීය බලයක් යොමු කරන බව පෙන්වන්න.

ගන්නේ BF හා CE යා කරන සැහැල්ලු දඬු

දෙකක් මගිනි. පද්ධතිය සමතුලිතතාව පවතිනම්, BF හා CE දඬුවල තෙරපුම් පිළිවෙලින් $5\frac{\sqrt{3}}{2}W$ හා $\frac{\sqrt{3}}{2}W$ බව පෙන්වන්න.

- h) රූපයේ දක්වෙන AD, DC, CA, BC, AB සැහැල්ලු දඬු පහකින් සමන්විත රාමු සැකිල්ල ඒවායේ ගත්තවලදී සුමටව සන්ධි කර ගැන.

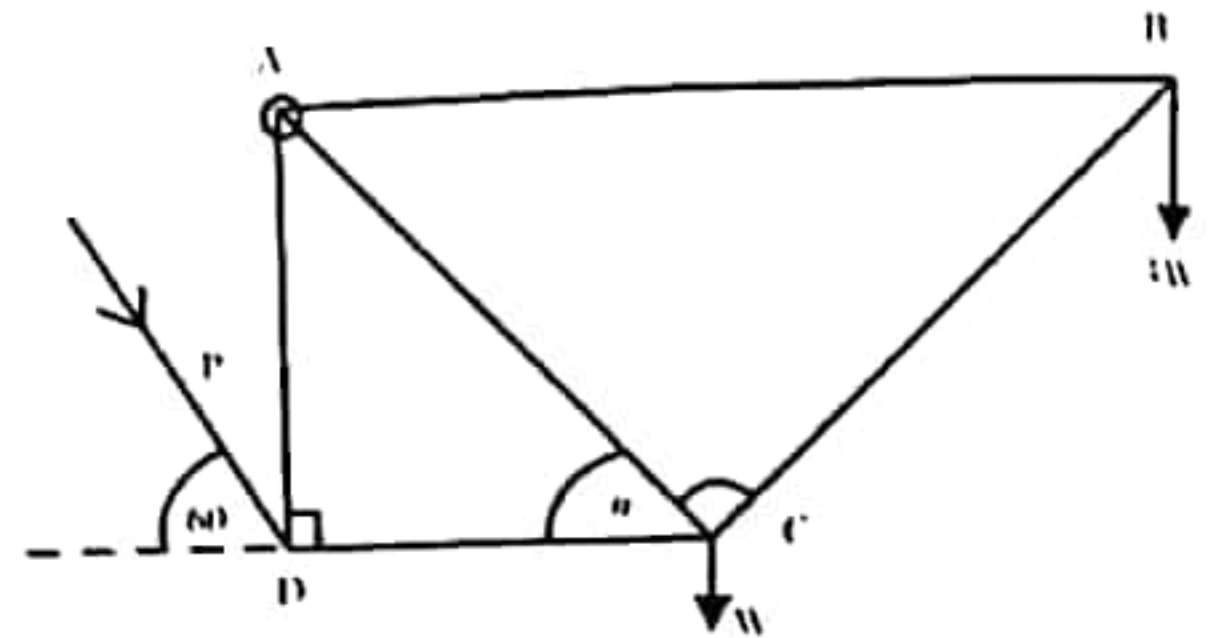
$\angle C'D = \alpha, \angle AC'B = \angle ADC = 90^\circ$ බව දී ගැන.

B හා C සන්ධි එක් එකක පිළිවෙලින් $3W$ හා W භාරය බැගින් එල්ලා රාමු සැකිල්ල A හිදී අවුල ලක්ෂයකට සුමටව අසව් කර. DC තිරස්ව ඇතිව පිරස් තලයක සමතුලිතතාවයේ තබා

ඇත්තේ D හිදී යෙදූ තිරස්ව 60° ආනත දිශාවට වූ P බලයක් මගිනි. $\tan \alpha = \frac{4}{3}$ වේ.) බෝ අංකනය භාවිතයෙන් D, C, B සන්ධි සඳහා ප්‍රත්‍යාවල සටහනක් අඳින්න.

එනමින් P හි අගය සොයන්න.

තවද දඬුවල ප්‍රත්‍යාවල, ඒවා ආතති ද, තෙරපුම් ද යන්න ප්‍රකාශ කරමින් සොයන්න.

