

වස්තුවක් විද්‍යුත් ධාරිතාවය

ඒල බඳුනකට පුරවාගත හැකි ඒල ප්‍රමාණය ඒල ධාරිතාවය ලෙස හඳුන්වන්නා සේ ම වස්තුවකට ඒකක විභවයක් යටතේ ගබඩා කර ගත හැකි මුළු ආරෝපණ ප්‍රමාණය වස්තුවේ විද්‍යුත් ධාරිතාවය ලෙස හඳුන්වයි.

ධාරිතාවය $\rightarrow$ ඒකක ක විභවයකට ගබඩා කර ගත හැකි ආරෝපණ ප්‍රමාණය

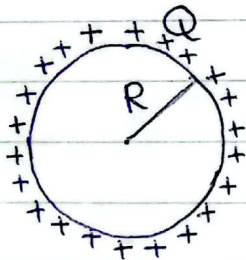
$$C = \frac{Q}{V}$$

$\uparrow$ (කැපෑම්) C
 $\uparrow$ (වෝල්ට්) V
 F(ෆැරඩ්)

$$Q = CV$$

සන්නායක කුහර හෝලයක ධාරිතාවය

අරය R වන සන්නායක කුහර හෝලයකට Q ආරෝපණයක් ලබා දී ඇති අවස්ථාවක් සලකමු.



$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{Q}{R}$$

$$4\pi\epsilon_0 R = \frac{Q}{V}$$

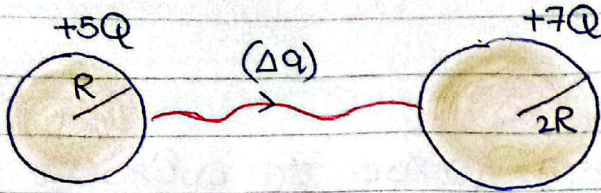
$$\uparrow C = 4\pi\epsilon_0 R \uparrow$$

* මේ අනුව වස්තුවක ධාරිතාවය වස්තුවේ භෞතික ප්‍රමාණය මත රඳා පවතින බව හෙතේ.

ආරෝපිත සන්නායක හෝල 2 ක් එකිනෙකට ස්පර්ශ/සම්බන්ධ කිරීම.

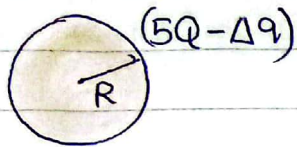
ආරෝපිත සන්නායක හෝල 2 ක් එකිනෙකට ස්පර්ශ කළ විට වැඩි විභවයේ සිට අඩු විභවය දක්වා විභව කමන වන තෙක් ආරෝපණ ගැලීම සිදුවේ.

Q1

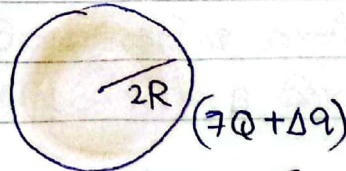


$$V_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{5Q}{R}$$

$$V_2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{7Q}{2R}$$



$$V_3 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{(5Q - \Delta q)}{R}$$



$$V_4 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{(7Q + \Delta q)}{2R}$$

$$V_3 = V_4$$

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{(5Q - \Delta q)}{R} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{(7Q + \Delta q)}{2R}$$

$$2(5Q - \Delta q) = 7Q + \Delta q$$

$$10Q - 7Q = 2\Delta q + \Delta q$$

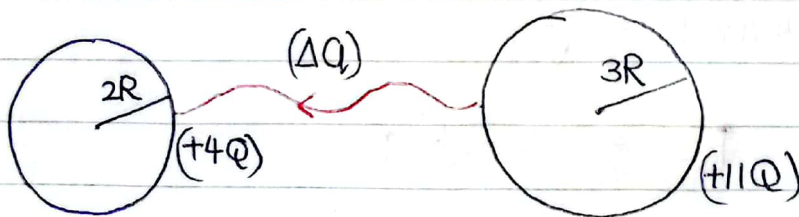
$$3Q = \Delta q$$

$$\Delta q = Q$$

R ගෝලය,
 $5Q - Q = \underline{+4Q}$

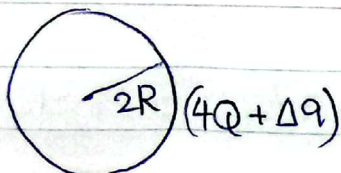
2R ගෝලය,
 $7Q + \Delta q = \underline{+8Q}$

Q2

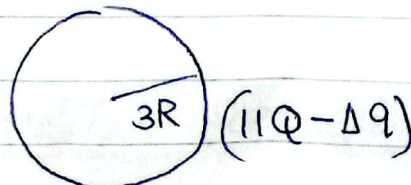


$$V_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{4Q}{2R}$$

$$V_2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{(11Q)}{3R}$$



$$V_3 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{(4Q + \Delta q)}{2R}$$



$$V_4 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{(11Q - \Delta q)}{3R}$$

$$V_3 = V_4$$

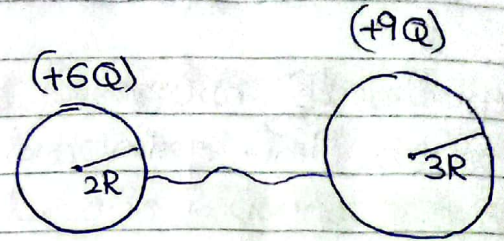
$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(4Q + \Delta Q)}{2R} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(11Q - \Delta Q)}{3R}$$