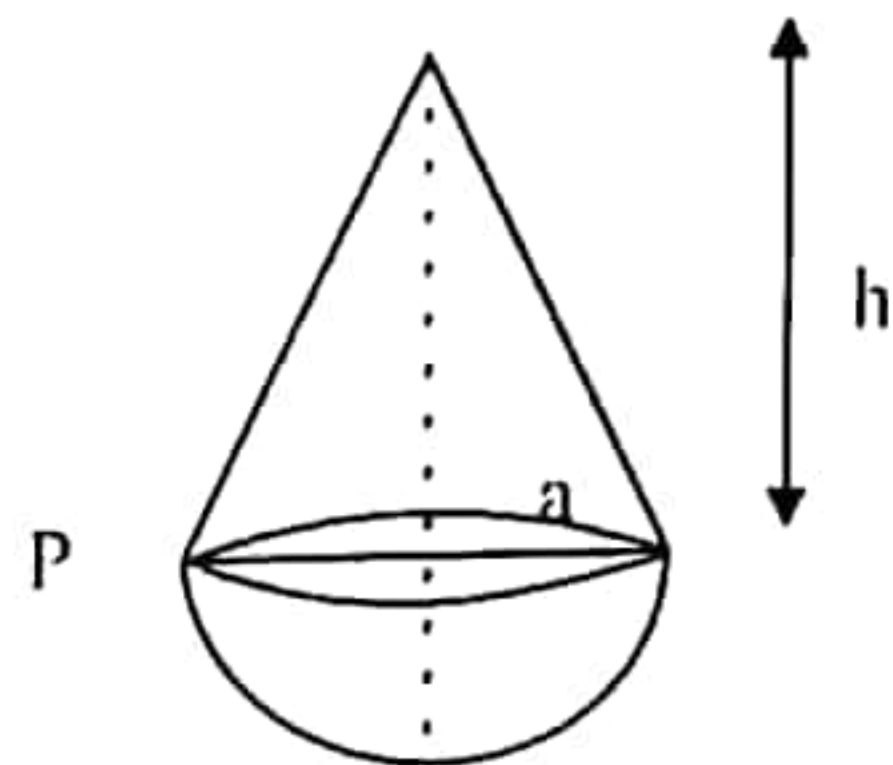


16. ආධාරකයේ අරය a හා උස h වූ සහ කේතුවන සහ අරය a වූ ඒකාකාර සහ අර්ධ ගෝලයක ස්කන්ධ කේන්ද්‍රවල පිහිටුම් අනුපාතය භාවිතයෙන් සොයන්න.

අරය a වූ ඒකාකාර සහ අර්ධ ගෝලයකින් හා ආධාරකයේ අරය a සහ උස h වූ සහ කේතුවකින් සමන්විත වූ සෙල්ලම් බඩුවක් රූපයේ දක්වේ. සහ අර්ධ ගෝලයේ ස්කන්ධය කේතුවේ ස්කන්ධය මෙන් k වාරයක් වේ.

සංයුක්ත වස්තුවේ ස්කන්ධය කේන්ද්‍රය එහි සමමිතික අක්ෂය මත කේතුවේ ගිරිසයේ පිට.

$$\frac{k(3a^2 + 8ah) + 3h^2}{4(2ka + h)} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$



- a) සංයුක්ත වස්තු දාරයේ p ලක්ෂයකින් එල්ලනු ලැබේ. වස්තුව සමතුලිතතාවයේ පවතිනම්, සංයුක්ත වස්තුවේ සමමිතික අක්ෂය යටි අත් සිරස සමඟ සාදන කෝණය α නම්, $\tan \alpha$ හි අගය සොයන්න.

- b) $h = 2a$ නම් සහ සංයුක්ත වස්තුව, සහ අර්ධ ගෝලයේ පාෂෑය පිනැමි ලක්ෂයකින් ස්පර්ශ කරමින් සුමට තිරස් තලයක් මත සමතුලිතව තැබිය හැකි නම් k හි අගය සොයන්න.

බෝල දෙකම කළු පාට නම්, ඒවා පෙට්ටියට නැවත දමනු ලබන අතර, නොඑසේ නම්, එසේ නොකරනු ලැබේ. දන්, බෝල දෙකක් නැවතත් සසම්භාවී ලෙස පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගනු ලැබේ.

- පළමුවරට ඉවතට ගත් බෝල දෙකම කළු පාට ඒවා වීමේ, සම්භාවිතාව සොයන්න.
- පළමුවරට ඉවතට ගත් බෝල දෙකම කළු පාට ඒවා බව දී ඇති විට, දෙවන වරට ඉවතට ගත් බෝල දෙකම කළු පාට ඒවා වීමේ, සම්භාවිතාව සොයන්න.
- දෙවනවරට ඉවත් කළ බෝල දෙකම කළු පාට ඒවා බව දී ඇති විට, පළමුවරට ඉවතට ගත් බෝල දෙකම කළු පාට ඒවා වීමේ, සම්භාවිතාව සොයන්න.

- b) සිසුන් පස් දෙනෙකු පරීක්ෂණයකට මුහුණ දුන්හ. පරීක්ෂණය නිම කිරීමට සිසුන් ගත් කාලයේ සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තිය පහත වගුවෙන් දී ඇත.

කාලය (මිනිත්තු)	සිසුන් ගණන
10-20	7
20-30	12
30-40	20
40-50	7
50-60	4

- ඉහත දත්ත සඳහා පහත එක එකක් නිමාණය කරන්න.
 - මධ්‍යන්‍යය
 - සම්මත අපගමනය
 - මධ්‍යස්ථය
 - මාතය
- හරිතා කිරීමේ දෝෂයක් නිසා, සිසුන් දෙදෙනෙකු ගතකළ කාලය පහත පරිදි වෙනස් කිරීමට සිදුවිය.

මුලින් තිබූ දත්ත	නිවැරදි කළ දත්ත
25	35
41	47

නව කාල ව්‍යාප්තියේ මධ්‍යන්‍යය සොයන්න.

23' AL API (PAPERS GROUP)



23, AL API

PAPERS GROUP

The best group in the telegram