$$3(4Q + \Delta Q) = 2(11Q - \Delta Q)$$

$$12Q - 22Q = -2\Delta Q - 3\Delta Q$$

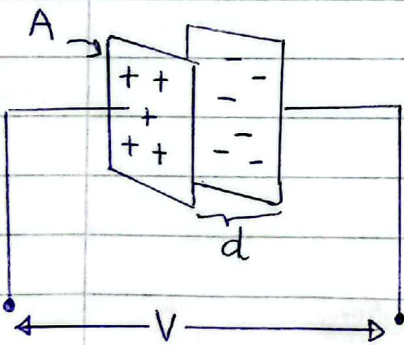
$$-10Q = -5\Delta Q$$

$$\Delta Q = 2Q$$



සමාන්තර තහඩු ධාරිත්‍රක

- * පරිපථවල අවශ්‍ය උපාංග හරහා ප්‍රවහණය වන චෝල්ටීයතාවයන් පවත්වා ගැනීමට ධාරිත්‍රක භාවිත කරනු ලබයි.
- * මේ අතරින් සමාන්තර තහඩු ධාරිත්‍රක බහුලවම භාවිත කෙරේ.
- * සමාන්තර තහඩු ධාරිත්‍රකයක සන්නායක තහඩු 2 ක් අතර සර්වද්‍රව්‍යයක් මධ්‍යයන් යොදා තිබෙනු ඇත.

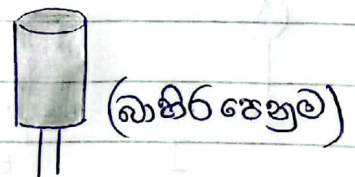
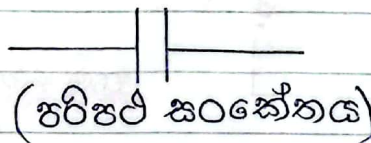


$$\uparrow C = \uparrow \frac{A\epsilon}{d\downarrow}$$

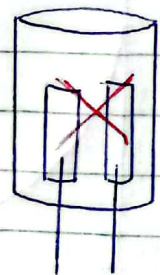
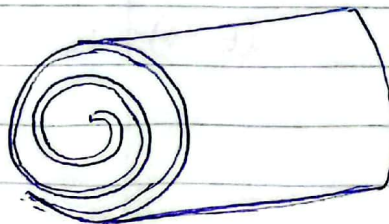
C = ධාරිතාව

A = තෙදුරු වර්ගඵලය

d = තහඩු අතර පරතරය



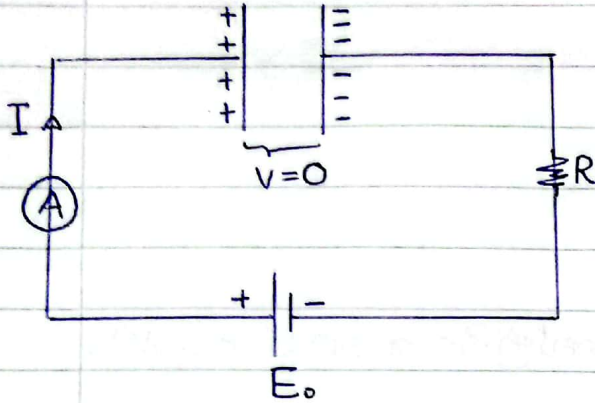
ප්‍රායෝගිකව තිබෙන ඇති ආකාරය



සමාන්තර තනුව ධාරිත්‍රකයක් ආරෝපණය කිරීම.

- * ආරම්භයේදී ධාරිත්‍රකයේ ආරෝපණ ශුන්‍ය වී නොමැති නිසා ධාරිත්‍රක හරහා විභව අන්තරයක් නොපවතින අතර මේ නිසා ආරම්භයේදී **උපරිම ධාරාවක්** පරිපථයේ ගමන් කරයි.

ආරම්භයේදී $Q=0 \Rightarrow V=0$



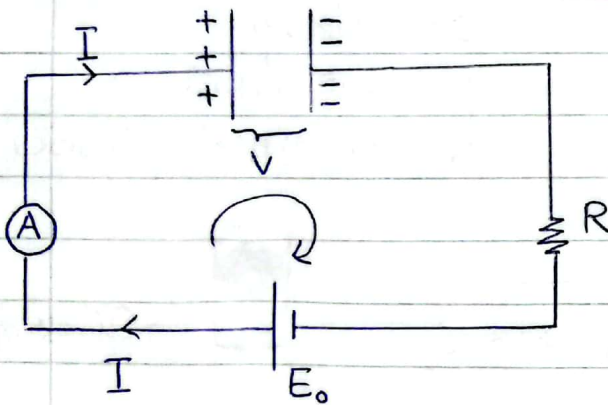
$$E_0 - 0 = IR$$

ආරම්භක ධාරාව,

$$I = \frac{E_0}{R}$$

- * කාලයත් සමඟ ධාරිත්‍රකයේ ආරෝපණ එකතුවීම නිසා අයු අතර විභව අන්තරය ඉහළ යන අතර එවිට පරිපථයේ ධාරාව අඩු වේ.
යම් මොහොතක $V = E_0$ වීමෙන් පරිපථයේ ලෙස ධාරාව ශුන්‍ය වේ.

කල්ගතවීමේදී, $\uparrow Q = CV \uparrow$

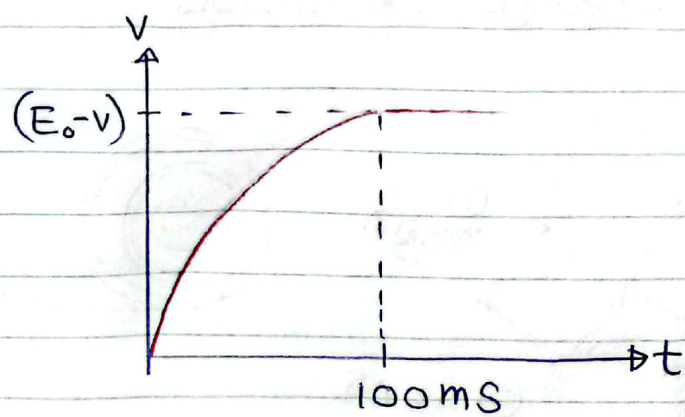
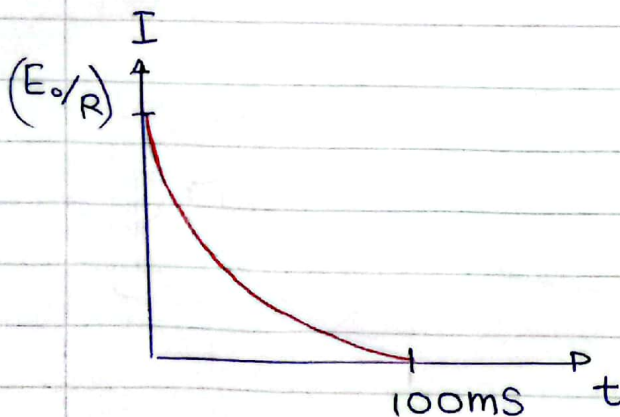


$$E_0 - V = IR$$

$$\downarrow \textcircled{I} = \frac{E_0 - \textcircled{V}}{R} \uparrow$$

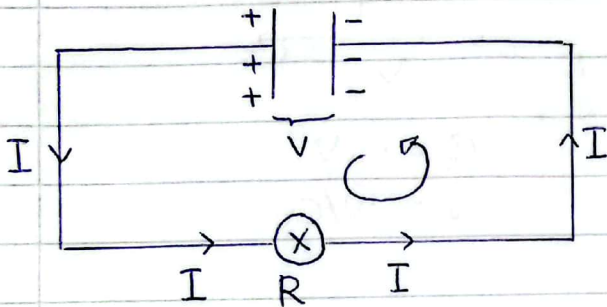
යම් මොහොතක, $V = E_0$

$$\underline{I = 0}$$



ධාරිත්‍රකයක් විසර්ජනය

- * ධාරිත්‍රකයක් හරහා සන්නයන කම්බියක් යෝ ප්‍රතිරෝධකයක් සම්බන්ධ කර තිබේ විට ධාරිත්‍රකයේ ආරෝපණ ප්‍රතිරෝධය හරහා ගමන් කිරීමෙන් පසු (+) හා (-) එකතු වී උදාසීන වීම සිදු වේ.
- * මේ අනුව **කාලය සමඟ විභව අන්තරය අඩුවන අතර, එවිට පරිපථයේ ධාරාවද අඩු වේ.**



ආරම්භයේදී,

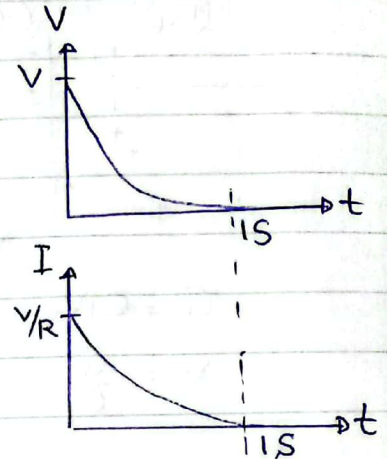
$$V = IR$$

$$I = V/R$$

කල්ගත වීමේදී,

$$\downarrow Q = C \downarrow V$$

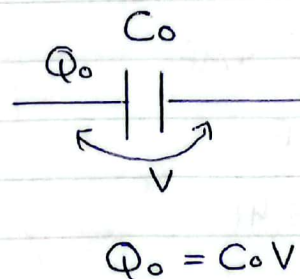
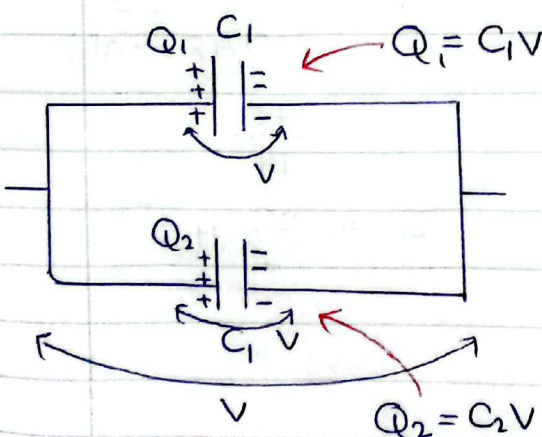
$$\downarrow I = \downarrow V/R$$



ධාරිත්‍රක පද්ධති.

- * පරිපථයකට අවශ්‍ය ධාරිතාවය සපයා ගැනීමට ධාරිත්‍රක කිහිපයක් විවිධ ආකාරවලින් සම්බන්ධ කර ධාරිත්‍රක පද්ධති නිපදවා ගනු ලබයි.
- * ධාරිත්‍රක පද්ධතියක සමක ධාරිතාවය යනු, පද්ධතියට සපයන විභව අන්තරය යටතේ දීම පද්ධතිමය විභව රැස් කරගනු ලබන ආරෝපණ ප්‍රමාණයට රැස් කරගන්නා තනි ධාරිත්‍රකයයි.

සමාන්තරව සම්බන්ධ කරන ධාරිත්‍රක පද්ධති.



$$Q_0 = Q_1 + Q_2$$

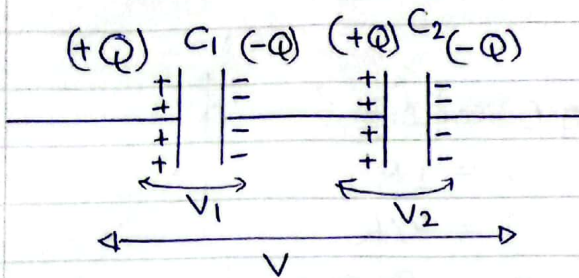
$$C_0 V = C_1 V + C_2 V$$

$$C_0 = C_1 + C_2$$

* සමාන්තරයෙන් ධාරිත්‍රක පද්ධතියකට
ආරෝපණය කළ විට ධාරිත්‍රකයකට
එකම ධාරිත්‍රකයකට විභව අන්තර්
සමාන වේ.

ධාරිත්‍රක

ශ්‍රේණිගත ප්‍රතිරෝධ පද්ධති

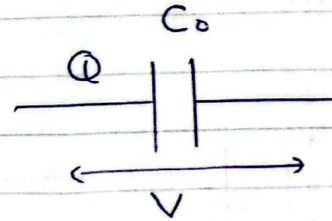


$$Q = C_1 V_1$$

$$V_1 = \frac{Q}{C_1}$$

$$Q = C_2 V_2$$

$$V_2 = \frac{Q}{C_2}$$



$$Q = C_0 V$$

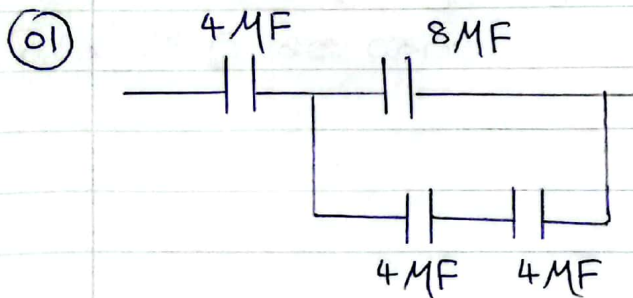
$$V = Q / C_0$$

$$V_1 + V_2 = V$$

$$\frac{Q}{C_1} + \frac{Q}{C_2} = \frac{Q}{C_0}$$

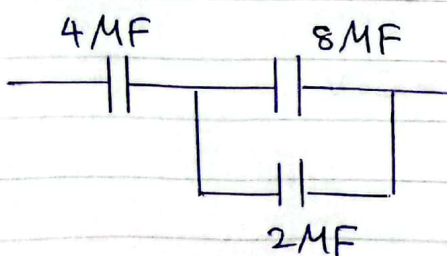
$$\frac{1}{C_0} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

* ශ්‍රේණිගත ධාරිත්‍රක පද්ධතියකට
ආරෝපණය කළ විට ධාරිත්‍රකයකට
එකම ධාරිත්‍රකයකට විභව අන්තර්
සමාන වේ.



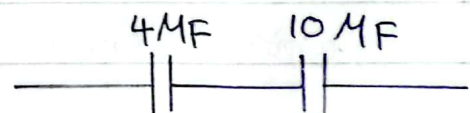
$$\frac{1}{C_0} = \frac{1}{4MF} + \frac{1}{4MF}$$

$$C_0 = 2MF$$



$$8MF + 2MF$$

$$= 10MF$$

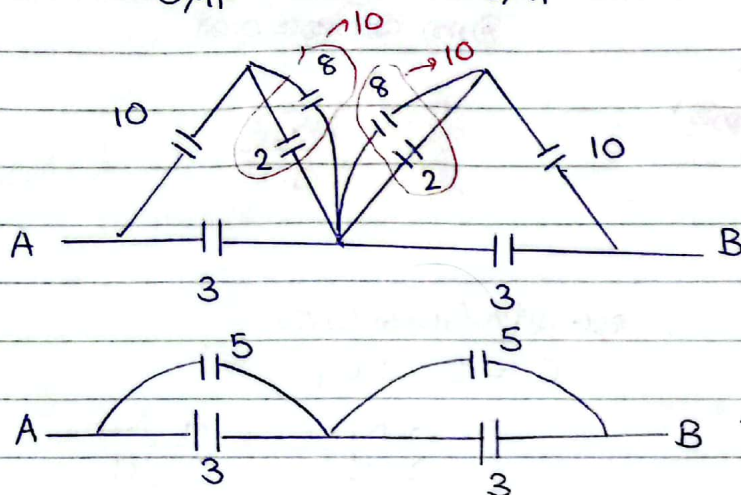
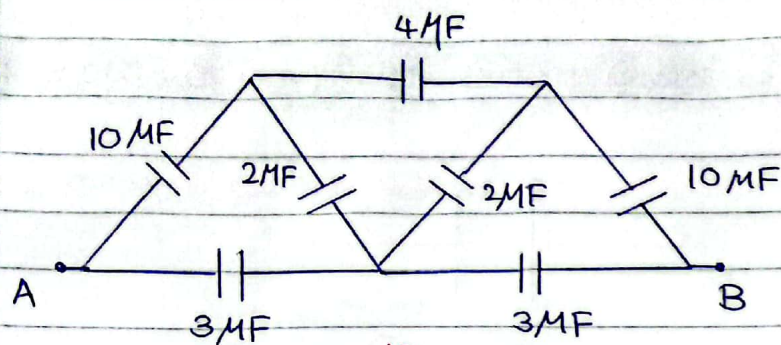


$$C_0 = \frac{10MF \times 4MF}{(10MF + 4MF)}$$

$$= \frac{40}{14}$$

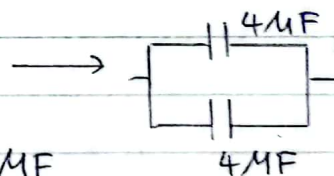
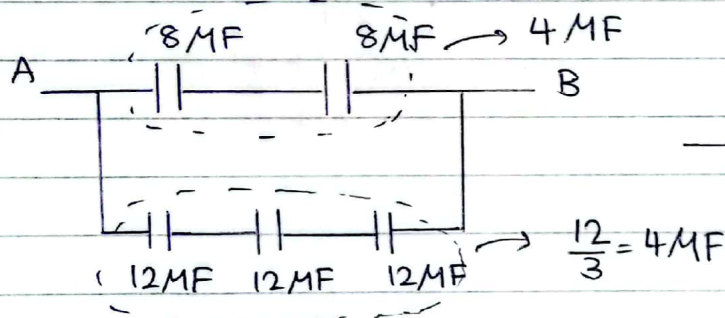
$$C_0 = \frac{20}{7} MF$$

(02)

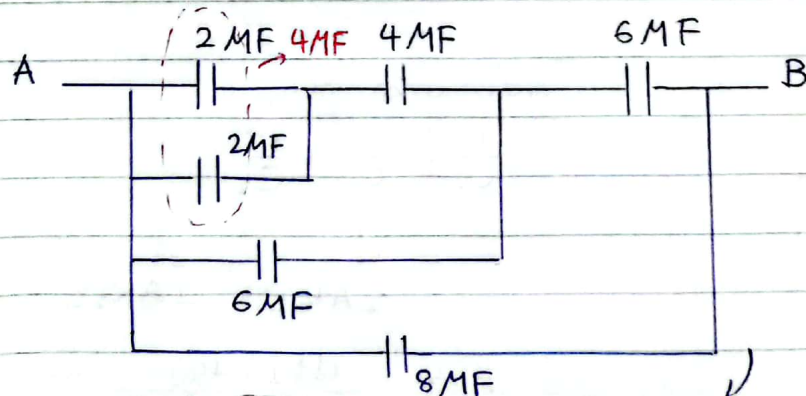


$$\frac{1}{C_s} = \frac{1}{8} + \frac{1}{8}$$

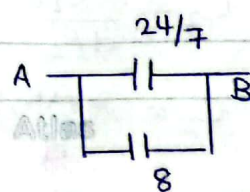
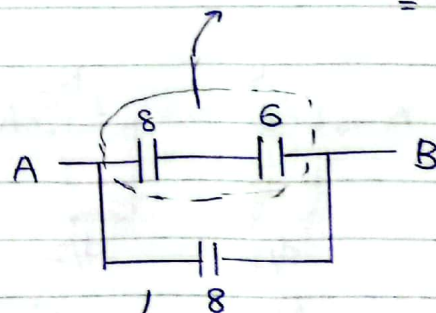
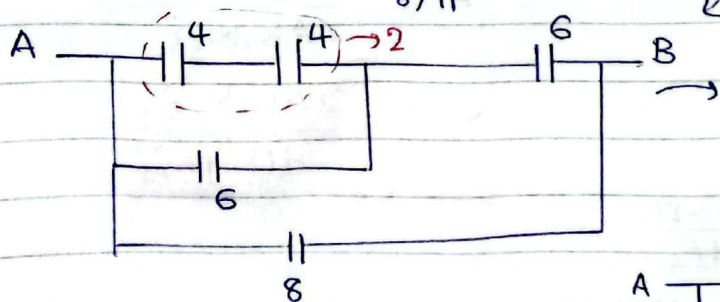
$$C_s = 8/2 = \underline{4MF}$$

tute
(02)

$$C_o = 4MF + 4MF = \underline{8MF}$$

tute
(04)

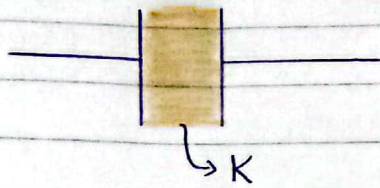
$$C = \frac{8 \times 6}{8 + 6} = \frac{48}{14} = \frac{24}{7}$$



$$C_o = \frac{24}{7} + 8$$

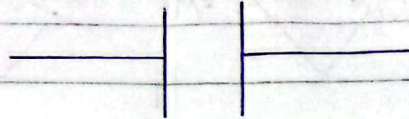
$$C_o = \frac{80}{7} = \underline{11.5MF}$$

සමාන්තර තනප්පු ධාරිත්‍රකයක තනප්පු අතරට පාරවිද්‍යුත් මධ්‍යයක් යෙදීම.



පාරවිද්‍යුත් නියතය
(සාපේක්ෂ පාරවිද්‍යුත්තාව)

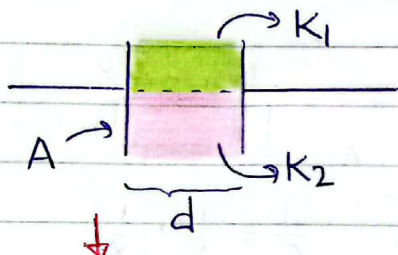
$$C = \frac{AK\epsilon_0}{d}$$



මාන ධාරිත්‍රකයක්

$$C = \frac{A\epsilon_0}{d}$$

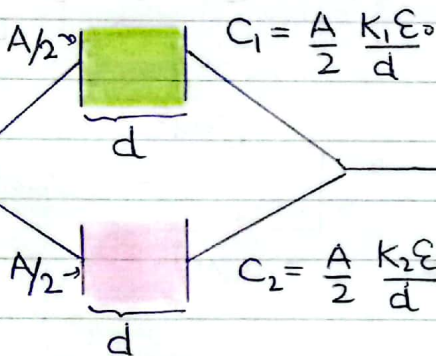
01



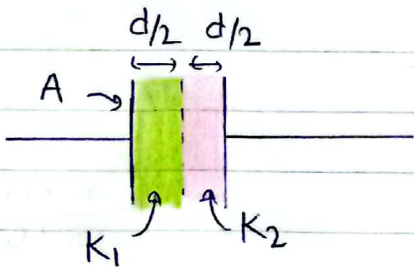
සමාන්තරගත නිසා,

$$\begin{aligned} C &= C_1 + C_2 \\ &= \frac{A K_1 \epsilon_0}{2d} + \frac{A K_2 \epsilon_0}{2d} \\ &= \frac{AK_1 \epsilon_0 + AK_2 \epsilon_0}{2d} \end{aligned}$$

$$C = \frac{A\epsilon_0(K_1 + K_2)}{2d}$$



02



ශ්‍රේණිගත නිසා,

$$\begin{aligned} \frac{1}{C_0} &= \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \\ &= \frac{d}{2AK_1\epsilon_0} + \frac{d}{2AK_2\epsilon_0} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{C_0} = \frac{dK_2 + dK_1}{2AK_1K_2\epsilon_0}$$

$$C_0 = \frac{2AK_1K_2\epsilon_0}{d(K_1 + K_2)}$$

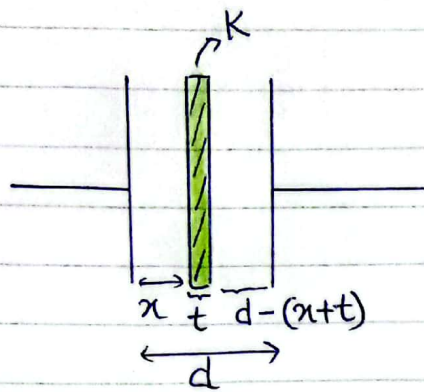
$$C_1 = \frac{AK_1\epsilon_0}{d/2}$$

$$C_2 = \frac{AK_2\epsilon_0}{d/2}$$

$$C_1 = \frac{2AK_1\epsilon_0}{d}$$

$$C_2 = \frac{2AK_2\epsilon_0}{d}$$

03) වායු ධරිත්‍රකයක් තුළට ජරිචරක කොටසක් ඇතුළත් කිරීම.



ලේඛනය බලන්න,

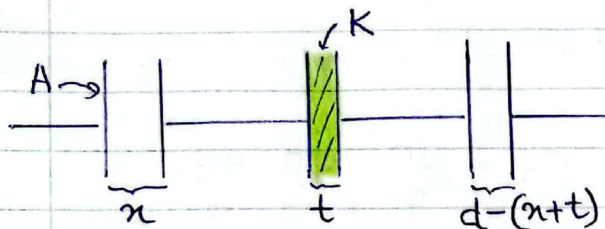
$$\frac{1}{C_0} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}$$

$$= \frac{x}{A\epsilon_0} + \frac{t}{AK\epsilon_0} + \frac{d - (x + t)}{A\epsilon_0}$$

$$\frac{1}{C_0} = \frac{xK + t + dK - K(x + t)}{AK\epsilon_0}$$

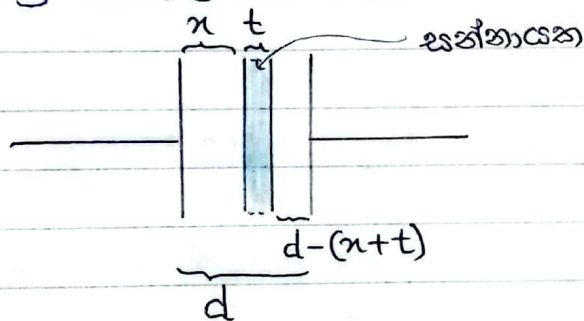
$$C_0 = \frac{AK\epsilon_0}{xK + t + dK - Kx - Kt}$$

$$C_0 = \frac{AK\epsilon_0}{t + K(d - t)}$$



$$C_1 = \frac{A\epsilon_0}{x} \quad C_2 = \frac{AK\epsilon_0}{t} \quad C_3 = \frac{A\epsilon_0}{d - (x + t)}$$

04) වායු ධරිත්‍රකයක් තුළට සන්නායක කොටසක් ඇතුළත් කිරීම.

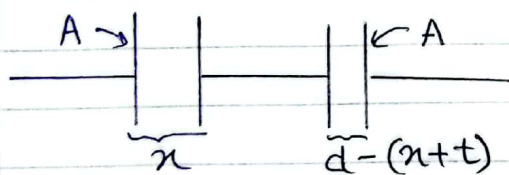


ලේඛනය බලන්න,

$$\frac{1}{C_0} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

$$= \frac{x}{A\epsilon_0} + \frac{d - (x + t)}{A\epsilon_0}$$

$$\frac{1}{C_0} = \frac{x + d - x - t}{A\epsilon_0}$$



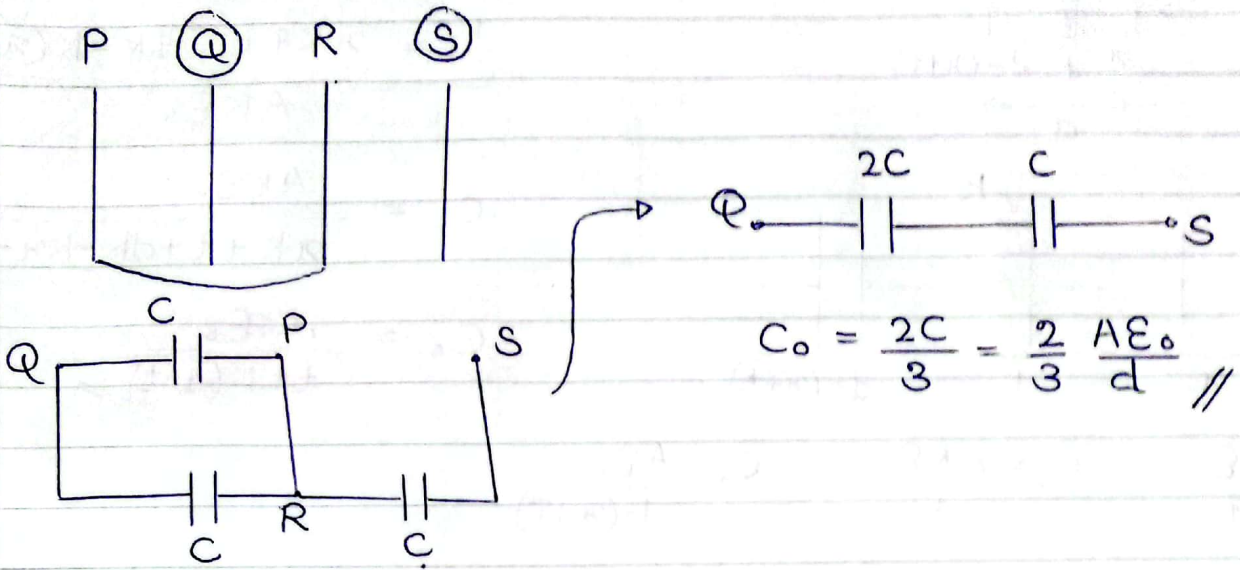
$$C_1 = \frac{A\epsilon_0}{x} \quad C_2 = \frac{A\epsilon_0}{d - (x + t)}$$

$$\uparrow C_0 = \frac{A\epsilon_0}{(d - t)} \downarrow$$

* මේ අනුව ඇතුළත් කරන සන්නායක කොටසේ ඝනකම වැඩි වන විට, ඵ්ලකයේ ධරිතාවය වැඩි යයි.

බහු ධාරිත්‍රක

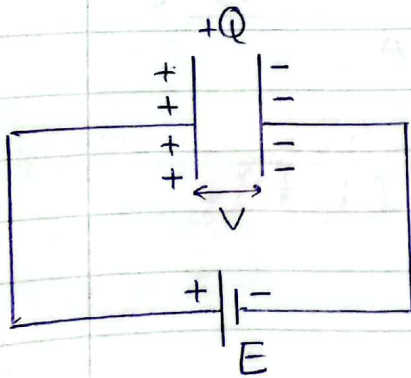
Q හා S අතර සමකය කෙසේද.



ධාරිත්‍රකයක ගබඩා වන විද්‍යුත් ශක්තිය

* ධාරිත්‍රකයක් ආරෝපණය කිරීමේදී ඒ සඳහා සිදු කෙරුණු කාර්යය ධාරිත්‍රකයේ විද්‍යුත් ශක්තිය ලෙස ගබඩා වේ.

* V විභව අන්තරයකට ආරෝපණය වී ඇති Q ආරෝපණයක් සහිත ධාරිත්‍රකයක විද්‍යුත් ශක්තිය පහත පරිදි ලියා දැක්විය හැක.



$$E = \frac{VQ}{2}$$

$$[Q = CV]$$

$$E = \frac{V \times CV}{2}$$

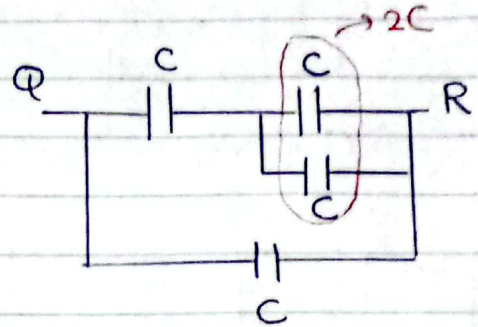
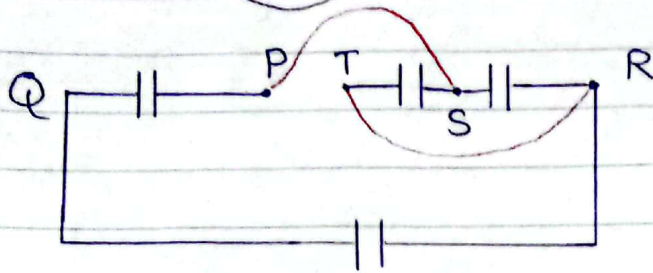
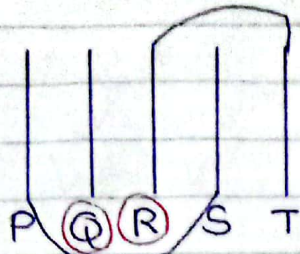
$$E = \frac{1}{2} CV^2$$

$$E = \frac{Q}{C} \times \frac{Q}{2}$$

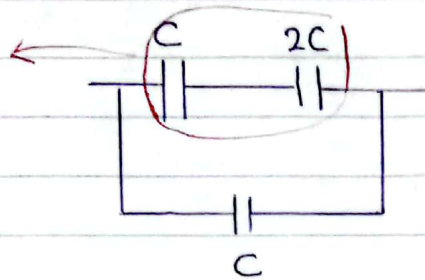
$$E = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

2020 A/L

(50)



$$\frac{C \times 2C}{3C} = \frac{2C}{3}$$

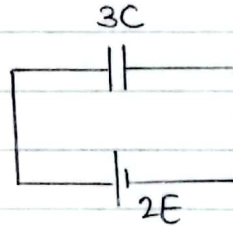
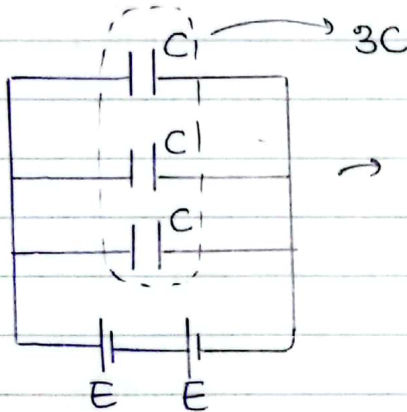


$$C_0 = \frac{2C}{3} + C$$

$$C_0 = \frac{5C}{3} = \frac{5}{3} \frac{A\epsilon_0}{d}$$

2019 A/L

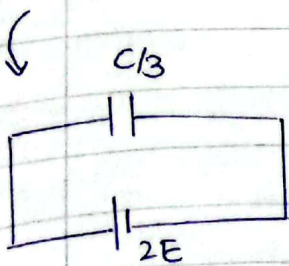
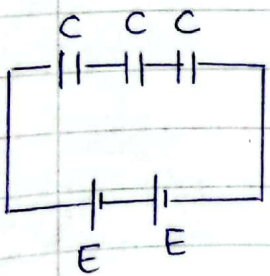
(3)



$$\frac{1}{2} \times 3C \times (2E)^2$$

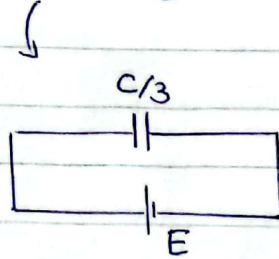
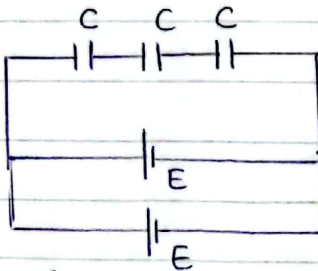
(3)

(1)



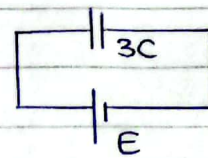
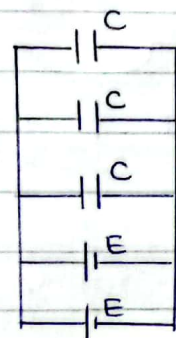
$$E = \frac{1}{2} \times \frac{C}{3} \times (2E)^2$$

(2)



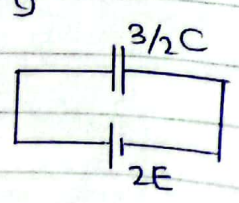
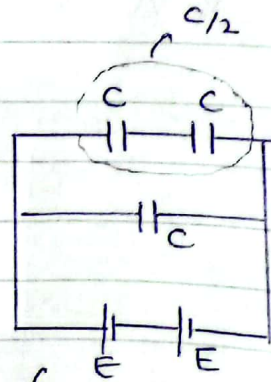
$$E = \frac{1}{2} \times \frac{C}{3} (E)^2$$

(4)



$$E = \frac{1}{2} \times 3C \times E^2$$

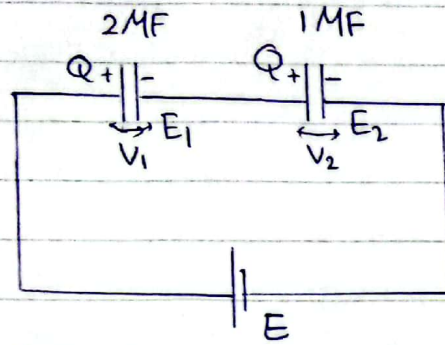
(5)



$$E = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} C (2E)^2$$

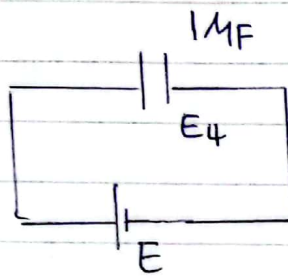
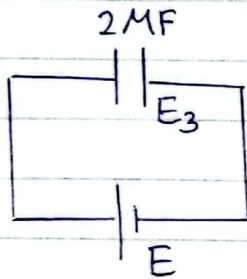
2016 A/L

(45)



$$Q = 2 \times V_1$$

$$Q = 1 \times V_2$$



$$E_3 = \frac{1}{2} \times 2 \times E^2$$

$$E_4 = \frac{1}{2} \times 1 \times E^2$$

$$Q = Q$$

$$2V_1 = V_2$$

$$V_1 = V_2/2$$

$$V_1 + V_2 = E$$

$$\frac{V_2}{2} + V_2 = E$$

$$\frac{V_2 + 2V_2}{3} = E$$

$$E = \frac{3V_2}{2}$$

$$V_2 = \frac{2E}{3} //$$

$$V_1 = \frac{V_2}{2}$$

$$V_1 = \frac{2E}{6} //$$

2016 A/L

